



COSIMO BARTOLI
GENTIL'HVOMO, ET

ACCADEMICO FIORENTINO,
DEL MODO DI MISVRARE
le distantie, le superficie, i corpi, le
piante, le prouincie, le prospettiuę, &
tutte le altre cose terrene, che posso-
no occorrere a gli huomini,
Secondo le vere regole d'Euclide, & de gli altri
piu lodati scrittori.



MUSEO CIVICO DI PADOVA

IN VENETIA, Per Francesco Franceschi Sances. 1834

Old 200

Vigano, F.A. 5-B. 199



Con Privilegio della Illustrissima Signoria
di Venetia, per Anni x v.

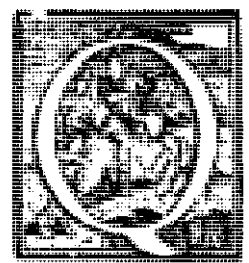
NOMI DELLI SCRITTORI,
de quali si è seruito lo Autore
in questa opera.

- ORONTIO *Fineo.*
- ALBERTO *Durero.*
- ARCHIMEDE.
- EVCLIDE.
- GEMMA *Frisio.*
- GIOVAN *Roia.*
- GIOVANNI *Stoflerino.*
- LEONBATTITA *Alberti.*
- GEORGIO *Perurbachio.*
- PIETRO *Appiano.*
- PROSPETTIVA *comune.*
- TOLOMEO.
- VITVLLIONE.
- VITRVVIO.



ILLVSTRISSIMO
ET ECCELLENTISSIMO S.

IL S. COSIMO DE MEDICI,
DVCA DI FIRENZE ET DI SIENA,
SIG. ET PATRONE MIO
OSSERVANDISSIMO.



VANTO la Eccell. V. Illust. habbi
sempre con il fauorire coloro, che
hanno dato opera alle uirtuti, porta
occasione a tutti gli huomini di eser-
citarli, & nelle arti, & nelle scienze,
non è nessuno, che chiaramente non
lo conosca. Veggoni i frutti del celebratissimo studio
Pisano già molti, & molti anni sono, sparsi per tutta Ita-
lia. Appariscono in uarii luoghi per lo Stato di V. E.
le lodatissime imprese delle muraglie, delle Sculture, &
delle Piceture, & di molti altri esercizi, che sono quasi
infinite, che dalla honoratissima Scuola de uirtuosi nu-
tritisi, & esercitatisi sotto l'ombra di V. Eccell. Illust.

hanno fatto, & continuamente fanno, non solamente honore, & utile al presente Secolo; ma giouamento, & lume grandissimo al futuro. La onde si puo facilissimamente giudicare, che V. Eccell. hauendo conosciuto sino da primi anni, mediante il suo purgatissimo giudizio essere uero il detto di Socrate, che si come la Ignoranza, è il sommo male degli huomini, cosi la Scienza si troua essere il sommo bene, habbi uoluto con hauere in protettione, & amare tutti i uirtuosi, esortando, & instigando quelli, che attendono alle arti, con dar' loro occasione di mettere in atto le lodeuoli inuentioni, de belli ingegni loro, & premiando & accarezzando quelli altri, che Padroni delle scienze, possono insegnare a molti; purgare il mondo dalla ignoranza, & riempendolo di bellissime arti, & sacrosante scienze, ridurre gli huomini al sommo bene. Esempio ueramente di lodatissimo & grandissimo Principe, che imitando il Creatore del tutto si ingegni di scomparire, & per se stesso, & per le seconde cause ancora, piu largamente, & piu uniuersalmente, che ei puo i doni delle grazie sue; come inuero ha fatto sempre per il passato, & fa continuamente V. Eccell. Illustr. alla quale non è baltato di fare questo solamente con lo esempio della innocentissima, & esemplarissima uita sua; ma con il riconoscere, & premiare grandemente infiniti Virtuosi, seruendosi di loro come di tante membra, o mani quasi come poche fusino le proprie, & particolari concesse a V. Eccell. Illustr. dalla Natura, per spargere piu uniuersalmente, & piu largamente per tutto i doni delle
arti,

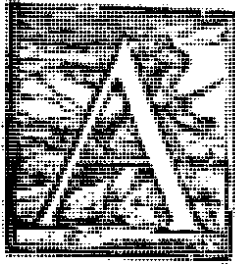
arti, & delle Scienze, secondo il magnanimo, & alto concetto di quella. Le quali cose conosciute da molti sono state cagione, che molti ancora si siano lodeuolmente esercitati in uarie sorte di studii, pensando non tanto di uolere (nel cercare di giouare a molti) procacciarsi qualche Fama, quanto che soddisfare per quanto erano le forze loro a V. Eccell. Illustr. Infra i quali trouandomi io essere uno, ancor che minimo, confesso largamente, & nelle altre passate fatiche degli studii miei, già per l'adietro dedicate a V. Eccell. Illustr. & in queste ancora, hauere desiderato grandemente, & desiderare hor piu che mai di sodisfarle. Il che se mi sarà riuscito nello hauere condotto in questa lingua i piu facili, & certi modi, da potere con uere regole, & ragioni misurare qual si uoglia cosa grande, o piccola di qual si sia lontananza, altezza, larghezza, profondità, superficie, forma, o corpo, uicina, o lontana, potendo, o non potendo auicinar se, che possa occorrere al Genere humano; lascierò giudicare a V. Eccell. Illustr. la quale prego deuotissimamente, che accettando queste mie fatiche, si degni alcuna uolta ricordarsi di me, come di fedelissimo, non meno che affezionatissimo seruo di Quella, alla quale nostro Signore Dio conceda sempre quel che piu desidera. Di V. Eccell. Illustr. il di 10. di Agosto del 1559.

Affezionatissimo Seruitore.

Cosimo Bartoli.

FRANCESCO FRANCESCHI
S A N E S E

A' BENIGNI LETTORI.



ARDENTISSIMO è stato sempre il desiderio mio di mandar' alla stampa cose, che non solamente diletteuoli, ma che giouino ancora. La onde essendomi si porta occasione di potere stampar' i modi delle Misure di M. Cosimo Bartoli, giudicandole non meno diletteuoli, o utili, che necessarie, mi è parso dare questa satisfattione, non tanto alla naturale mia intentione, quanto a coloro, che dilettrandosi de gli studij delle buone arti, aspettano che continuamente le scienze eschino con quelle miglior regole, & maggiore facilità, che desiderare si possono, in questa lingua. Parte delle quali, credo che vedranno in questi scritti coloro, che dilettrandosi delle Matematiche, li leggeranno accuratamente. Godeteui adunque delle presenti fatiche, o studiosi, mentre che io procurerò di farui parte di alcune altre opere non meno diletteuoli, che utili, lequali io spero in breue, per benignità de belli ingegni, che in esse continuamente si affaticano, di porre in luce.

DEL MODO

DI MISVRARE TUTTE

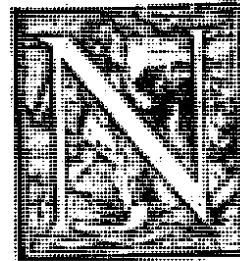
LE COSE TERRENE

DI COSIMO BARTOLI

Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

LIBRO PRIMO.

Proemio, ouero intentione dello Autore. Cap. I.



NELLO esaminare le cose delle misure, infra molte, che me ne occorrono, & che mi paruono utili, & necessarie, come che molte mi se ne offerissero, che io giudicassi, che potessero arrecare non solamente diletto, ma giouamento, & utilità non piccola al genere humano, quattro furono le principali. La prima fu il misurare delle distanze, che in qual si voglia modo ci potessimo occorrere, o per larghezza, o per lunghezza, o per altezza, o per profondità. La seconda il misurare qual si voglia sorte di superficie, o di piano. La terza il misurare de corpi, così regolari, come irregolari. & la quarta il misurare una Prouincia di 400. o 500. miglia per lunghezza, & per larghezza da poterla disegnare in piano, con le sue Città principali, Terre, Castella, Porti, Fiumi, Liti, & altre cose di essa piu notabili. Et però nel primo libro seguendo lo ordine dello Orontio (non mi sottomettendo però in uirtualla traduzione) deliberai di trattare delle distanze. Nel secondo delle superficie,

o vogliamo dire de piani. Nel terzo de corpi. Nel quarto, se-
 guendo Gemma Frisio, & altri mi parue di trattare del modo da
 descriuere le Prouincie in piano. Et se ben quanto alla pratica
 della Geometria mi pareua che questi quattro libri fussino a bastan-
 za, conciosia che non poteua occorrere cosa alcuna, a qual si uoglia
 persona, che con queste regole non si potesse, o misurare, o ritrouare.
 Nondimeno atteso che io mi ero ingegnato seguendo lo ordine de piu
 lodati scrittori di prouare con ragioni le misure che si descriuono, &
 nel prouarle allegando gran parte delle dimande, & de concetti, &
 delle proposte di Euclide, come che dette misure si siano tutte da
 lui con fondamento cauate; mi deliberai di non suggire la fatica di
 mettere in questa lingua, quelle parti di loro, che per le prouue si era-
 no citate: accioche qual si uolessi curioso ingegno, potessi mediante
 questi miei scritti, satisfarsi nel uedere in fonte il uero delle cose trat-
 tate. Aggiunsi adunque alli primi quattro libri il quinto, doue sono
 non solamente le dimande, i concetti, & le proposte, citate nelle di-
 mostrationi per prouue, ma quelle ancora che da loro dependono,
 chiamando spesso l'una l'altra, come ben fanno coloro, che dilettan-
 dosi di Euclide, lo hanno spesso per le mani. Parcuami ueramen-
 te questo quinto libro necessario, nondimeno stetti piu uolte con lo
 animo sospeso, se io doueua aggiugnerlo a questi miei scritti, o pur
 lasciarlo indietro, peroche essendoci Euclide come molti fanno tra-
 dotto, mi pareua una fatica con poca mia satisfatione, & forse di
 altri. Ma due cose finalmente mi fecero risolvere di arrogerlo a
 queste mie fatiche; la prima le persuasioni del ualeroso Signore il
 Capitan Francesco de Medici, non men studioso che affezionato di
 simili sorte di studij: & la altra la comodità dello uniuersale, per-
 che chi harà questi miei scritti per le mani, potrà senza hauere a por-
 tarli dietro Euclide restare satisfatto del tutto, per quanto occorre
 a dette

a dette misure. Paruemi ancora molto utile, & di giouamento,
 non piccolo lo arrogerci il sesto libro, & mettere in esso le regole
 del cauare le radici, o quadrata, o cubiche; che in molti luoghi
 sono necessarie a uoler ritrouare, o cauare le misure, che ne tre primi
 libri si sono trattate. Ne uolli ancora che mi paressi fatica arrogerci
 in ultimo la regola delle quattro proporzionali, cioe delle tre cose, per
 satisfatione di coloro, che se bene hanno in qualche modo notizia, si
 come interuiene alla maggior parte de gli huomini, di raccorre, mul-
 tiplicare, & partire; non hanno però in pratica il modo del cauare
 di qual si uoglia numero, le radici quadrate, o cubiche; nè di ritrouare
 mediante i tre termini, o numeri noti, il quarto proportionale
 che fuessi loro incognito, o nascoso. Nel descriuere le quali cose es-
 sendo io andato principalmente dietro alla utilità, & comodità de
 gli huomini, piu che a nessuna altra cosa, prego ciascuno, & mas-
 simo coloro, che attendendo forse piu alla lingua, che alla utilità del-
 l'arte, o della scienza, riprendono spesso a torto, con loro non molto
 giudicio, & poca satisfatione di altri, i nomi & le uoci che non pa-
 iono loro riceuute dallo uso comune, nè approuate, ma nuoue, che mi
 sia concesso usare Schianciana per linea a schiancio. Paralella per
 linea ugualmente distante da una altra, Radice Cubica, & alcune
 altre uoci simili, riceuute nondimeno, & da moderni, & da gli an-
 tichi ancora, come ben fanno coloro, che sono, o nati, o nutriti nella cit-
 tà di Firenze; & che hanno in pratica gli scritti delle cose Matema-
 tiche, o Arismetiche delli scrittori nostri antichi, cosi come de
 moderni: de quali ce ne son pure assai, che per ancora non son uenuti
 alla stampa. Ma basti questo per hora quanto a tal materia, ri-
 mettendomi nondimeno, nel giudicio migliore di tutti coloro, che piu
 fanno; & che non da malignità, ma dalla uerità della cosa si spinti
 a uolerne riprendere, per beneficio dello uniuersale, al purga-
 to giudicio

to giudicio de quali mi sottometerò sempre, molto uolentieri.

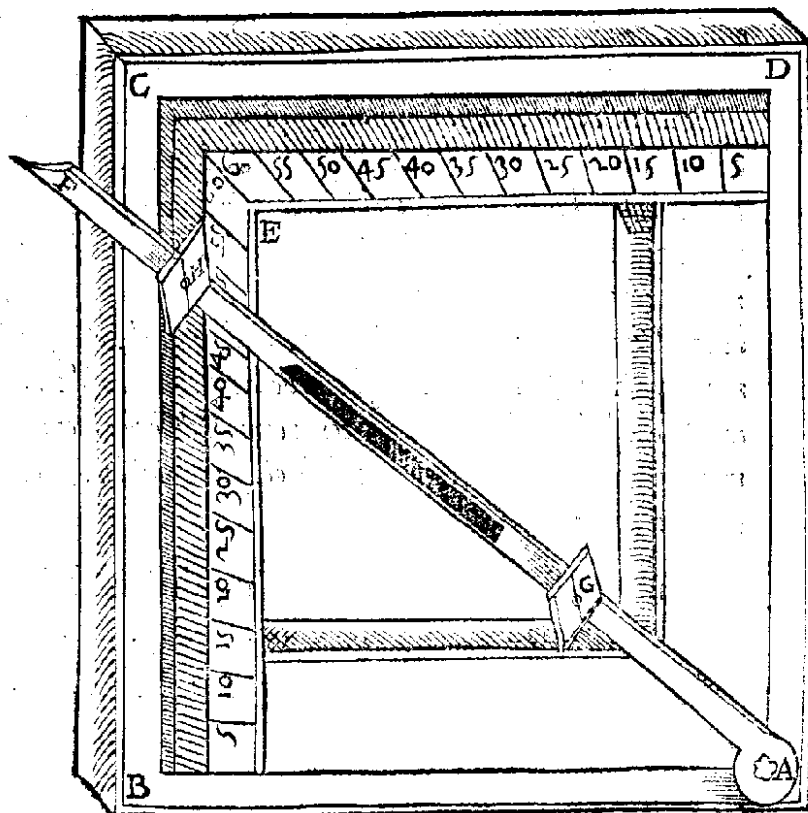
Come si faccia un quadrante instrumento commodissimo per misurare le distanzie. Cap. II.



ANCORCHE le distanzie si possono ritrouare per uarie uie, & mediante diuersi instrumenti, de quali racconteremo parte. Il quadrante niemedimeno è, per queste attioni, instrumento piu di tutti gli altri accomodatissimo; per ilche hauendo a seruirci di esso, non mi pare cosa inconueniente, dire con maggior breuità che sarà possibile il modo del farlo. Apparechinsi quattro regoli di alcun legno durissimo, atto non si torcere, & questi si arrechini allarghezza & a grossezza, lauorati diligentissimamente, & lunghi ugualmente, si atestino di maniera insieme, che l'uno con l'altro faccia sempre angolo a squadra; & che le facce loro uenghino a piano. Questi regoli uorrebbono esser lunghi almanco due braccia, acciò nello operare poi ci uenisse la operazione piu giusta. Commessi insieme questi regoli talche facciano un quadro perfetto, scelgasi la faccia piu pulita, & in quella si tiri una linea diritta da tutte quattro le facce, che sia non molto lontana dal canto uiuo di fuori, & in su le cantonate doue queste linee si congiungono insieme scriuasi ABCD, ricordandoci che dette linee debbon ugualmente discostarsi dal canto uiuo da per tutto; Posto dipoi un regolo dal punto A al punto C tirisi una linea a schiancio che sia CE, a ciascun de lati poi AB & CD si tirino ancora tre linee parallele, le quali uadino a riscontrarsi nella già tirata schianciana CE, & che insieme con le BC & CD lascino tre interualli talmente proportionati fra loro, che l'uno sia sempre per il doppio piu largo che l'altro. Diuidinsi dipoi ciascun di questi lati,

secondo

secondo la loro lunghezza in dodici parti uguali, & tenendo una testa del regolo sempre ferma al punto A, trasportandolo con l'altra a tutti i punti delle diuisioni, tirinsi da detti punti alcune linee ette infra detti tre interualli, a schiancio che sieno paralelle alla CE, & che non passino le linee BC & CD, & ciascuna di esse dodici parti di poi si ridiuiua in cinque parti uguali, & da detti punti tirinsi le diuisioni come l'altre, ma che intraprendino a punto duoi interualli. Et in questo modo qual si è l'uno de lati, BC & CD sarà diuiso in 60.



parti percioche 5. ue 12. o 12. ue 5. fa 60. Potraffi ancora ridiuidere l'ultimo interuallo, cioe il piu di fuori, che è il piu stretto in due parti uguali, & ciascuna di esse fara. 30. minuti di un grado, ouero ciascuna delle. 60. in 3. parti uguali & ciascuna di esse fara. 20. minuti: o in 4. $\frac{1}{2}$ ciascuna fara. 15. minuti. Et cosi si potrà ridiuidere successiuamente in quante parti noi uorremo qual si è l'una di dette parti secondo ci piacerà, o che tornerà comodo alla graderza dello instrumento. Infra il primo interuallo dell'uno $\frac{1}{2}$ dell'altro lato, cioe nel piu largo scriuinfi i numeri cominciando dal B & dal D in questo modo 5. 10. 15. 20. 25. 30. 35. 40. 45. 50. 55. 60. talche il 60. uenga al punto C che serua a l'un lato & all'altro. Fatto questo faccisi una linda che sia diritta, uguale, & piana da per tutto, la quale chiameremo A F, almanco tanto lunga quanto è la schianciana A C & per la lunghezza di essa attachinfi due mire che ueghino a punto forate nel mezzo $\frac{1}{2}$ corrispondino insieme con la linda, alla schianciana A C come mostrano le figure G H. Questa linda finalmente debbe con il suo centro conficarsi nel centro A, talmente che ella si possa mandare in su, & in giu, per la faccia dello instrumento liberamente, & che la linea della fede A F corra come si disse per mezzo delle mire, & uadia giusta a ciascuna delle già fatte diuisioni, secondo che ci occorrerà.

Come si misurino le distantie a piano di linee diritte con il quadrante geometrico. Cap. III.



E C I sarà proposta una linea diritta da misurarsi, che sia essenzialmente, o pure immaginata per il lungo, o per il largo, o per il trauerso della campagna, come per modo di essempio sarebbe la B E. Bisogna colocalare il quadrante di maniera, che uno de suoi lati spartito, cioe il lato

lato B C uenga sopra il piano per lo lungo; & al diritto della propostaci linea B E & che il R sia a punto al principio della linea che si harà da misurare; & l'una, & l'altra faccia del quadrante A D, & C D, stia a piombo sopra il piano. Pongasi dipoi l'occhio al punto A & abbassisi, o alzisi la linda talmente, che passando la ueduta per amendue le mire arriuui alla fine della propostaci linea E. Fatto questo notisi doue la linda A F batta nel lato C D: che per modo di essempio diremo che batta nel punto F. Se la intersecatione D F sarà 15. di quelle parti uguali, che tutta la C D uguale ad essa A D, è 60. perche 60. corrisponde per quattro tanti al 15. La propostaci linea B E sarà lunga per quattro uolte esso lato A B. Adunque se il lato A B sarà un braccio; la propostaci linea B E sarà quattro braccia simili.



Per dimostrazione delle cose dette, egli è chiaro che i duoi triangoli A B E, & A D F sono di angoli uguali; conciosiache lo angolo A E B è uguale allo altro angolo D A F secondo che si proua per la uentimo uesima del primo di Euclide; conciosia che la linea diritta A E taglia a trauerso le due A D & B E che sono parallele. Lo angolo B A E ancora è uguale allo angolo A F D secondo la uentimouesima del primo. Peroche la A F pare che di nuouo tagli a trauerso le parallele A B & C D. Lo altro angolo medesimamente A B E è pure uguale

LIBRO

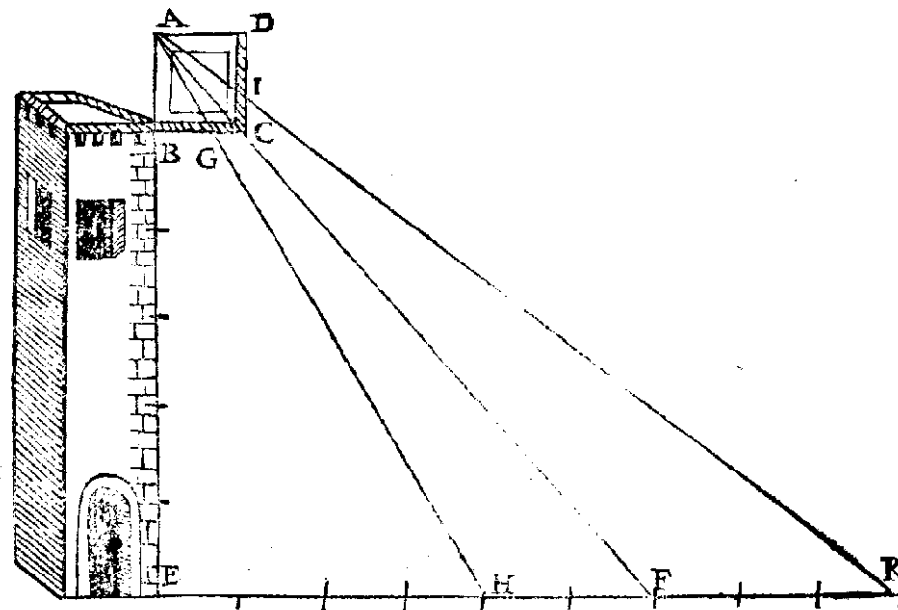
uguale all'altro ADF , conciosia che l'uno, & l'altro è a squadra, o vogliamo dire retto. Et tutti gli angoli a squadra, o vogliamo dire retti, sono infra di loro, secondo la quarta petizione, o vogliamo dire dimanda di Euclide, uguali. Adunque i detti triangoli ABE , & ADF sono di angoli uguali. Et de triangoli di angoli uguali sono proporzionali quei lati, che sono intorno a gli angoli uguali: & quelle corde, o lati, che sono rincontro a gli angoli uguali, o vogliamo dire sotto, sono nella medesima proportione secondo la quarta del sesto di Euclide. In quella medesima proportione adunque che corrisponderà la linea AD , alla DE , corrisponderà ancora la propostaci linea EB al lato AB . Questa dimostrazione è bene, che si noti diligentemente: perche giouera molto, a farne intendere le altre cose, che si hanno a trattare; conciosia che hauendo a prouare molte cose, mediante la corrispondentia della ugualità delli angoli, non uorrei esser molesto con hauerlo a replicare troppo spesso.

Come ritrouandosi in un luogo alto si misuri una linea diritta posta in piano. Cap. IIII.

S I uorrà trouandosi in cima di alcuna torre, o a qualche finestra di qual si uoglia edifizio, posta sopra di una grã piazza, o sopra una campagna aperta, misurare una linea, che si uede se a dirittura adiacere in terra, nel medesimo piano, disopra del quale la muraglia del detto edifizio, o torre si rilieua con angoli retti, o a squadra: faremo in questo modo. Diciamo, che la ritta torre sia BE : & la linea propostaci EF , ouero EH , o pure EF , l'altezza della quale stando ad alto al B si habbia a misurare con il quadrante Geometrico. Accomodisi il lato AB del quadrante per lo lungo; & per il ritto di essa BE ,
in

PRIMO.

in maniera che AB , & BE diuentando una linea sola, che sia AE , caschi a piombo sopra il piano detto, che sia $E H F K$. Posto di poi l'occhio al punto A , alzisi, o abassisi la linda fino a che la ueduta correndo per amendue le mire, arrini alla fine della propostaci linea. Fatto questo auertiscasi il punto, nel quale batte la linda; la quale è forza che batte, o nel punto C , che è il mezo a punto infra il lato BC , & il lato CD , ouero nel lato BC , o nel lato CD , che altroue non puo battere. Quando ella batterà nel punto C , dice si, che la propostaci linea da misurarsi EF è uguale alla altezza della torre EB . Et per sapere l'altezza della torre si potrà mandare da cima a terra un filo con un piombino, & misurare poi detto filo, il quale se sarà braccia per modo di dire 24. sarà ancora 24 braccia la linea EF .

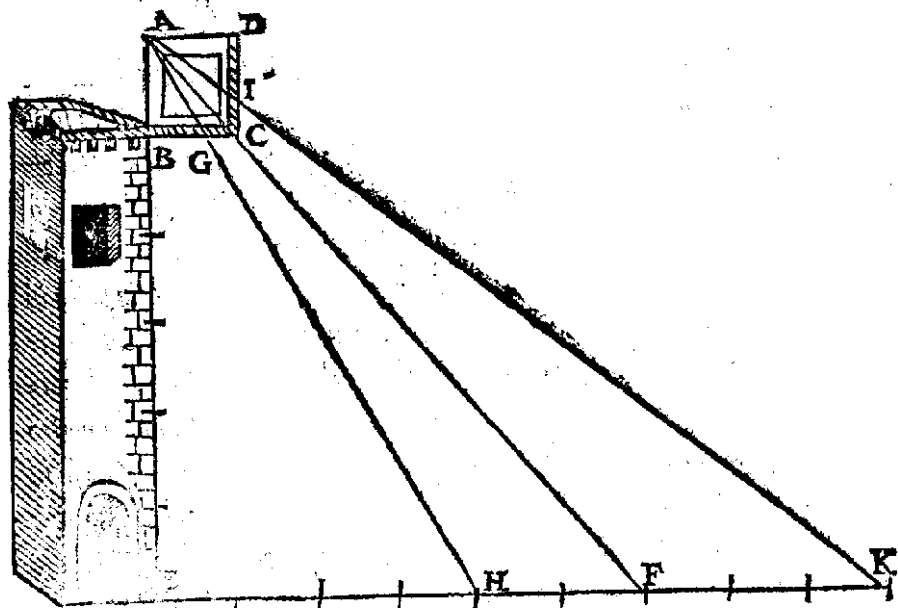


La ragione delle cose dette è che i duoi triangoli ABC , & AEF sono di angoli uguali, percioche lo angolo ABC , è uguale allo angolo AEF ,
B lo AEF,

lo $A E F$, & medesimamente lo angolo $A C B$ è uguale allo angolo $A F E$ secondo la già allegata uentunesima del primo di Euclide. Et lo angolo A , è comune all'uno triangolo, & all'altro. Adunque per la medesima quarta del sesto, in quella proportion, che corrisponde de il lato $A B$ al lato $B C$ corrisponderà la a piombo $A E$ alla proposta linea $E F$. Ma i lati $A B$ & $B C$ sono fra loro uguali, condisia che ci sono lati di un medesimo quadrato; adunque la $A E$ è ancor essa uguale alla $E F$. Ma battendo la linda nel lato $B C$ come sarebbe per auentura al punto G , & la proposta linea da misurarsi fusse $E H$, è cosa certissima, che questa $E H$ proposta è più corta della a piombo $A E$, la quale $A E$ sarà in tale proportion alla $E H$, che è il lato del quadrante $A B$ alla parte intersecata $B G$. Bisogna adunque sapere le diuisioni de lati del quadrante, che siano 60 . & la intersecata $B G$, sia per modo di dire. 40 . di queste stesse parti, che tutto il lato $B C$, uguale al lato $A B$, è 60 . auertiscasi, che il 60 . corrisponde al 40 . per sesquialtera, cioè per la metà più; sarà ancora la linea a piombo $A E$ per una uolta, & mezo la $E H$. Misurarsi dipoi con il filo, & piombino mandato giù dallo A , infino allo E , cioè la linea $A E$, & traggasi poi la terzo parte di detta lunghezza $A E$, ce ne rimarrà la $E H$. Come che seruaci per esempio, che la detta linea a piombo $A E$ fusse, misurando il filo, 24 braccia, tratto ne il terzo, la linea $E H$ resterebbe 16 .

La ragione delle cose dette è, perche i duoi triangoli $A B G$, & $A E H$ sono pur medesimamente di angoli uguali; & lo angolo $A B C$, è uguale allo angolo $A E H$ (come si disse di sopra) per la qual cosa resta secondo la già detta quarta propositione del sesto di Euclide, che il lato $A B$ ha la medesima proportion alla intersecatione $B G$, che ha la $A E$, alla $E H$.

Replicasi la figura per comodità dell'occhio.



Ma se la linea batterà nel lato $C D$ dicasi, che batta nel punto I , & che la linea da misurarsi sia $E K$ egli è chiaro, che essa $E K$ è maggiore della detta a piombo $A E$, in quella medesima proportion, che il lato $A D$ è maggiore della intersecatione $D I$ del lato $C D$. Perilche se il $D I$ sarà 40 . di quelle parti stesse, che il lato del quadrante, è 60 . sarà medesimamente la $A D$ in proportion sesquialtera, cioè della metà più alla intersecatione $D I$. Perche la linea $E K$ sarà per una uolta, & mezo la linea a piombo $A E$. Talche essendo la già detta linea $A E$, 24 braccia, la $E K$ sarà braccia 36 simili.

La ragione è, che i duoi triangoli $A D I$, & $A E K$ sono di angoli ancora essi uguali; perche lo angolo $D A I$, è uguale all'angolo $A K E$, & lo angolo $A I D$, è uguale allo angolo $E A K$, per la medesima uentunesima del primo di Euclide; & gli angoli $A E K$, & $A D I$ sono uguali; percioche ci sono a squadra. Come dunque il lato $A D$.

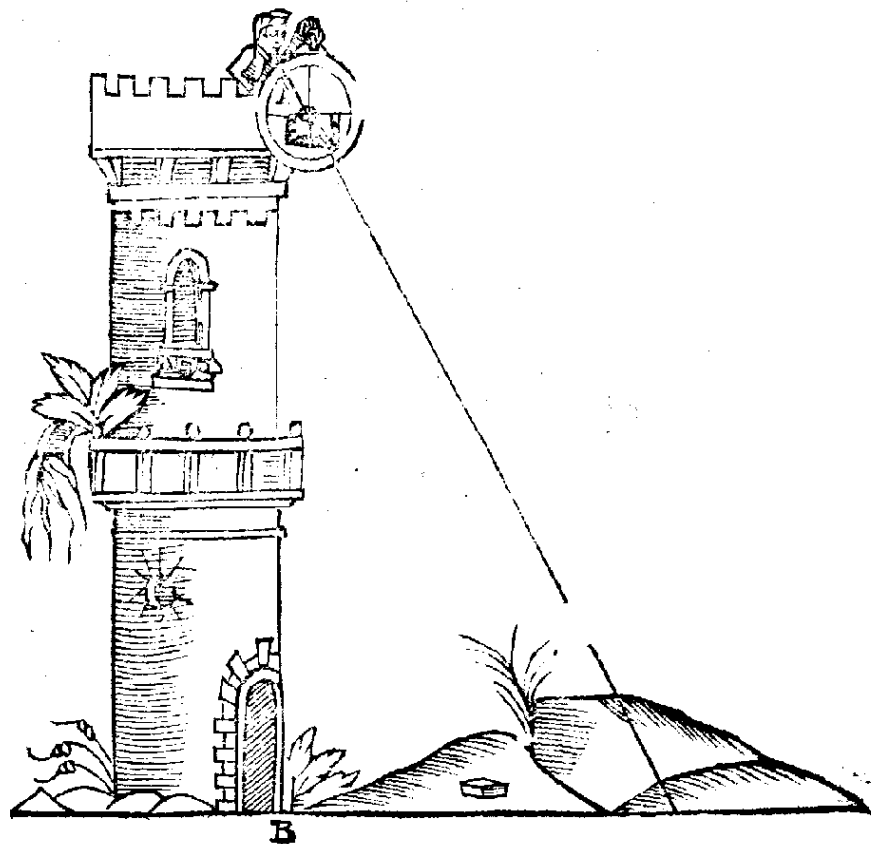
corrisponde al DI ; così corrisponderà ancora la propostaci linea $E K$ alla a piombo $A E$ secondo la quarta del sesto di Euclide.

Per il che si uede come si puo misurare una lunghezza simile, che non arriui alla basa della Torre, come la $H K$, perche presa la lunghezza $E K$; et poi di $E H$, come si è insegnato, traggasi la $E H$, della $E K$, & habasi la larghezza $H F$, il simile si giudichi di $H K$, & di $F H$, & delle altre simili, in simile modo poste.

Puo si misurare ancora la medesima linea, o distantia posta in piano, trouandoci in luogo alto con la parte di dietro dello Astrolabio, imperoche ci seruiamo della scala altimetro di detto Astrolabio, in quel medesimo modo che facuamo di detta scala del nostro quadrante. Misurisi adunque la altezza della Torre come si fece con la fune, dipoi si sospenda per lo anello lo Astrolabio di cima della Torre qual diciamo che sia A , & il piè della Torre E , et dirizzisi la linea al punto H , & hauremo già dui triangoli ad angoli retti uno, cioè $A E H$, & l'altro nella scala dello Astrolabio; de quali il lato $A E$ già ci è noto, & è comune a l'uno & a l'altro triangolo, imperoche la E , uiene sul piombo della A , & lo angolo $E A H$ è similmente comune, et gli altri lati loro saranno proportionali a gli altri lati secondo la quarta del sesto di Euclide. Onde in quel modo che corrisponde lo intero lato della scala alle parti intersecate dalla linea, così farà la altezza notaci già della Torre, alla $E H$ basa del triangolo $A E H$. Et per lo esempio, sia la Torre alta 24 braccia, & la linea interseghi le noue parti della scala, così come le dodici parti della scala corrispondono alle noue di detta scala, così le 24 della altezza della Torre, corrisponderanno alla distantia $E H$, che uerranno ad essere diciotto braccia. Et se si multiplicheranno le parti intersegate, per la altezza della Torre, & quel che ce ne uerrà si partirà per lo intero lato della scala, da quel numero che ce ne

resterà

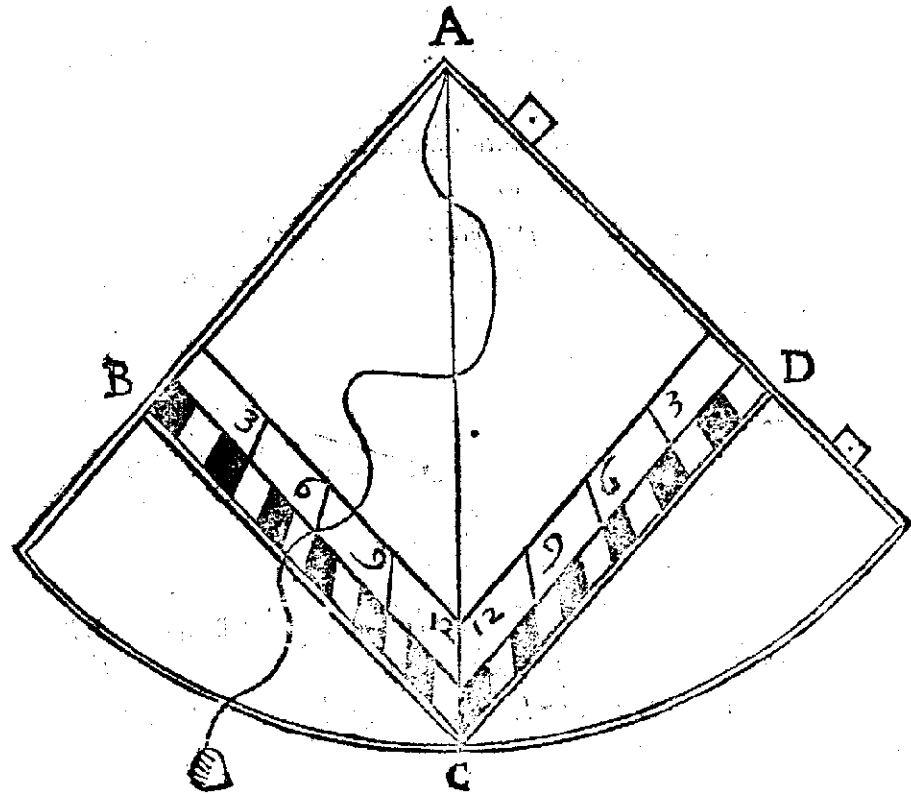
resterà, haremmo subito la distantia $E H$. Questa distantia, se di nuovo si riguarderà, multiplicandola, cioè in se stessa, et facendo ancora il simile della altezza della Torre, & ponendo poi insieme l'uno & l'altro di questi numeri quadrati, faccendone una sola somma, & se ne cauerà poi la radice quadrata, haremmo a punto la distantia $A H$. Ma per tor uia a chi uorrà operare la fatica di così fatto calcolo, si è posta nel sesto libro quando si tratta del modo del cauare le radici de numeri quadrati, una tauola molto commoda.



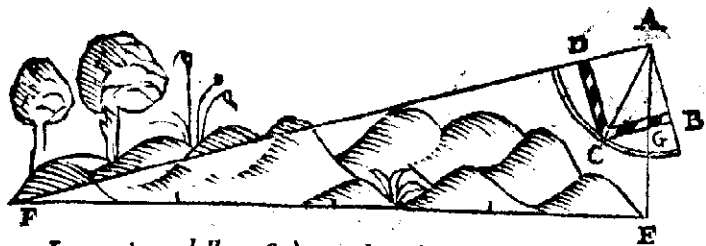


DIGLI SI un pezzo di bossolo, di cuorio, di ottone, o di quale altra maseria si uoglia, pur che sia materia salda, & pulita, & in esso disegnisi la quarta parte di un cerchio, con due linee, che terminando detto cerchio si uadino a congiungere insieme nel centro A con angolo retto, o uogliamo dire a squadra, come dimostra il disegno ABCD. Diuidasi dipoi questa quarta del cerchio con una linea retta, che partendosi dal centro A, uadia al C mezo a punto dell'arco. Posto dipoi il regolo nel punto C in ciaschedun de' lati BA & AD, si tirino due linee, cioè CB ugualmente lontana dalla AD, & CD lontana pure ugualmente dalla AB: talche il quadrato sarà ABCD diuiso per il mezo dal diametro AC. Tirinsi dipoi due altre linee sotto le linee BC, & CD parallele alle già tirate, dalla parte di uerso il centro, che infra tutte tre lascino fra loro duoi interualli l'uno de quali, quello cioè che è piu uicino alla A sia il doppio piu largo, che l'altro. Dipoi si diuida ciascuno de' lati BC, & CD in quattro parti uguali fra loro, & posto il regolo al centro A, mouendolo per qual si uoglia delle fatte diuisioni, o punti, tirinsi lineeette infra i detti interualli, in uerso il centro, dalla prima, alla terza linea. Ciascuna di esse quattro parti si ridiuida di nuouo in altre tre parti infra loro uguali, tirando le lineeette, come delle altre si disse sempre uerso il centro A dal BC, & dal CD; ma che non passino lo interuallo minore: & faranno le parti del lato BC 12, & 12 ancora le del lato CD. Mettinsi dipoi nelli spazi delli interualli maggiori i loro numeri, cominciando da punti B, & D, andando uerso il C, distribuendoli con questo ordine 3. 6. 9. 12. talmente che il 12. dell'un lato, & dell'altro

l'altro termini nel punto C. Piossi nondimeno ridiuidere la duodecima parte di qual si uoglia lato, di nuouo in cinque parti uguali, pure che ce lo comporti la grandezza dello strumento, tanto che ciascun lato di detto sia diuiso in parti. 60. come si fece nel quadrante passato. Facinsi dipoi due mire, forate come si usa, & si commettino per testa della faccia, l'una presso all'A, & l'altra presso al D, ugualmente distanti, & a dirittura. Attachisi dipoi un filo di seta al centro A con un piombinetto da piede, che esca quanto si uoglia della circonferenza, come uedi nel disegno.



Se ci sarà proposta una linea, che la vogliamo misurare cō questo quadrante, faremo in questo modo. Sia la proposta linea EF, rizzeremo da una delle teste proposteci, una asta a piombo di una determinata, et a noi nota altezza, o misura, cioè alla E, et sia AE, al termine di sopra della quale asta accomodisi lo angolo del quadrante A, alzisi dipoi, o abbassisi il quadrante, lasciato andare il filo col piombo libero, doue ci vuole, fino a tanto, che la uedua dell'occhio, passando per amendue le mire, arriui allo altro termine della proposta linea, cioè allo F. Fatto questo considerisi; doue battea il filo nel lato BC, conciosia che il piu delle uolte batterà in esso. Et dicasi, che batte nel punto G, dicasi che in quella proportione, che corrisponderà il lato del quadrante AB alla parte BG, corrisponderà ancora la EF alla lunghezza dell'asta. Talche se BG, sarà tre di quelle stesse parti, che tutto il lato del quadrante è dodici, la EF sarà ancor essa per quattro uolte la lunghezza dell'asta, talche se la asta sarà tre braccia, la proposta linea EF sarà braccia dodici, et se l'asta fusse .4. braccia, la detta EF, sarebbe braccia .16. simili.



La ragione delle cose è, perche i duoi triangoli ABG, et AEF sono di angoli uguali: percioche lo angolo ABG, et lo AEF sono uguali; perche l'uno, et l'altro è retto, et lo angolo EAF è medesimamente uguale allo angolo AGB, secondo la uentinesima del primo di Euclide; conciosia che il filo AG a trauersa, o vogliamo dire

dire interseca la AD, et la BC, che sono fra loro parallele. Adunque l'altro angolo AFE è uguale allo altro BAG secondo la trentunesima del primo. I triangoli adunque ABG, et AEF sono di angoli uguali; et quei lati che sono intorno ad angoli uguali, sono fra loro proportionali secondo la quarta del sesto. Come corrisponde adunque AB alla BG, corrisponde ancora la EF alla lunghezza AE.

Come si possono misurare le linee a piano senza alcuno quadrante, ma solo con la squadra ordinaria,

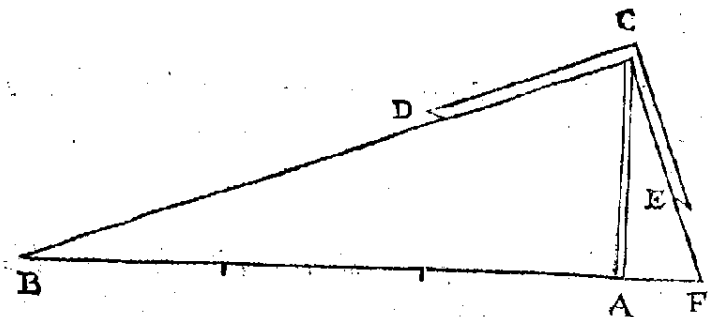
Capitolo VI.



Et alcuna uolta occorre si misurare una delle dette linee a piano; et che non si hauesi nè l'uno, nè l'altro quadrante, faccisi in questo modo. Dicasi che la linea da misurarsi sia AB, alla testa A della quale rizzisi una asta, che sia AC, scompartita in quante parti si uogliamo. Piglisi dipoi una squadra ordinaria, che sia DCE, et pongasi con il suo angolo di dentro, in cima della asta C: dipoi si uolli l'un de lati della squadra, cioè il CD, in uerso l'altro termine B, accostisi dipoi l'occhio al punto della squadra C, et alzisi, o abbassisi detta squadra DCE fino a tanto, che per la parte CD, la uedua dell'occhio corra infino al termine B della proposta linea AB. Dipoi senza muouere la squadra ueggasi di allungare l'una, et l'altra, cioè la AB, et la CE fino a tanto che si congiunghino insieme, il che si potrà fare con accomodare un regolo alla parte della squadra CE; et doue dette linee si riscontrano sia P. Fatte queste cose, in quella proportione che corrisponde la asta ritta AC alla parte AP corrisponderà la proposta linea AB alla quantità di essa asta.

C Talche

Talche se la asta sarà braccia tre, & la EF braccia uno, perche il tre corrisponde per tripla, cioè per tre tanti allo uno, corrisponderà ancora nel medesimo modo la propostaci lunghezza AB, cioè sarà per tre aste; talche se l'asta sarà tre braccia la AB sarà nome braccia simili.



La ragione delle cose dette è, perche del triangolo BCF gli tre angoli sono uguali a due a squadra secondo la trentunesima del primo di Euclide. Ma il BCF è angolo a squadra, adunque gli altri duoi CBF, & BFC sono uguali ad uno a squadra. Per la medesima ragione ancora i duoi angoli ACF, & CFA del triangolo ACF sono uguali ad uno a squadra; conciosia che il loro terzo CAF è a squadra. Adunque i duoi angoli CBF, & BFC, sono scambievolmente uguali a gli angoli ACF & CFA, conciosia che è sono uguali, al medesimo loro angolo a squadra. Et se ci si traessi da i medesimi angoli uguali, lo angolo comune, cioè il BFC, lo altro CBA faria secondo la comune sentenza uguale allo altro ACF. Ma lo angolo BAC è uguale allo angolo CFA, conciosia che l'uno & l'altro è a squadra, lo angolo ancora ACB sarà medesimamente uguale all'altro CFA. Per la qual cosa i duoi triangoli ABC, & ACF sono di angoli uguali; & i lati, che hanno a

torno,

torno, perche sono intorno ad angoli uguali, sono infra loro proporzionali, secondo la quarta del sesto di Euclide. In quel modo adunque, che corrisponde la asta AC alla lineetta AF corrisponde ancora la propostaci lunghezza AB alla asta ritta AC, che era quello uoleuamo mostrare.

Come si possa fare uno altro instrumento da potere misurare le distantie così adiacere come ritte, alle quali non si possa accostare.

Cap. VII.



PER fare il baculo, che così chiamano i latini questo instrumento; apparecchisi un regolo quadro per tutti i uersi di legno durissimo; & atto a non si torcere, o piglisi di ottone lungo quanto ci piace; ma loderei che almeno fusse due braccia, di grossezza moderata, come ti dimostra il disegno. Diuidasi dipoi detto regolo in alcune parti uguali fra loro, dieci, otto, o sei secondo ci tornerà più comodo, & si chiami questo regolo AB. Faccisi dipoi uno altro regolo simile; ma lungo solamente quanto una delle parti, in le quali diuidesti il primo regolo maggiore AB; & tanto largo che ui si possa fare una buca quadrata, talmente nel mezzo al punto E, che si possa muouere commodamente per il regolo AB, facendo sempre angoli a squadra; & chiamisi questo regolo minore CD, come uedere si puo nel disegno.

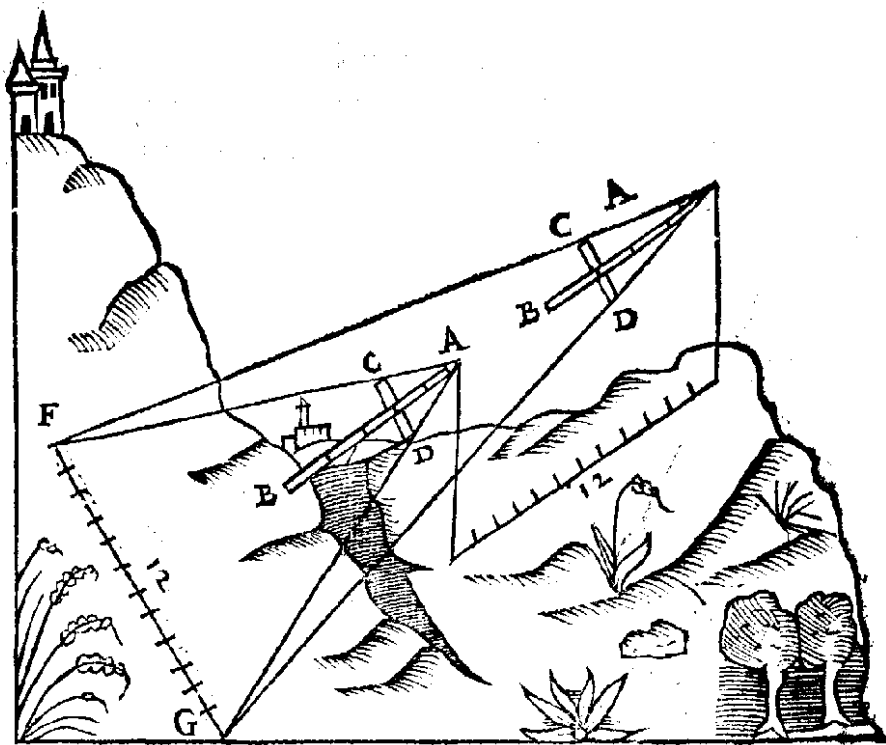


C 2 Parmi

Parmi ragioneuole poter chiamare questo regolo maggiore, cioè lo *AB* il bastone: & il regolo minore, cioè il *CD*, il trauersale.

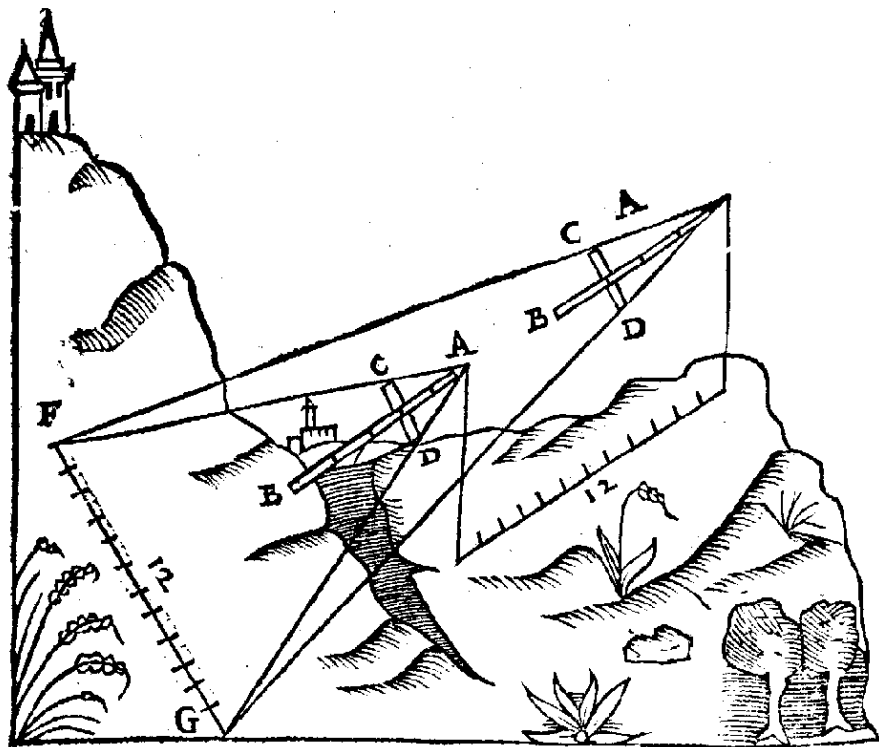
Se noi uorremo misurare una linea posta adiacere nella pianura per il trauerso, alla quale non ci si possano accostare, con questo instrumento; faremo in questo modo, sia la propostaci linea *FG* a trauerso del piano, noi moueremo il trauersale *CD*, & lo fermeremo a qual si uoglia diuisione del bastone *AB*, come per esempio diremo di hauerlo fermo alla seconda diuisione, in uerso *B*, hauendolo messo dalla testa *A*, porremo dipoi lo occhio al punto *A*, & abbasseremo il bastone uerso la linea diritta *FG* da misurarsi, applicando l'estremità del trauersale a' termini di essa linea da misurarsi, cioè il lato destro *D* al destro della linea *G*, & il sinistro *C* al sinistro *F*. Accosteremo dipoi, ouero discosteremo tanto, che la ueduta dell'occhio posto al punto *A* passando per le estremità *CD* del trauersale, arriui ad un tratto secondo i suoi lati corrispondenti allo *F*, & al *G*, talche si facciano duoi raggi di ueduta *ACF*, & *ADG*. Fatto questo notisi il luogo, doue siano stati, a tale operatione, o ueduta con la lettera *H*. Mouiamoci poi di questo luogo, mouendo ancora il trauersale alla altra diuisione del bastone più uicina allo *A*, se ne ne fusse. Se ci sarà bisogno di accostarci alla *FG* da misurarsi; o muouasi detto trauersale uerso *B*, hauendoci a discostare, cioè alla terza diuisione, che è nel bastone uerso *B*, partendolo dall' *A*, & il nostro mouersi sia tale, che stando fermo il trauersale *CD* nella terza diuisione, posto l'occhio di nuouo allo *A*, uegga di nuouo per *CD* le estremità dello *FG*, come si fece nella prima operatione, & fatto questo nota il punto doue sei stato con la lettera *I*. Misura dipoi lo spacio che è infra lo *H*, & lo *I*, che tanto sarà ancora la propostaci linea *FG*, & per maggior chiarezza se è fatta la figura presente.

Puossi



Puossi ancora, quasi nel medesimo modo misurare una linea a trauerso d'una facciata, di una muraglia, o bastione, o trincea, alla quale altri non si possa accostare. Conciosia che fatta la prima diligentia, o operatione al punto *H*, di nuouo ritirandoci indietro al punto *I*, & nella prima operatione, se il trauersale sarà stato alla *E*, cioè alla seconda diuisione del bastone; & nella seconda operatione sarà alla terza diuisione. Ouero per il contrario, cioè se dato che siamo stati prima alla operatione nel punto *I*, & il trauersale *CD*, habbiamo tenuto alla terza pur diuisione; & accostandoci poi al punto *H*, habbiamo nello operare tenuto il trauersale *CD* alla seconda diuisione;

diuisione; dicefi che lo spacio, che è infra la H, & lo I, è a punto tante braccia, quanto è la propostaci linea FG; & perche egli è il medesimo modo di operare misurando una trauerfa in piano, che una trauerfa, che sia in una muraglia ritta, potrà ogni ragioneuole ingegno da per se considerare, che in questo modo si puo misurare molte cose simili.



Come sarebbe se volessimo misurare una larghezza, o altezza di una cannoniera, o una finestra alta in una muraglia, o qualche altra cosa simile posta in monte, o in piano, conciosia che con questo instrumento si puo misurare, quasi tutte le distantie, o per trauerfo in piano,

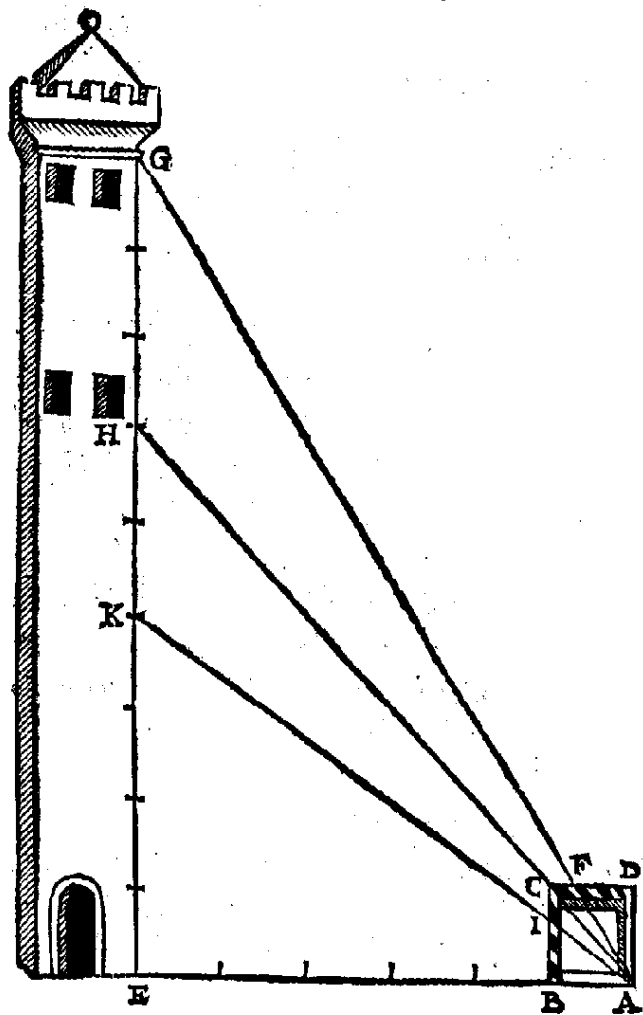
in piano, o per trauerfo in edificio ritto, o per altezza ancora, se bene le linee ritte non arriuiino al piano, donde si riliena la muraglia.

Come le linee rileuate ad angolo retto disopra il piano del terreno si possino misurare con il Quadrante Geometrico. Cap. VIII.



PROPOSTACI una linea ritta da misurarsi, che sia EG, ouero EH, o pure EK, per il diritto al lungo di una torre, porremo il quadrante ABC in tal modo sopra detto piano AE, che i lati sua diuisi, & scompartiti in parti, cioè BC, & CD si uoltino dirittissimamente ad essa linea da misurarsi della torre EKHG, conciosia che questo è sempre necessario. Posto dipoi lo occhio al punto A, alzisi, o abbassisi tanto la linda, che la veduta dell'occhio correndo per amene due le mire, uadi al termine dalla propostaci linea. Fatto questo si consideri il numero, doue batte la linda; ilche sarà, o nel punto C, punto comune infra il lato BC, & il lato CD, ouero nel lato BC, o nel lato CD, che altroue non puo battere.

Dicasi primieramente, che batte nel lato CD, come per esempio nella F, essendo la linea da misurarsi EG, egli è chiaro in tal caso, che la linea EG, è maggiore, che la distantia che si pigliò del piano AE, & corrisponderà in quella proportione alla AE, che il lato AD corrisponderà alla diuisa parte DF. che se DF sarà quaranta di quelle medesime parti, che il lato del quadrante è 60. perche 60. corrisponde al 40. per sesquialtera, cioè per la metà piu; similmente la linea EG sarà lunga per una uolta, & mezo di essa AE. Tal che se AE per modo di esempio sarà 18. braccia, la propostaci EG sarà 27. braccia simili.



La ragione delle cose dette è, che i triangoli ADE , & AEG sono di angoli uguali; perche lo angolo DAF è uguale allo angolo AGE secondo la ventinovesima del primo di Euclide; & per la medesima lo angolo AFD è medesimamente uguale allo angolo EAG ; conciosia che l'uno, & l'altro angolo ADF , & AEG è retto, o vogliamo

vogliamo dire a squadra; & però fra loro uguali. I triangoli adunque ADF , & EAG sono di angoli uguali; & i lati, ouero corde loro sono proporzionali, secondo la quarta del sesto di Euclide. Adunque in quel modo, che corrisponde il lato AD alla diuisa parte DF , corrisponde ancora la linea EG alla lunghezza del piano AE ; & questo serua per la prima dimostrazione.

Ma se la linda batterà a punto nello angolo C , & la linea da misurarsi sia EH , egli è chiaro, che la EH è uguale al piano AE . Misurisi adunque la AE , la quale se per modo di dire sarà braccia diciotto, sarà arco braccia diciotto la altezza EH . Et in questo medesimo modo si debbe operare, circa le altre linee simili poste a questa similitudine.

La ragione è perche i duoi triangoli ABC , & AEH sono di nuovo di angoli uguali; come facilmente si puo prouare, per la medesima uentinovesima del primo. Adunque per la quarta del sesto po. o di sopra allegata, in quel modo, che corrisponde il lato AB , al lato BC , così corrisponde ancora la lunghezza AE alla propostaci linea EH ; conciosia che le riguardano angoli uguali, cioè retti, & i lati AB , & BC sono fra loro uguali. Adunque essa lunghezza del piano AE sarà uguale alla propostaci EH .

Ma quando la linda batterà nel lato BC , cioè alla diuisione I , la lunghezza allhora del piano, intrapresa fra lo occhio, & la basa della altezza da misurarsi, sarà maggiore della propostaci linea, in quella stessa proporzione, che il lato intero del quadrante supererà la diuisione occorsati di detto lato. Sia la linea da misurarsi EK , & la diuisione BI sia 40. di quelle stesse parti, che tutto il lato del quadrante BC , è 60. come il 60. corrisponde al 40. per sesquialtera, cioè per la metà piu; in questo medesimo modo lo spazio AE , sarà per una volta, & mezzo dello EK . Misurisi adunque la lunghez

za A E, & traggafene il terzo; & harafsi la altezza E K. Come per esempio se A E fusse braccia diciotto, trattone sei, resterebbono dodici, & tanto sarebbe la altezza E K.

La ragione è perche i duoi triangoli A B I, & A E K sono di angoli uguali, ilche si pruoua per la medesima ragione, che si prouarano i duoi triangoli A B C, & A E H, secondo la già molto replicata uenimouesima del primo. Sono adunque (come i primi) gli angoli A B I, & A E K fra loro uguali, perche ambeduoi sono retti; adunque i lati A B, & B I sono medesimamente per la quarta del sesto proportionali a lati A E, & E K. In quel modo adunque, che corrisponde il lato A B alla intersegata parte B I corrispode ancora la lunghezza A E alla proposta linea E K.

Dalle cose dette di sopra si caua una manifestissima regola da misurare una linea ritta, ancora che non arriui al piano del terreno, come è la linea G H, conciosia che trouate le lunghezze delle E G, et E H, secondo quello ordine che poco fa si disse, se si trarrà la lunghezza E H dalla lunghezza E G, ne rimarrà la lunghezza G H; & seruiaci per esempio che sia trouata la lunghezza E G esser braccia 27. la E H di braccia 18. se si trae il detto 18. di 27. ne rimane 9. braccia, che tanto è la G H; & il medesimo giudicio; & discorso, si debbe fare d'ogni altra linea come G K, & H K, & delle altri simili, & nel simil modo collocate, come sono le lunghezze delle finestre, o le lunghezze delli ballatoi, o altre cose che escono fuori delli diritti delli edificij.

Come

Come si misurino le dette linee a piombo, cō il quadrante del cerchio, & prima della proportionione delle ombre. Cap. I X.



NON è nessuno di mediocre ingegno, che non sappia, che le ombre causate dal Sole & dalle torri, o altri edificij, ne quali battendo il Sole, le ribatta in terra, si chiamano ombre rette; & è chiaro, che queste nel leuar del Sole, & nel tramontare ancora si distendono in infinito; & nel salir ad alto il Sole, uanno proportionalmente siccmando, fino a che egli arriui alla hora determinata del mezo giorno, nel qual punto sono piccolissime; & poi declinando egli da detto punto, uerso Occidente, uanno continuamente crescendo fino al tramontare, nel qual punto sogliono esser lunghissime: Ma questo accrescere, & scemare dell'ombre è talmente proportionato, che trouandosi il Sole ne punti ugualmente discosto dalla linea del mezo giorno, causa, le medesime ombre, così nel salire come nel tramontare. Mediante questa osservatione adunque delle ombre, ci sarà facile il poter misurare con il quadrante del cerchio le altezze di quelle torri, o edificij, che le causano in questa maniera. Dirizzisi a raggi del Sole il lato sinistro di detto quadrante, & alzisi, o abbassisi il lato destro, oue sono le mire (lasciando sempre andare libero il piombo col filo doue ei vuole) tanto che il raggio del Sole passando per l'una, et l'altra mira ci dia il punto doue batte il filo. Notisi detto punto, per cioche se ci batterà nel lato B C, ilche suole accadere ogni uolta, che l'altezza del Sole non passa 45. gradi, come per esempio si dica, che batte nel punto E mezano infra il B & il C, in tal caso l'ombra sarà maggiore che il corpo che la causa; & in quella proportionione, che corrispondono le dodici parti, cioè il lato tutto del quadrante, ad esse

D 2 parti

parti comprese dal filo. Come se per modo di esempio il filo intraprende sei parti, & la propostaci altezza da misurarsi fusse GF, et la sua ombra terminata da raggi del Sole fusse GI. Conciosia che il 12. ha proportionione di dupla al 6. cioè di l'un due, a corrispondenza l'ombra GI sarà per duoi volte la propostaci altezza GF. Misurisi adunque l'ombra GI, la quale sia per modo di dire 20. passi, già sapremo tre cose manifeste, di modo che mediante la regola delle quattro proportionali, multiplicando la ombra per le parti comprese dal filo, et diuiso poi il multiplicato, per il lato del medesimo quadrante, la parte di detta diuisione ci darà la propostaci altezza; & lo esempio è, che si multiplichi li 20. passi della ombra per le sei parti comprese dal filo, & si parta poi il 120. che ce ne verrà per il 12. che sono le diuisioni di tutto il lato del quadrante, & ce ne verrà 10. per il che si dirà con verità, che la propostaci altezza GF sarà 10. passi.

La ragione è che i duoi triangoli ABE, & FGI sono l'un per l'altro di angoli uguali. Conciosia che lo angolo ABE è uguale allo angolo FGI perche l'uno, & l'altro è retto, o vogliamo dire a squadra. Lo angolo ancora AEB, è uguale allo angolo GFI, come quello, che è uguale allo altro DAE, il quale è uguale al medesimo angolo di dentro a lui opposto GFI secondo la ventinovesima del primo di Euclide. Adunque lo angolo rimanente BAE è secondo la trentunesima del primo uguale allo altro rimanente GIE. La onde essi triangoli ABE, & FGI sono di angoli uguali; & perche i lati, che sono intorno ad angoli uguali, sono infra loro proportionali secondo la quarta del sesto; si come AB corrisponde al BE, così corrisponde ancora il GI alla altezza GF.

Ma quando il filo batterà nel punto G termine mezzano, infra l'uno, & l'altro lato, ogni ombra all'ora è uguale alla altezza della torre, o di qual altro corpo, che la causi, puossi adunque misurare

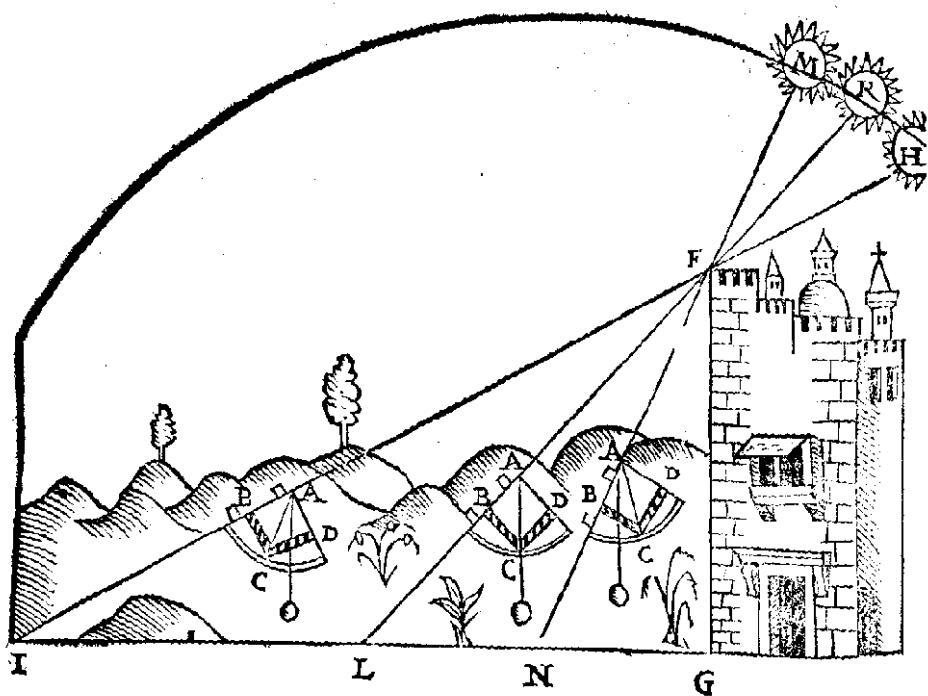
quante braccia, o passi sia l'ombra; & saprasi l'altezza della torre Et questo auiene ogni volta che il Sole è precisamente alla altezza di 45. gradi, & per esempio si è messo nella figura di sotto la altezza GF, essendo il Sole in K, cioè ne 45. gradi d'altezza, o che non li passi, il raggio del quale KL pare che termini l'ombra GL, a punto uguale alla altezza della torre GF. o se altro corpo fusse che la causasse.

La ragione è perche i triangoli ACD, & FGL sono di angoli uguali, conciosia che lo angolo CAD è uguale allo opposto di dentro GFL secondo la ventinovesima del primo di Euclide, & lo angolo ancora ADC è uguale allo angolo FGL, conciosia che l'uno, & l'altro è retto: perche l'altro angolo ancora ACD sarà uguale all'altro FGL secondo la medesima trentunesima del primo. Come corrisponde adunque lo AD al DC, così corrisponde FG al GL secondo la quarta del sesto di Euclide, & il lato AD al lato DC, adunque l'altezza GF sarà uguale ad essa ombra GL.

Ma se il filo batterà nel lato CD (il che sia quando l'altezza del Sole sarà piu che a 45. gradi) l'ombra all'ora sarà minore della torre, o di quale altro corpo, che la causi, secondo quella proportionione, che hanno le parti intraprese dal filo con il 12. cioè con tutto il lato del quadrante. Et seruiaci per esempio, che il filo batta nel punto E, & essa DE sia sei di quelle parti medesime, che tutto il lato del quadrante è 12. cioè il lato CD. & sia l'ombra GN terminata da raggi del Sole MN passi 5. perche il 6. ha proportionione subdupla, cioè per la metà al 12. Sarà ancora l'ombra GN per la metà della altezza GF. Multiplichisi adunque secondo la regola delle quattro proportionali il numero de passi di detta ombra, cioè il 5. per il 12. & ce ne verrà 60. il quale partasi per le intraprese parti del CD, cioè per DE, che fu 6. vedremo che ce ne verrà 10. a punto. Adunque la propostaci GF sarà alta 10. passi.

LIBRO

La ragione è che i duoi triangoli ADE , & FGN sono di angoli uguali, secondo le allegate molte volte *ventinovesima*, & *trentunesima* del primo di Euclide. Et perche lo angolo ADE è uguale allo angolo FGN , secondo la quarta dimanda: Corrisponderà adunque per la quarta del sesto NG al GF , in quella proportionione che corrisponde lo ED , al DA , & per piu chiarezza veggasi il disegno presente. Conciosia che da quello si potrà ogni ragioneuole ingegno chiarire delle cose dette di sopra.

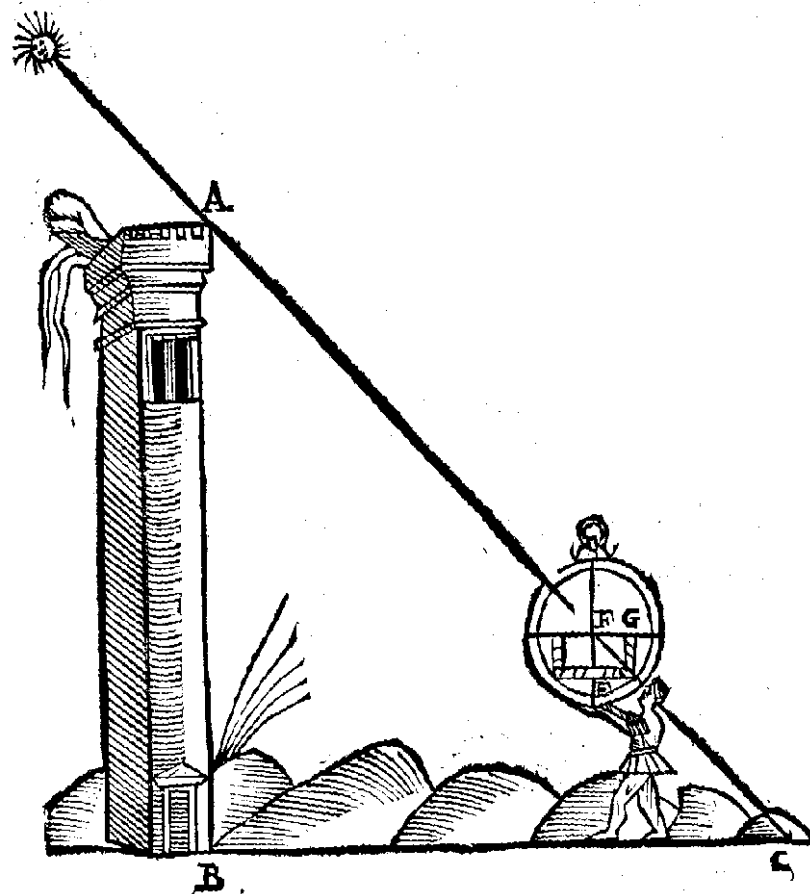


In questo medesimo modo si puo operare sia l'ombra grande quanto si vuole, & intraprenda il filo quante parti si siano del lato BC , o del

PRIMO. 16

del lato CD , come di sopra ne mostra la figura, dando lo esempio delle tre dimostrazioni, che non puo fallire, se il quadrante si adopererà a ragione, che il raggio del Sole passi per amendue le mire, & il filo con il piombo corra libero a qual si vogliono parti, di qual si voglia lato del quadrante.

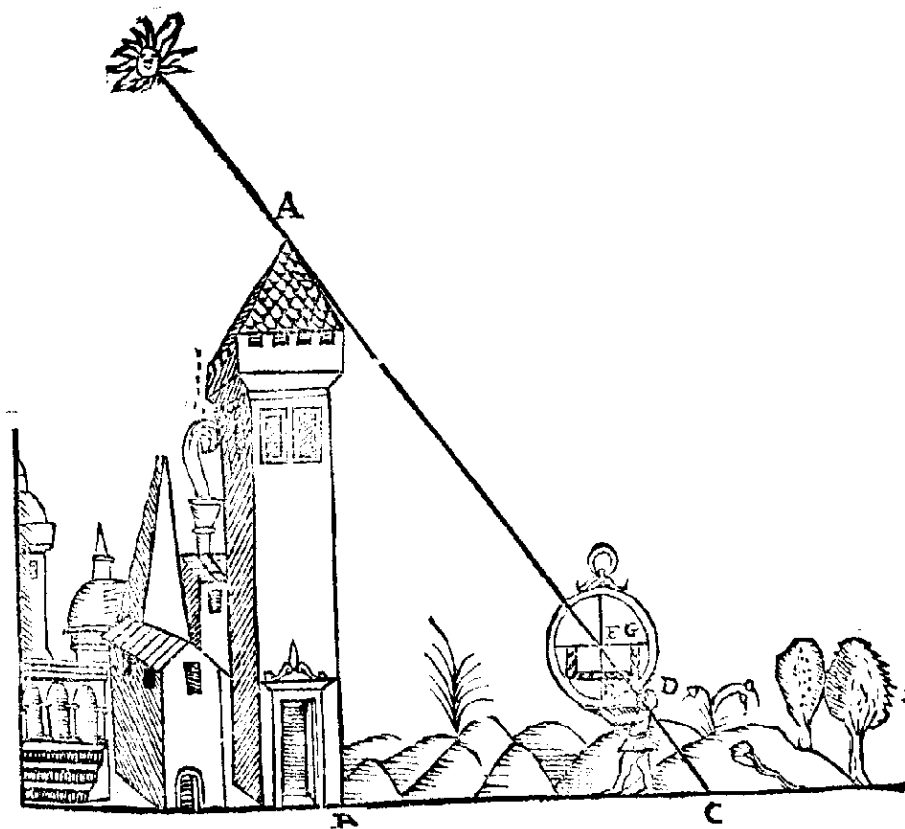
Nel medesimo modo che si misurano le altezze mediante le ombre con il quadrante, si possono ancora misurare con lo Astrolabio,



ma la operatione si farà in questo modo. Et prima pongasi che l' altezza del Sole sia a 45. gradi, et il lato della ombra retta della scala sia ED, & della ombra uersa sia DG, & il cetro della linda sia E, per le mire della quale passi il raggio solare sarà adunque la parte del raggio solare AC, basa di un triangolo di lati uguali, come la FD è ancor essa la basa del triangolo FED dello Astrolabio, & lo angolo B, piede della torre è angolo retto, del triangolo che ha due lati uguali, cioè AB & BC, si come nello Astrolabio è ancora angolo retto la E de due lati uguali EF & ED, dicefi che la ombra, che verrà dalla torre, mentre che il Sole sarà ne' 45. gradi di eleuatione, sopra del nostro Horizonte, sarà uguale alla altezza di detta torre. Misurata adunque la distanza di detta torre, o con passi, o con braccia, o con piedi haremmo a punto la altezza di essa torre, ilche si pruoua mediante la quarta del sesto di Euclide, allegata altre uolte.

Ma se il Sole fosse piu alto che alli 45. gradi sopra dello Orizzonte, come per esempio si dica, che sia alli 56. posta che haremmo la linda ad esso grado del Sole, tenendo sospeso lo Astrolabio per lo anello, considerisi precisamente quante parti ella interseghi della scala, & si misuri dipoi, a passi, o a piedi detta ombra della torre, & si moltiplichi quel numero de' passi, o piedi che troueremmo per 12. cioè per uno intero lato della scala, & quelche ce ne verrà si diuida per le parti intersegate dalla linda, et haremmo a punto la altezza della torre. Imperoche quel rispetto che hanno le parti intersegate della scala dalla linda, a tutta la scala. Così l'harà la ombra di essa torre, a tutta la torre. Et così hauendo già notizia di tre termini, cioè di quanti passi, o piedi è l'ombra, delle parti intersegate della scala, & dello intero lato della scala. Facilmente per la regola delle tre cose verremo in notizia del quarto termine. Come se per esempio noi fin gestimo, che il raggio del Sole AC che viene da 56. gradi di altezza intersegasi

intersegasi le otto parti di detta scala, nel lato DE, & la ombra già nota a noi, cioè BC fusse 24. & la scala tutta sappiamo che è 12. diuiderò se otto parti della scala mi dà 12. che mi daranno ventiquattro. Moltiplichisi adunque la ombra per la scala intera, cioè 24. per 12. & ce ne verrà 288. il qual numero diuida si per le intersegate parti della scala, che furono otto, & ce ne verrà 36. il quale numero sarà a punto la altezza della torre che noi cercuamo. Ma perche mediante la piccolezza dell' Astrolabij, o altri simili instrumenti, le par



E ti della

ti della scala non si possono così precisamente pigliare secondo la altezza del Sole, accioche in questo luogo non ci manchi cosa alcuna, ho posto qui di sotto al disegno dell'operatione, una Tavoletta del Re Alfonso, per la quale noi potremmo vedere quali parte della scala, corrispondino a qual si voglia grado, o minuto della altezza del Sole, la qual sarà molto commoda ad alcune cose che seguiremo di dire.

Tavola dell'una ombra & dell'altra, cioè della retta, & della uersa, di quanti diti, & minuti, corrispondono di essa, a ciascun grado & minuto del Sole, o della Luna.

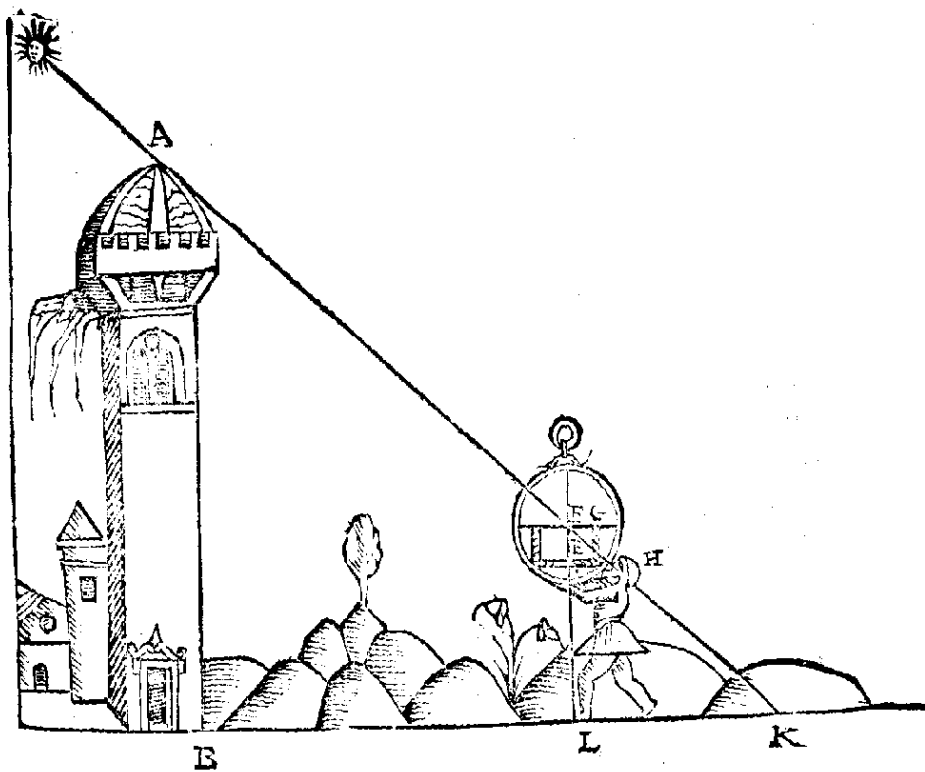
Altezza		Parti della scala intersegate.		Altezza		Parti della scala intersegate	
Gradi	Min.	Diti	Min.	Gradi	Min.	Diti	Min.
1	12	0	15	27	35	6	15
2	25	0	30	28	29	6	30
3	38	0	45	29	24	6	45
4	50	1	0	30	18	7	0
6	0	1	15	31	9	7	15
7	12	1	30	32	0	7	30
8	21	1	45	32	51	7	45
9	31	2	0	33	43	8	0
10	42	2	15	34	30	8	15
11	53	2	30	35	18	8	30
13	0	2	45	36	6	8	45
14	8	3	0	36	54	9	0
15	14	3	15	37	37	9	15
16	19	3	30	38	56	9	30
17	23	3	45	39	5	9	45
18	26	4	0	39	49	10	0
19	28	4	15	40	30	10	15
20	30	4	30	41	10	10	30
21	32	4	45	41	51	10	45
22	34	5	0	42	31	11	0
23	33	5	15	43	8	11	15
24	33	5	30	43	47	11	30
25	33	5	45	44	24	11	45
26	33	6	0	45	0	12	0

Ma se ci occorrerà misurare le altezze mediante quelle ombre, che verranno dal Sole quando sarà in manco che in 45. gradi di altezza, auertiremo che nel misurar passato, la ombra haueua la medesima proportione alla torre, che haueuano le parti della scala intersegate dalla linda, a tutta la scala; Ma nel modo di questo misurare, così come tutta la scala corrisponde alle parti sue intersegate dalla linda, così corrisponde l'ombra della torre, ad essa torre. Sospendasi adunque lo Astrolabio per il suo anello, et piglisi la altezza del Sole, et ponghiamo che sia a gradi 40. et considerisi qual parte della scala venga intersegata dalla linda. Dipoi misurisi la ombra a passi, o a piedi, et multiplichisi il numero di detti passi, per le parti intersegate della scala; et quel che ce ne viene, si diuida per la scala intera, cioè per 12. et quel che ce ne resterà sarà la altezza della torre. Qui giudico io necessario dichiarare che cosa sia ombra

retta, et ombra uersa. Ombra retta si chiama quella di essa scala, la qual cadrà da qual si voglia altezza (non passando il Sole il quarantacinquesimo grado di eleuatione, sopra del nostro Orizzonte) che si comprende dalla linea retta distesa per il piano, atteso che quel lato della scala ci rappresenta la linea del piano. Ombra uersa è quella, che quando il Sole non arriua alli 45. gradi, non cade piu nel lato della Ombra retta, ma nello altro, et si chiama uersa, cioè rivolta allo insù per l'altezza, ad angoli retti. Et per facilitare le cose a lettori: dico che il lato della scala DE, è quello che rappresenta il lato della ombra retta, che è il medesimo che la linea del piano. Se adunque il carro del Sole dalli 40. gradi di sua altezza, batterà nella decima parte della ombra uersa, et si distenda sino al K, nella linea già tirata del piano che sia BK. Et dal K si tiri una parallela sino alla FE, che sia KL, haremmo già tre triangoli ad angoli retti, il primo FIH, il secondo FLK, et il terzo ABK. Hora si

come

come le parti intersegate GH corrispondono alla GF, ouero allo HI, cioè a tutta la scala, così la FL corrisponde alla KL, che è la linea del piano. Adunque hauendo noi tre termini noti, verremo per la regola delle tre cose in cognitione del quarto che è AB; et ponghiamo che i passi della ombra sieno 14. i quali multiplichinsi per le parti intersegate della scala che furono 10. et ce ne verrà 140. il qual numero se si partirà per 12. intero lato della scala, ce ne resterà 8. che sarà a punto la altezza della torre che andauamo cercando.



Come

Come si misurino dette altezze con il medesimo quadrante, senza la consideratione delle ombre ma solo con i raggi della veduta.

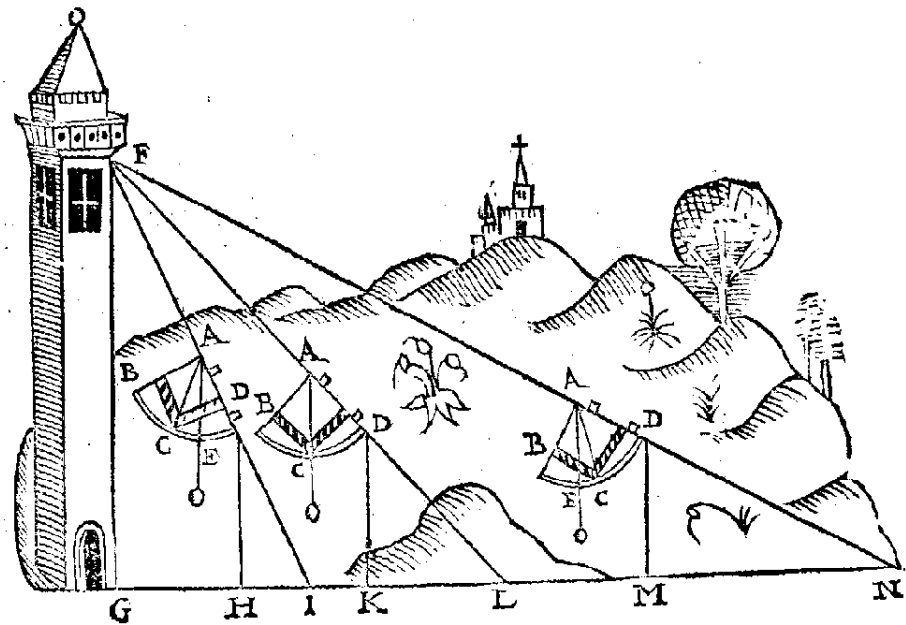
Cap. x.



MOLTE volte ci puo accadere il volere misurare le altezze, quando il Sole non è scoperto & che non causa l'ombra, però in tal caso seruirenci de raggi della veduta in questa maniera. Voliti la mira sinistra del quadrante alla cima della proposita altezza da misurarsi, & l'altra parte accostisi allo occhio. Alzisi dipoi o abbassisi il quadrante (lasciando andare il filo col piombo libero doue ci vuole) fino a tanto che passando la veduta per amendue le mire si vegga la cima della torre da misurarsi. Fatto questo auuertiscasi doue batte il filo col piombo, il quale di necessità cadrà, o nel lato BC, o nel lato CD, o nell'angolo C, punto mezano infra l'un lato & l'altro, secondo che la basa della torre da misurarsi, ci sarà piu pressa, o piu lontana. Dicasi per la prima demonstratione, che il filo batta nel lato CD al punto E, & che la proposita altezza della torre da misurarsi sia GF. Et ci bisogna lasciare cadere dall'occhio, che misura, sino a terra un filo a piombo, ordinato per questo, al quale porremo nome DH. Fatto questo si debbe agiugnere allo indietro alla distanza, nella quale ci trouiamo, la parte di essa DH, presa in quella medesima proportione, che hanno le parti intraprese DE, al 12. cioè a tutto il lato del quadrante. Et seruaci per esempio, che il DE sia parti 6. pche 6. è la metà di 12. aggiugasi la metà di essa DH, come è a dire HI, a dirittura, & a lungo di GH. Talche la linea diritta GI, ci seruirà in cambio dell'ombra, & il punto I, seruirà per termine del raggio del Sole. Vedesi adunque manifesto, che la linea retta GI,

ta GI, è minore della altezza GF, & secondo quella proportione, che hanno le parti DE al lato AD. Come se per esempio GI fusse 9. passi, multiplicando 9. per 12. ce ne verrà 108. ilche partito per 6. cioè per DE, ci resteria 18. che tanti passi sarà l'altezza GF, simili alli 9. detti di sopra.

La ragione è che i duoi triangoli ADE, & FGI, sono di angoli uguali; & i lati di essi angoli rispettuamente sono fra loro proportionali, mediante quelle ragioni medesime, che già molte volte habbiamo detto di sopra.



Ma quando il filo caderà nel punto C, cioè nello angolo a punto del quadrante, lasciato cadere il filo col piombino dello occhio sino a terra, che sarà DK, conciosia che del triangolo ADC, i duoi lati AD, & AC sono uguali l'un l'altro, ci bisogna aggiugnere tutta la lunghezza DK per allo indietro ad essa GK, cioè KL. Et in tal caso tanto sarà la GL, quanto è l'altezza da misurarsi GF. Conciosia che la lunghezza GL ci serue per l'ombra, che causerebbe il Sole, se non passasse 45. gradi di eleuatione, onde auiene che in quel medesimo modo, che corrisponde AD al DC, corrisponde ancora la lunghezza del piano alla altezza GF. Misurisi adunque GL, & haremmo l'altezza GF, conciosia che l'una, & l'altra mediante il poco fa dato esempio, sarà passi 18. & in questo medesimo modo si puo fare delli altri simili.

La ragione è che i triangoli ADC, & FGL sono di angoli uguali infra loro, & però di lati proporzionali, come si è dimostro, ne capitoli passati, che per breuità non si replica.

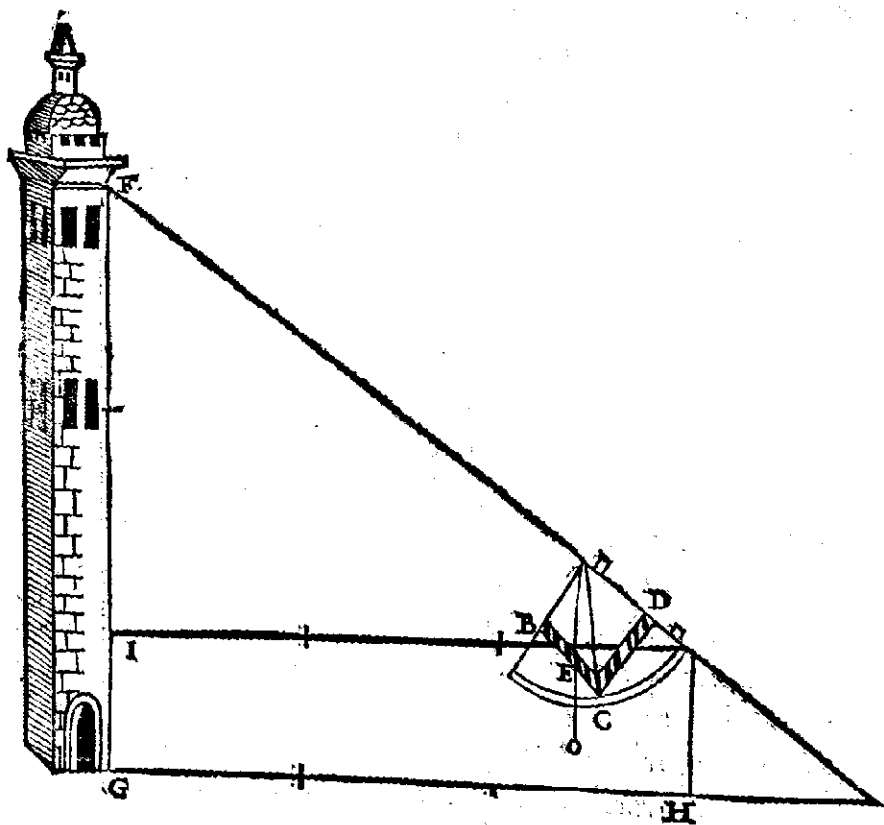
Ma quando il filo cadrà, o batterà nel lato BC, come sarebbe a dire al punto E, essendo l'altro filo dallo occhio a terra DM, bisogna operare per il contrario del primo modo detto in questo Cap. Conciosia che in quella proportione, che corrisponde il lato AB al BE corrisponderà ancora MN alla linea a piombo MD, come che se BE fusse 6. di quelle stesse parti, che tutto il lato è 12. perche il 12. corrisponde al 6. per due tanti essa MN debbe esser lunga per due volte essa MD. Seruirà adunque il punto N per termine del raggio solare, & GN sarà in cambio dell'ombra, mediante la quale si trouerebbe l'altezza GF, essendo il Sole a 45. gradi di eleuatione. Dicasi per esempio che GN sia passi 36. multiplichisi 36. per 6. che sono le parti di essa BE (e ne verrà 216. il qual numero partito per 12. ce ne verrà 18. che sarà l'altezza medesima di GF in quello stesso modo, che

che si trouò nelle altre regole di questo Cap. Et perche nel passato Cap. lasciamo manifesto che la linea retta GF superaua la GN, & era in quella proportione, che il 12. lato intero del quadrante è misurare, che la alla parte BE. Così interuiene ancora in questo modo presente del GN è 36. di quelle parti, che la GF è 18.

La ragione è che i triangoli ABE, & FGN sono di angoli uguali, & i lor lati sono infra loro proporzionali, come già molte volte si è dimostro.

Troueremo uniuersalmente il medesimo ogni volta che haremmo proporzionalmente la distantia, che sarà infra la basa della cosa da misurarsi, & la linea che ci cadrà dall'occhio misurante a terra: secondo la proportione delle parti BE, o DE alle dodici parti di tutto il lato, aggiunto, o leuato quella portione della linea che casca dallo occhio a terra, al uenutoci numero delle fatte diuisioni, come si è detto. Il che accioche si intenda piu facilmente, mi piace di replicare. Sia l'altezza GF, & offeruata la veduta per le mire, caschi il filo con il suo piombo nel lato BC al punto E, & BE sia parti otto, di quelle stesse, che tutto il lato del quadrante è dodici, & mandato il filo dall'occhio a terra, cioè DH, tirisi la diritta DI a dirittura per quanto è lo spacio intrapreso da GH, & parallela a detta GH si uede chiaro che i duoi triangoli ABE, & FDI sono fra i loro di angoli uguali, come si prouò nel passato Cap. Occorre adunque per la quarta del sexto di Euclide, che come corrisponde AB al BE, così corrisponde ancora DI al IF. Imperoche al DI è uguale il GH, secondo la trentaquartesima del primo di Euclide. Conciosia che DHGI sia un parallelo gramo, o uogliamo dire quadrilungo, talmente che in quel modo che corrisponde AB al BE, così corrisponde ancora il GH al IF. percioche quelle cose che sono uguali ad una altra cosa, hanno fra loro ancora la medesima proportione, secondo la setti-

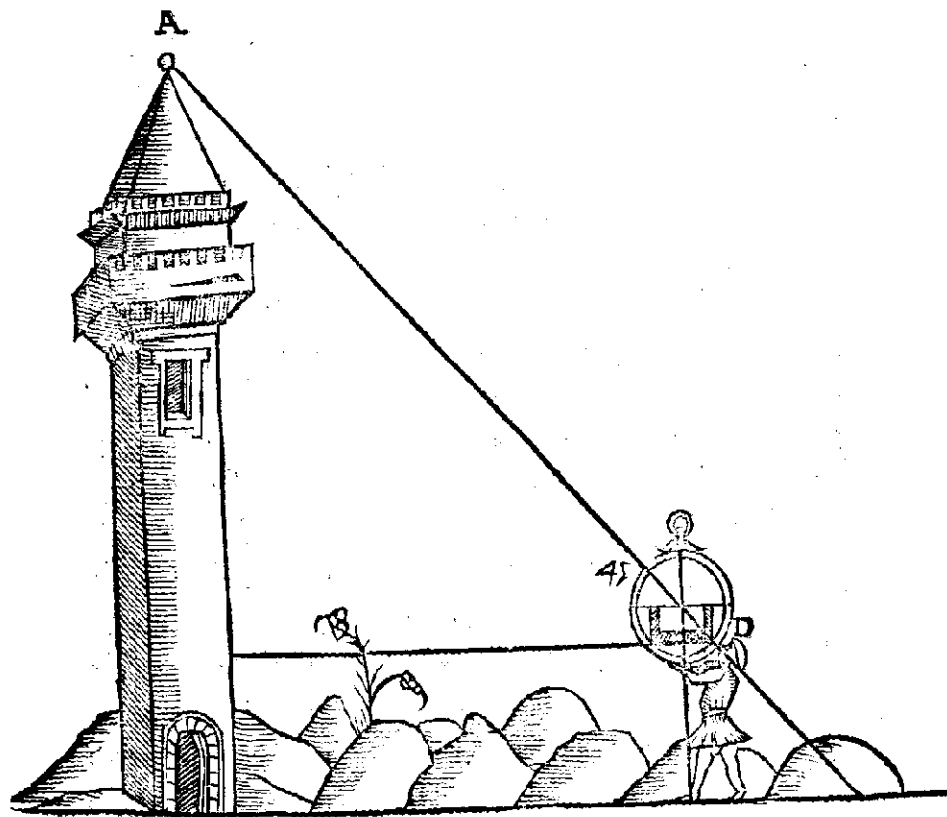
ma del quinto di detto Euclide. Sia adunque per modo di esempio GH braccia 18. perche il 12. è in proportione sesquialtera, cioè della metà piu allo 8. così ancora GH, sarà per una uolta & mezzo la IE. Multiplichisi adunque le 18. braccia GH, per le 8. parti di essa BE, & ce ne uerrà 144. ilche partendo per 12. ce ne uerrà pure 12. che tante braccia sarà la IF, alla quale si aggiungerà la linea a piombo DH, cioè braccia 4. ce ne uerrà l'altezza GE, che sarà braccia 16. Conciosia che essa DH è uguale alla GI secondo la medesima trentaquatresima del primo. Il medesimo a proportione inseruiene delle



altre

altre cose, caschi il filo doue si uoglia, & sia lo spazio GH ancora quanto si uoglia. Nondimeno il primo modo dello operare, pare che piu si confaccia con le proportioni delle ombre. Talche in prima uista piacerà piu a manco esercitati.

Il medesimo si puo fare ancora con lo Astrolabio, imperoche già si dimostrò, che dalli 45. gradi, cioè dallo angolo D della scala, le torri scuotano sempre le ombre uguali alle loro altezze, adunque se noi ci troueremo a liuello sul piano della torre, & porremo la linea

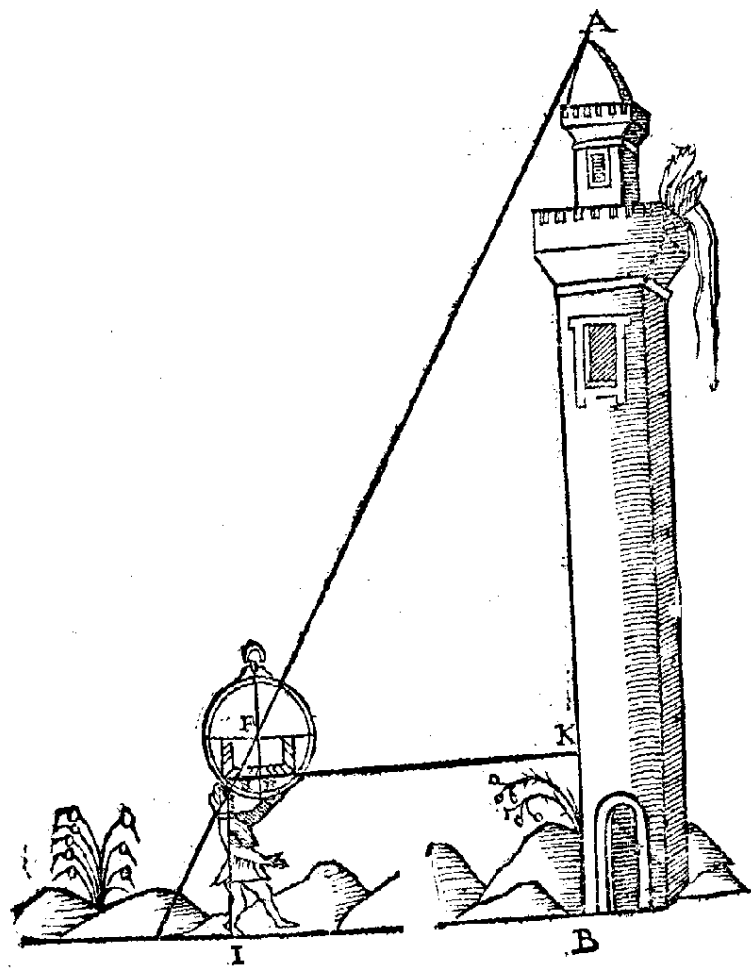


F 2 dalla

da alli 45. gradi, cioè all'angolo detto D della scala, andaremo accostandoci, o discostandoci tanto da detta torre, che ueggiamo la sua cima per le mire che sia A. allhora amouerati con passi, o braccia lo spacio che è da noi alla torre, & presa dipoi la altezza dello occhio nostro a terra, & la ag giugneremo u detti passi, o braccia, haremmo a punto la altezza della torre che cercuamo.

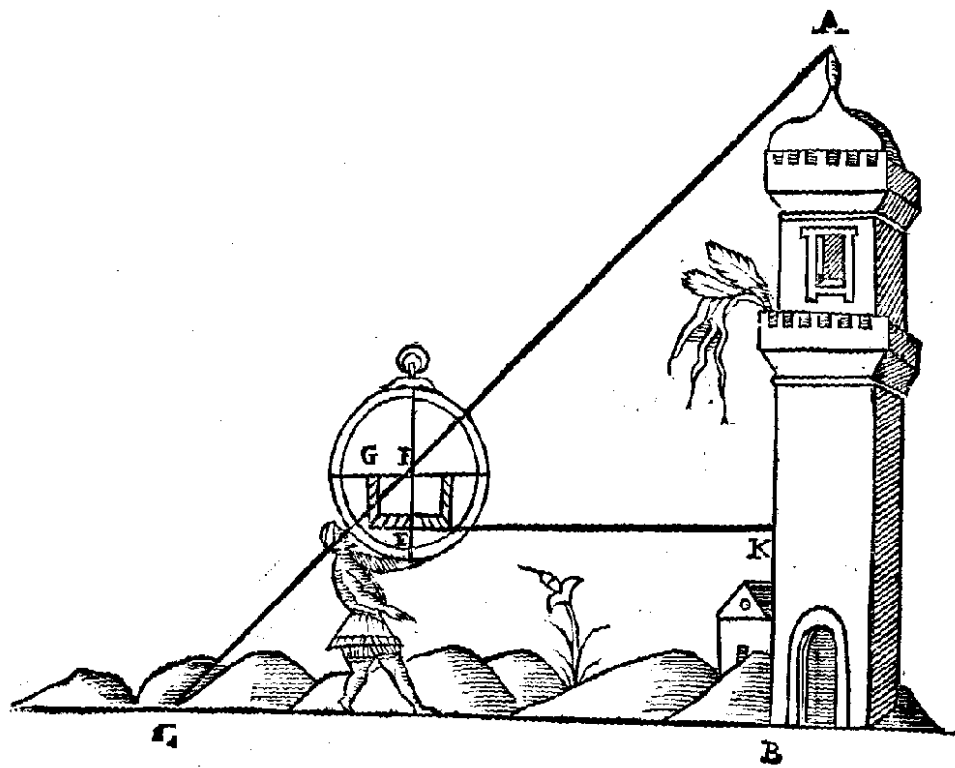
Et se per forte noi trouassimo, che la altezza della torre non corrisponde alli 45. gradi, per non hauere la comodità del piano da poter si a nostra uoglia accostare, o discostare, come di sopra, anzi auenisse che la linda batesse nella ombra retta. Multiplichinsi le parti di detta ombra, quali per esempio diciamo che siano otto, per la distantia de passi, o braccia trouata, quale diciamo che sia 24. & haremmo 192. il qual numero se lo partiremo per 12. intero lato della scala, ce ne rimarrà 16. al quale se noi ag giugneremo la misura, che è dallo occhio nostro a terra, haremmo a punto la intera altezza della torre. Ma per piu chiarezza daremo lo esempio, sia la altezza della torre da misurarsi A B. & la distantia del piano B C, et la scala la altimerra F E D, & la linda interseghi la ottaua parte della ombra retta che sia A F H, & lo occhio del misurante sia H, dal qual punto sia tirata una linea, fino alla A B della torre, la qual sia H K, parallela ad essa B C, cosi come corrisponde H E, cioè le parti intersegate della scala dell'ombra retta a tutta la scala, cosi ancora corrisponderà B C, distantia del piano, alla altezza A K quella cioè, che viene ad essere sopra dello occhio del misurante, secondo la quarta del sesto di Euclide, & già li tre termini passati ci son noti, per ilche per la regola delle tre cose uerremo facilmente in cognition del quarto, perche hauendo cognitione della parte della altezza da misurarsi come per modo di dire A K, alla quale se ag giugneremo K B haremmo cognitione di tutta la altezza: ma K B è uguale ad essa H I, che è lo spacio

lo spacio che è dallo occhio del misurante a terra, per tanto se noi ag giugneremo alla A K la detta nostra altezza dello occhio, uerremo indubitatamente in cognitione di tutta la A B, che era quel che uoleuamo dimostrare.



Ma se la linda batterà nella ombra uersa, diciamo che batte alle

alle 10. parti, & la distanza del piano sia 24. passi, o braccia, moltiplichisi questo 24. per le 10. cioè per le parti intersegate della detta ombra uersa, & ci darà 140. il qual numero diuiso per le intere parti della scala, che è 12. ci rimarrà 20. che sarà l'altezza della cosa da misurarsi dallo occhio nostro in su, al qual numero se noi aggiungeremo la altezza che è dallo occhio nostro al piede haueremo la intera altezza della torre, & eccone lo esempio, sia la altezza da misurarsi A B, & la distàtia del piano B C, & la scala altimetrica F E D, & la linea che intersega la decima parte della ombra uersa sia A



F H,

F H, donde si lasci cadere il piombo H I, che è l'altezza del misurante dallo occhio al piede, & dalla H si tiri una linea alla A B, parallela ad essa I B, che sia H D K, per tanto H D K sarà uguale ad essa I B, & K B uguale ad essa H I. Horamai si come F E tutta, cioè la scala, come quella che è uguale alla D G, corrisponde alla H G parti intersegate, così H D K distàtia del piano, come che ella è uguale alla I B corrisponde alla K A parte della altezza da misurarsi, secondo la quarta del sesto di Euclide, per ilche hauendo noi già notizia de tre termini facilmente verremo in notizia del quarto, come già tante volte si è detto mediante la regola delle tre cose. Aggiungendo adunque alla K H la misura di essa K B, che è uguale alla H I, cioè la altezza dallo occhio nostro a terra, sapremo quanta sia la altezza della torre A B, che è quello noi cercuamo.

Come dette altezze si possino misurare, senza nessuno quadrante, ma solo con una asta in piu modi. Cap. X I.

PROSSI ancora senza alcuno quadrante, misurare dette altezze secondo una regola, che a tempi nostri, ci ha dato Oronzio; & secondo già ne insegnò ne tempi suoi il giudicioso, & non meno accorto, che dotto Leonbattista Alberti, ma per non confondere l'un modo con l'altro, dirò quello di Oronzio Matematico, inuero accuratissimo nella età nostra. Dico adunque che apparecchiata si una asta nõ molto lunga: ma sopra tutto dirittissima, diuisa in quelle piu, o meno parti, che si vogliono, sieno braccia, o meze braccia, o terzi di braccia, o soldi, o danari, si come si usa diuidere il braccio Fiorentino. Quando esattamente si vuole con esso misurare alcuna cosa, che ordinaria=

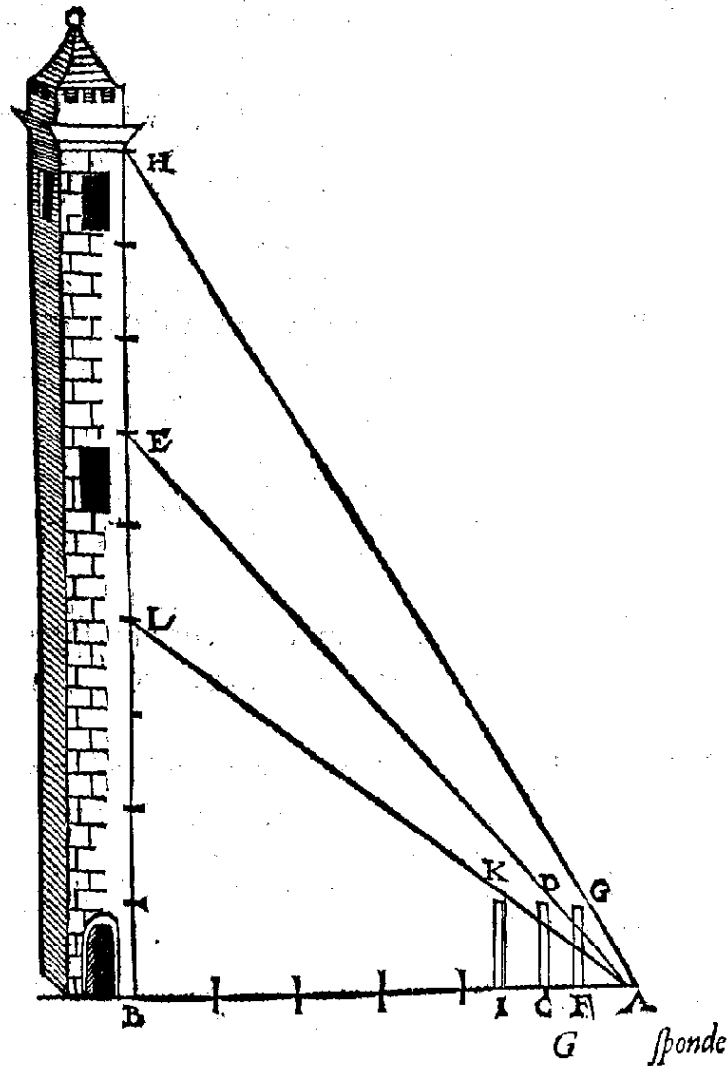
mente

mente si divide in soldi 20. & ogni soldo in 12. denari. Fatto questo rizzisi detta asta a piombo in sul piano: di sul quale la propostaci torre, o altezza da misurarsi si rilieui ad angolo retto; & posto conseguetemente l'occhio in terra bisogna accostarsi, o discostarsi tanto da essa asta, che la ueduta dello occhio passando per la cima dell'asta, arriui alla cima della torre da misurarsi. Misurisi dipoi lo spacio che è infra lo occhio, & il piè della asta, con le medesime misure, con che è scompartita l'asta: dicefi che in quella proportion, che corrisponde l'asta allo spacio desso, corrisponde ancora la propostaci altezza, alla distanza del piano intrapresa infra lo occhio, & la basa di essa torre, o altezza. Perilche se l'asta, & il detto spacio saranno uguali, si potrà dire, che lo spacio infra l'occhio, & la basa, sia ancora esso uguale alla altezza propostaci. Come nella figura che segue, si vedrà lo esempio dell'asta CD, & dello spacio AC, che sono uguali, così come è uguale ancora l'altezza BE allo spacio intrapreso fra lo occhio A, & la basa della torre B, che l'una, & l'altra è per sei aste.

Ma se ci occorresse, che lo spacio infra lo occhio, & la asta fusse minore della asta, egli è chiaro che la propostaci altezza sarà maggiore dello spacio intrapreso fra lo occhio, & la basa della propostaci altezza; & desta altezza corrisponderà alla lunghezza del piano intrapreso fra l'occhio, & il piè della asta, come dimostra lo esempio della asta FG, & dello spacio AF, che è due parti solamente di quelle, che l'asta è tre. Si come adunque l'asta è per una uolta, & mezzo dello spacio AF, così ancora l'altezza BH è per una uolta, & mezzo la lunghezza AB. Di quelle medesime parti adunque che la lunghezza AB sarà sei, la BH sarà noue. Debbesi adunque arrozzere ad essa AB la metà di se stessa, quanto alla lunghezza, & ce ne verrà l'altezza del BH.

Ma se

Ma se lo spacio infra lo occhio, & il piè della asta sarà maggiore della asta, la distanza del piano, infra l'occhio, & la basa della torre, sarà maggiore, che la propostaci altezza, & in quella proportion auanzerà detta altezza, che lo spacio auanza l'asta. Come facilmete si uede lo esempio dell'asta IK, alla quale spacio AI corrisponde



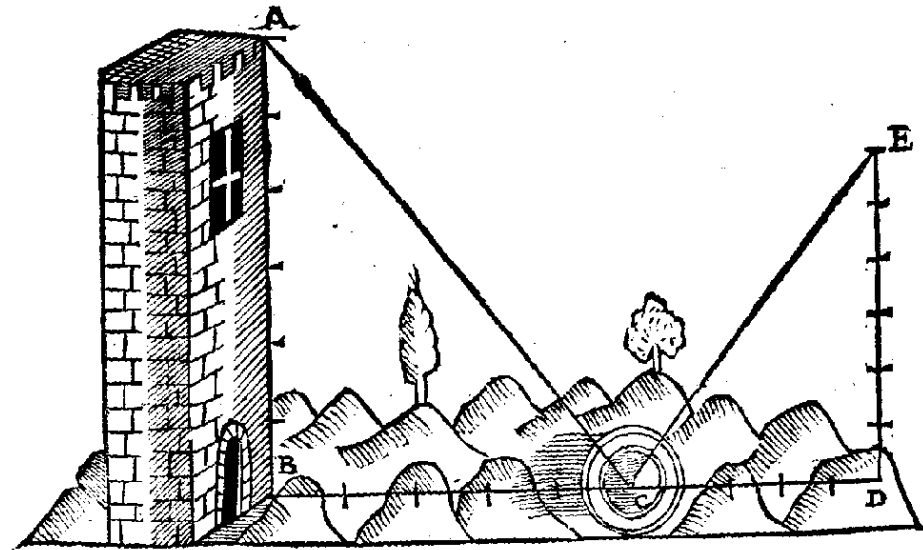
sponde per sesquialtera, cioè per la metà più. La onde la lunghezza del piano AB è per una volta, & mezzo della lunghezza BL , adunque se AB sarà sei parti, la altezza BL quattro parti simili. Debbesi adunque trarre la terza parte di AB , acciò ci rimanga la propostaci altezza BL , & il simile si debbe fare di tutte le altre rispettuamente simili a queste.

La ragione delle cose dette, & di qual altre si sieno simili a queste, pare che uenga dalla uguaglià, o vogliamo dire agnaglianza de li angoli, & dalla proportion de lati de triangoli. Conciosia che per ridurre la cosa in somma i triangoli ACD & ABE , & i duoi triangoli ancora AFG , & ABH , & gli altri ALK , & ABL sono scambievolmente uguali, per la venimoue sima del primo. La onde secondo la quarta del sesto, si come il lato AC , corrisponde al lato CD del triangolo ACD , così la linea retta AB corrisponde alla lunghezza BE , & similmente, come AF corrisponde alla FG , così fa la AB , alla BH . Et come AI corrisponde allo IK , così la retta medesima AB corrisponde alla BL ; facendo rispettuamente comparatione de lati corrispondenti, le quali cose per le ragioni già più, & più uolte allegate si neggono euidentissime.

Come le altezze si possino misurare con uno specchio posto adiacete in terra. Cap. XII

DIGLI SI uno specchio piano come sarebbe una spera di acciaio, o di cristallo, & pongasi adiacere sopra il piano del terreno. Bisogna dipoi accostarsi, o discostarsi tanto a detto specchio che si uegga in esso rappresentarsi la cima della torre, o casa da misurarsi; oltre a questo mandisi dall'occhio, che guarda a terra un filo col piombino. Dicesi che tale

tale proportion harà lo spacio intrapreso infra il piombino del filo, et il centro dello specchio, alla lunghezza di esso filo, & piombino, che harà la lunghezza del piano, intrapresa fra lo specchio, & la basa della torre da misurarsi, alla propostaci altezza. Seruaci per esemplo, che la torre che si harà a misurare sia AB , & lo specchio C , & lo occhio che misura E , dal quale si mandi il filo a piombino sino in terra, che sia ED , dicesi che come CD corrisponde al DE , così il CB corrisponde alla propostaci altezza BA . Talche se DE fusse sei di quelle parti, che il DC , è 5, a corrispondentia la altezza BA sarà sei di quelle parti, che la lunghezza del piano BC sarà 5. Misurisi adunque BC , & aggiungauisi la quinta parte, & haremmo AB , & per maggiore chiarezza ueggasi la figura, che segue: ne uò mancare di dire, che questa operatione si puo fare con un uaso di acqua in cambio dello specchio.



Specchio.

La ragione è che i duoi triangoli ABC , & CDE sono infra loro di angoli uguali: Percioche il raggio della veduta ECA si riflette ad angoli uguali: secondo la sesta della seconda parte della prospettiva comune, & secondo la duodecima, & decimaterza della prospettiva di Vitruuione, adunque lo angolo ACB è uguale allo angolo DCE , & il retto B è uguale allo altro retto D , secondo la quarta dimanda. Lo altro adunque BAC , è uguale allo altro CED secondo la trentunesima del primo di Euclide. Sono adunque i triangoli ABC , & CDE di angoli uguali, & le corde, o lati che sono sotto ad angoli uguali, sono fra loro proportionali secondo la quarta del sesto. Come adunque il CD corrisponde al DE , così fa ancora il CB al BA . Onde auiene che se DE , linea a piombo sarà uguale alla DC , la AB a corrispondentia sarà uguale alla BC . Et se essa DE sarà minore della DC , la altezza propostaci AB sarà minore ancora dello spacio BC , et supererà il BC la medesima altezza AB in quella proportionione, che il DC supererà la linea a piombo DE . Hauendo dunque notizia di tre cose, ci sarà facile secondo la replica più uolte, regolo delle quattro proportionali, ritrouare la quarta.

Come si misurino col quadranté le altezze, alle quali non ci possiamo accostare, ne misurare la distantia, che farà fra esse & noi.

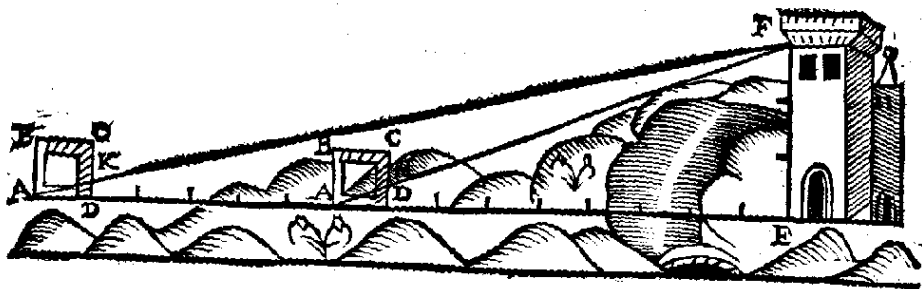
Cap. XIII.



SONO alcune altezze di torri, o d'altri edificij, alli quali, o per impedimenti di fossi, o di fiumare, o laghi non ci è lecito accostarci; le quali misureremo in questa maniera. Ritrouandoci in un piano, de più uicini, o comodi che ui sieno, rizzisi il quadrante sopra il lato AB , ouero

ouero AD con angoli retti da ogni banda, uoltato l'uno de lati, o BC , o AD alla altezza da misurarsi. Alzisi dipoi, o abbassisi la linda (messo sempre l'occhio al punto A) sino a tanto che passando la veduta dello occhio per amendue le mire arriuui alla cima della cosa da misurarsi. Fatto questo guardisi doue batte la linda in quel lato del quadrante, che è uolto uerso detta altezza, & notisi da parte il numero determinatore delle proportioni, che ha il lato intero del quadrante alle parti comprese dalla linda. Accosteremoci dipoi, ouero discosteremoci a dirittura della propostaci altezza, o torre, secondo la commodità del piano del terreno; & faremo la seconda operatione della veduta, considerata mediante la proportionione, che ha il lato intero del quadrante alle parti comprese dalla linda, & parimente porremo da parte il secondo numero denominatore di tale proportionione. Traggasi dipoi il denominatore minore del maggiore delle offeruate proportioni, & serbisi da parte. Fatto questo misurisi lo spacio doue stemo infra l'una positura, & l'altra ad operare intrapreso dallo angolo A dell'una, et della altra operatione; & quel numero che ce ne viene, partasi per quello ultimo, che si serbò da parte, quando si trasse l'uno denominatore dallo altro, & quel che ne verrà per parte sarà la quantità della propostaci altezza, alla quale non era permesso di accostarci. Perùche se il rimasto numero sarà uno, lo spacio intrapreso infra l'una positura, & l'altra, sarà a punto quanto l'altezza propostaci, perche uno nè partendolo, nè multiplicandolo, non cresce, & non scema. Ma per maggiore dichiarazione dicasi per esemplo, che la propostaci torre sia EF impedita da qualche acqua, che habbia allo intorno. Faremo la prima operatione, ouero operatione nel punto G , nella quale dicasi che la linda battendo nel CD intersechi detto lato nel punto H , la quale intersecatione sia alle 20. parti di quel che tutto il lato è 60. Conciosia che

fia che il 60. corrisponde al 20. per tripla, cioè per tre tanti, notifi da parte il 3. denominatore della proportion tripla, o di tre tanti. Tornisi dipoi a dirittura indietro per fare la seconda operatione, quale faremo nel punto I, & se la parte del lato DC, qual sarà DK intrapresa dalla linda sarà 12. di quelle stesse parti, che tutto il lato del quadrante è 60. perche 60. corrisponde al 12. per quincupla, cioè per 5. tanti; notifi da parte il 5. che è il denominatore della proportion de 5. tanti. T raggasi dipoi il 3. del 5. ce ne resta duoi, il che serberemo da parte. Misurisi dipoi lo spazio GI, & sia per modo di dire 24. di quelle parti, che ciascuno lato del quadrante sarà 4. partasi 24. per 2. ne verrà 12. che saranno le parti della poco fa proposta altezza, alla quale non ci poteuamo accostare.



Come si misurino le altezze, alle quali non ci sia lecito accostarci con il quadrante del cerchio.

Cap. XIII.



VOLTISI il quadrante in maniera, che passando la veduta per amendue le mire, arriui alla cima della torre da misurarsi; & notifi doue batte il filo col piombo, cioè il denominatore della proportion delle parti comprese dal filo al lato intero del quadrante; & notifi an-

cora

cora con l'altro filo, mandato dall'occhio a terra, il punto doue siamo stati a questa prima operatione. Dipoi accostandoci, o discostandoci, secondo ci torna piu comodo, faccisi la seconda operatione nel medesimo modo, & notifi il denominatore, & il sito, come di sopra. Dipoi traggasi il denominatore minore, del maggiore (perche saranno sempre disuguali) & serbisi il tratto da parte. Misurisi ultimamente lo spazio infra la prima, & la seconda positura, & quel numero, che vi ci occorrerà partasi per quello numero, che serbiamo da parte quando traemmo l'uno determinato dall'altro, & quel ce ne verrà sarà la proposta altezza secondo quelle parti o misure, però che noi usammo poco fa nel misurare lo spazio delle positure. Accadracci adunque (come prima) che il medesimo spazio intrapreso fra l'una, & l'altra positura, sarà quanto la proposta altezza, ogni volta, che dal trarre l'un denominatore, dall'altro, ce ne rimarrà il numero uno, con cui sia che l'uno è indiuisibile.

Ma giouerà molto a queste cose lo esempio. Però dicasi, che l'altezza da misurarsi, alla quale non ci possiamo accostare, sia GF, & che la prima offeruatione si sia fatto nel punto H, & che il raggio della veduta batte nel punto L, & il filo col piombo caschi nel punto C, la proportione adunque del lato AD sarà proportion di ugualità al lato DC, denominata dal numero uno. Serbisi adunque l'uno per denominatore. Ritirandoci dipoi indietro, facciasi la seconda offeruatione della veduta, come è a dire nel K, doue il filo batte nel lato BC al punto E, & BE sia quattro di quelle parti, che il lato BC è 12. perche 12. corrisponde a 4. per tre tanti; notifi per denominatore il 3. & per quel che si disse nel Capit. decimo corra il raggio della veduta ad unirsi col piano al punto L.

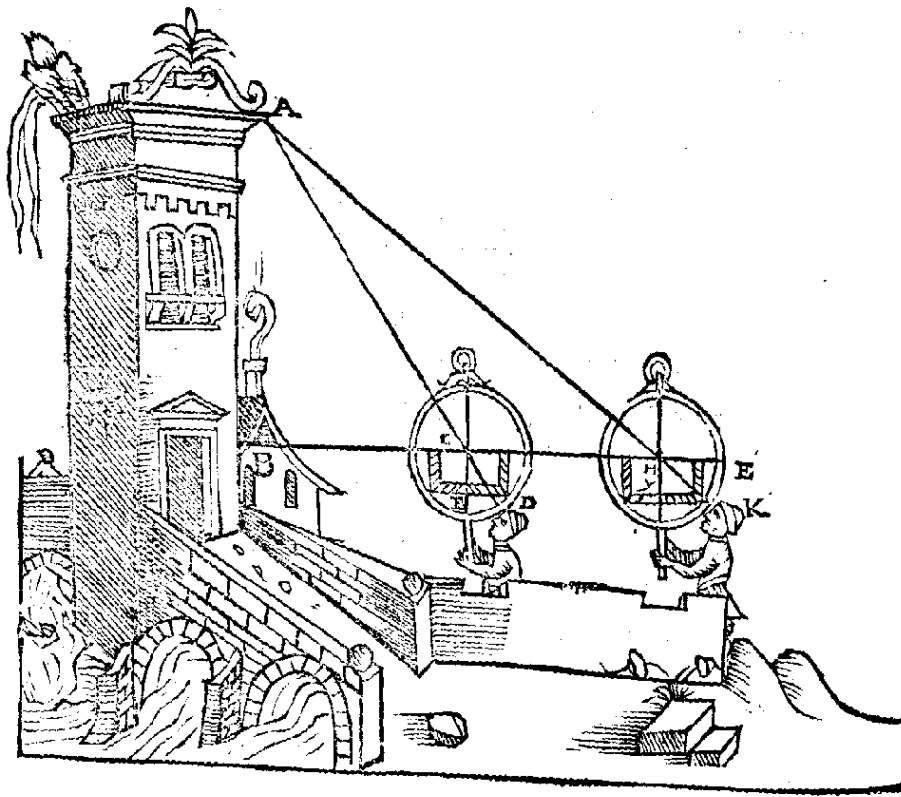
T raggasi dipoi uno, da 3. ce ne rimarrà duoi, il qual numero

serbisi

lato della scala nella seconda positura corrisponde allo Y K, 16. parti, cioè di ombra retta così la AB altezza della fortezza corrisponde alla BE distanza dalla fortezza nella ultima positura, sarà adunque la medesima proportionione nell'un luogo, & nell'altro, che era quel che voleuamo prouare. Ma bisogna ben auertire che le parti della scala della seconda positura sieno, o della ombra versa (come si vede nell'esempio) o nella ombra retta, sempre si hanno a multiplicare per la altezza della fortezza, & quel che ne viene parire per lo intero lato della scala. Porrafi adunque per quel che

si aspetta alla regola delle tre cose, per il primo numero tutte le intere parti della scala, cioè per 12. & per il secondo numero le parti intersegate della scala nel secondo luogo, & nel terzo la altezza della torre, & con questa regola come si è detto non dubiteremo del quarto termine.

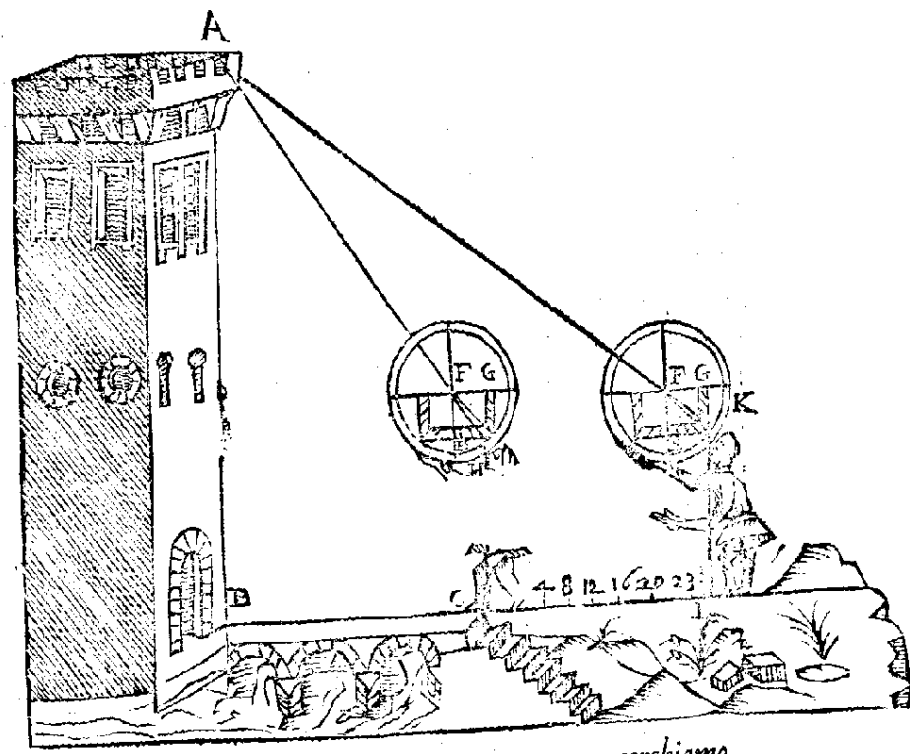
Puosì ancora misurare detta altezza con l'Astrolabio, pur che ci trouiamo in luogo piano commodo da poterci accostare, o discostare da essa per qualche poco di spacio. La prima cosa piglieremo con la nostra linda la altezza che vorremo misurare di qual si voglia torre, o cosa, dipoi noteremo il luogo doue saremo stati con una linea in esso piano, & lo chiameremo la prima positura, & considereremo le parti intersegate della scala dalla linda, le quali diciamo che sieno noue della ombra retta. Dipoi partendoci da quel luogo, & ripigliando la medesima altezza: ma intersegando le noue parti della ombra versa con la nostra linda; noteremo quel secondo luogo, il quale chiameremo la seconda positura. Dipoi fatto questo ci bisogna ridurre le parti della ombra versa alla ombra retta, il che si fa in questo modo. Multiplichisi lo intero lato della scala in se stesso quadratamente, cioè 12. per 12. & ce verrà 144. & poi si diuidi questo numero per le parti intersegate dalla linda della scala dell'ombra retta, cioè per noue, & ce ne resterà 16. che saranno già le ridotte alle parti della detta ombra retta. Di questi duoi numeri sempre trarremo il minore del maggiore, cioè il 9. dal 16. & ce ne resterà 7. dipoi misureremo con passi, o braccia lo spacio, che è infra le due positure, & per modo di esempio sia $23\frac{1}{2}$, noi haremo già cognitione di tre termini, cioè della altezza della scala, che è dodici parti, & dipoi delle sette parti della ombra retta, & delle 23. braccia & mezzo, che sono fra la prima & la seconda positura. Talche per la regola delle tre cose verremo in cognitione del



si aspetta

quarto termine in questo modo, se 7. mi da 23. e mezzo, che mi darà 12. intero lato della scala? che è il medesimo che se si dicesi se 7. mi da 12. che mi daranno 23. e mezzo. *Moltiplichisi adunque lo ultimo numero per quel del mezzo, & partasi per 7. & ce ne verrà da quel che resta la desiderata altezza, cioè $40 \frac{2}{7}$. il che si pruova in questo modo.* Sia la altezza da misurarsi AB , & la prima positura nostra sia C , & la scala alimetro $FEDG$, & la veduta dello occhio che passa per le mire della linda sia AH , & la seconda positura sia I , & il raso della veduta sia AFK , & la scala di nouo sia $FGDE$ per tanto si come ED intero lato della scala corrisponde alla HE , parti della ombra retta intersegate dalla linda, così la AB altezza della torre, corrisponde alla BC , che è la distanza fra la prima positura & la cosa da misurarsi, secondo la quarta del sesto di Euclide. Et di qui auiene che per la proportion che ci chiamano la contraria, ouero riuolta, come FE corrisponde alla AB , così fa la EH alla BC , & nel medesimo modo come nella seconda positura, la ED corrisponde alla EK , così fa la AB alla BI , per la medesima quarta del sesto di Euclide. Adunque per la proportion riuolta si come la ED (che è la medesima che la FE , imperoche diuenimo che era uguale) corrisponde alla AB , così fa la EK alla BI , la medesima proportion adunque che harà la FE alla BA , tale la harà ancora la EH alla BC , & la EK alla BI . Imperoche leuifi via secondo la quarta del primo di Euclide la EH , cioè la parte uguale a quella dalla EK , ci rimarrà lo spazio KD , & così ancora dalla BI leuifi similmente BC , quel che ce ne rimarrà sarà CI , adunque in quel modo, che il restante KD corrisponde al restante CI , cioè allo spazio infra le due positure, così la FE intero lato della scala corrisponde alla AB , cioè alla altezza della torre. Imperoche se la quantità di una parte come per modo di dire, è la EK , che sono le parti intersegate

intersegate della scala nella seconda positura, haranno la medesima proportion alle parti della altra quantità, cioè alla BC , che è lo spazio infra la prima positura, & la cosa da misurarsi, del tutto, cioè EK , al tutto BI , che è la distanza fra la seconda positura & il luogo da misurarsi, harà ancora la medesima proportion il restante KD al restante CI , secondo la nona del quinto di Euclide, che era quel che noi voleuamo prouare. Finalmente se nell'una & nell'altra positura le parti intersegate dalla linda fussino della ombra retta, traendo sempre il numero minore dal maggiore, tenendo nell'altre cose il modo che si è insegnato, troueremo sempre la altezza che noi



cerchiamo.

cerchiamo. Et se in amendue le positure le parti fusino della ombra uersa, riducendole alle parti della Ombra retta (come si insegnò) & traendo poi il numero minore del maggiore, nel medesimo modo vedremo che ci riuscirà lo operare.

Come si possi misurare la detta altezza, alla quale non ci possiamo accostare, con una positura sola.

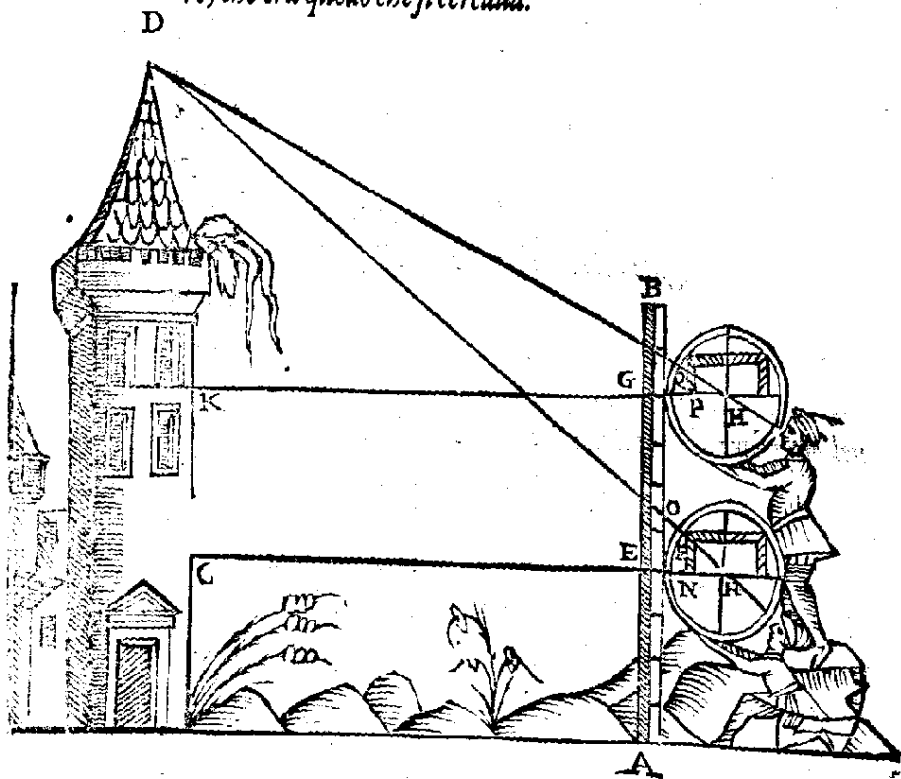
Accomoderemoci la prima cosa di una canna da misurare, scompartita in quarti di braccia, o a soldi & a danari come altra volta si è detto, & la rizzeremo a piombo in quel luogo doue vorremo stare ad operare, & adatteremo dipoi il nostro Astrolabio a qualche parte di essa da basso, & guardando per le mire della linda l'altezza dalla torre, considereremo qual parte della scala uenghino intersegate da detta linda. Dipoi trasportando lo Astrolabio lo accomoderemo a qualche altra parte piu alta della nostra canna, & medesimamente guarderemo per le mire della linda la altezza da misurarsi, & considereremo di nuouo quelle altre parti della scala uenghino intersegate dalla linda, le quali se saranno, nell'una operatione et nella altra, della ombra uersa traggasi il numero minore dal maggiore, & serbisi quel che resta, per il primo numero della regola delle proportioni, & il secodo numero, sarà quella parte della canna intrapresa infra la prima & la seconda applicatione dello Astrolabio, & il terzo numero sarà quello che sarà il maggiore delle parti intersegate, se adunque si multiplicherà il secondo numero per il terzo, & si partirà quel che ce ne verrà per il primo, haremmo senza dubbio la altezza che noi cercuamo. Ma se le parti intersegate saranno nell'una parte & nell'altra dell'ombra retta riducinfi all'ombra uersa, & questo si farà multiplicando tutto il

lato

lato della scala in se stesso, & diuidendo quel che ce ne verrà per le parti intersegate. Imperoche questa permutatione delle ombre si fa mediante la mutatione della scala, la quale in questo luogo, noi per piu facile dimostratione della cosa, collochiamo nella parte di sopra dello Astrolabio. Le altre cose non variano da quello che noi insegnammo delle parti dell'ombra uersa. Sia adunque per nostro esempio la torre da misurarsi C D, & la canna posta a piombo A B, & la prima applicatione dello Astrolabio accomodato alla canna sia E, & per le mire della linda dirizisi la veduta al D altezza della torre, & la seconda applicatione dello Astrolabio alla canna nella parte piu alta sia al G, donde medesimamente si dirizi la veduta al D, & siano le parti intersegate amendue nell'ombra uersa, l'una alle 10. l'altra alle 9. parti, & la portione intrapresa della canna fra E & G, sia 4. de suoi soldi, multiplichisi 4. per 10. & ce ne verrà 40. il qual numero se si diuiderà per 1. che è la differenza delle parti intersegate, ci resterà pure 40. il qual numero sarà quello dell'altezza della torre che si cercaua. Et questo si dimostra in questo modo. Sia un lato dello Astrolabio nell'applicatione di sopra, come se hauesimo volto il detto Astrolabio sopra H P, & nel guardare al D la linda interseghi la scala nel punto Q, & nell'applicatione di sotto sia un lato della scala H N, & la linda interseghi l'altro lato di detta scala nel punto R, & haremmo di già 4. triangoli, cioè D H K, & Q H P, nell'applicatione di sopra, & altre tanti nell'applicatione di sotto D H C & O H N, i lati de quali saranno proportionali. Imperoche si come H P corrisponde allo H K, così corrisponderà ancora P Q alla K D, & così come H N (che è la medesima che la H P) corrisponde alla H C (che è la medesima che la H K) così farà la N O, alla C D, & quelle cose che sono proportionali ad alcuna cosa, sono ancora proportionali fra di loro. Leuisi

adunque

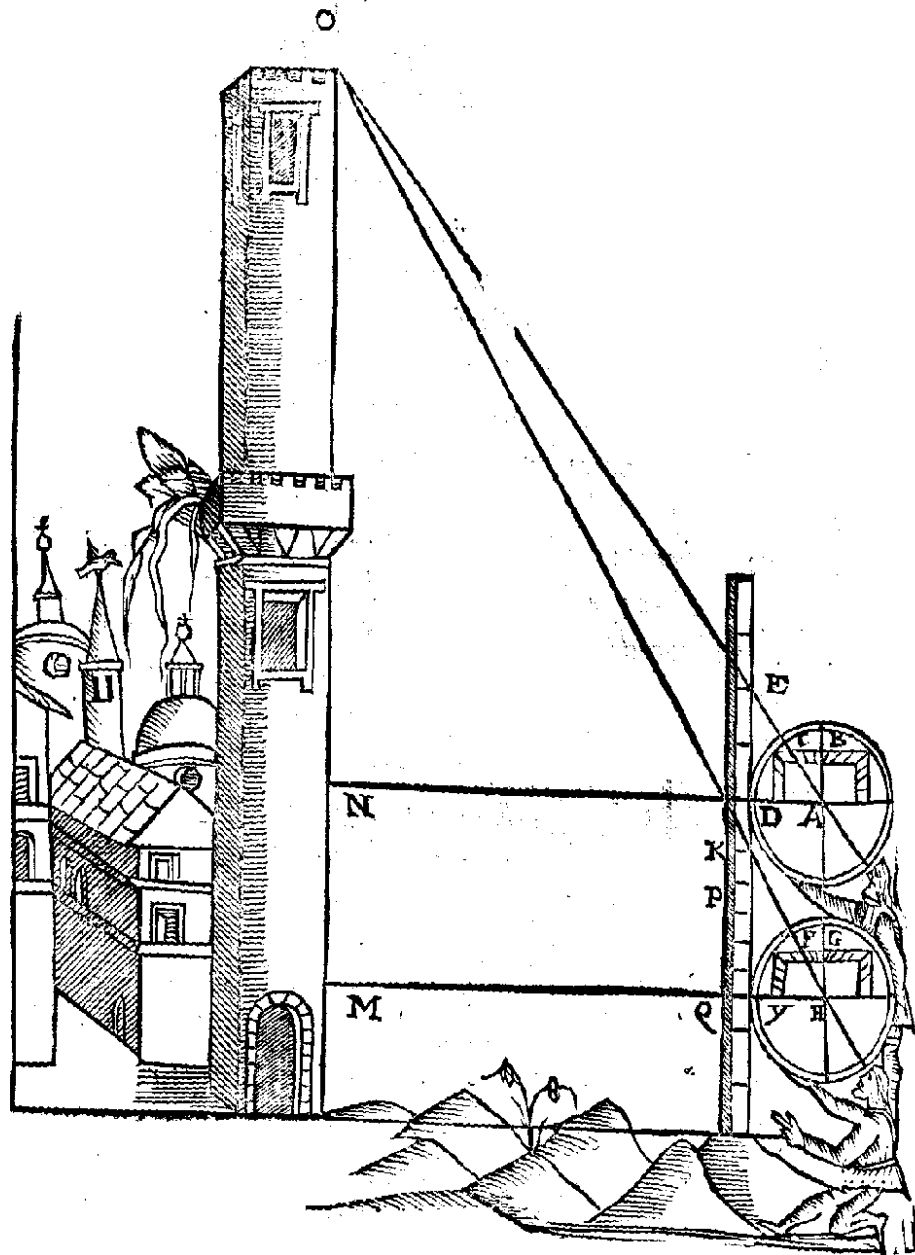
adunque dalla NO, quanto è la PQ, cioè RO, & similmente dalla CD, quanto è KD, il restante NR, harà la medesima proportione al restante CK, ouero EG (che è la medesima) che harà il tutto NO, al tutto CD, secondo la diciannovesima del quinto di Euclide. Per tanto noi habbiamo di già cognitione della NR, & della parte della canna intrapresa fra la prima & la seconda applicatione dello Astrolabio, cioè EG, & ancora della NO, per il che non ci sarà difficile, mediante la regola del 3. molte volte già detta, venire in cognitione del quarto termine, cioè del CD, altezza della torre, che era quello che si cercaua.



E se le parti della scala intersegate, fussero nell'una applicatione dello

dello Astrolabio & nell'altra, nell'ombra retta, come si vede nella figura che segue, la dimostratione sarà quasi la medesima, imperò che si come la CB, corrisponde alla BA, così fa la AD alla DE, & hauendo noi cognitione de' tre primi termini verremo facilmente in cognitione del quarto. Ancora nella applicatione dello Astrolabio da basso alla canna, si come la FG corrisponde alla GH, così fa la HY alla YK, & hauendo cognitione de' tre primi termini, sapremo ancora il quarto. Di nuouo come corrisponde la AD alla DN, così fa la DE alla NO, & il simile fa la HY alla YM, ouero il che è il medesimo la AD alla DN, come la YK alla MO, adunque come DE corrisponde alla NO, così fa la YK alla MO. Et se si leuerà dalla YK quanto è la DE, ce ne resterà PK, & così leuando dalla MO quanto è la NO, ce ne resterà MN. Dico che quel restante PK harà la medesima proportione al restante MN, ouero QR (perché sono uguali) che quella che harà tutto lo YK al tutto MO. Et hauendo noi mediante le cose dette già cognitione de' tre termini, non haueremo da dubitare del quarto. Ultimamente se in una delle applicationi dello Astrolabio le parti della scala fussero nell'ombra uersa, & nell'altra applicatione nell'ombra retta, riducessino le ombre uerse nelle rette (si come si insegnò) & l'altre cose si metteranno in effecutione con la medesima regola. Potràssi ancora far questo medesimo senza hauer a far la reductione, se si moltiplicheranno le parti uerse nelle rette, & si trarrà quel che ce ne uiene da 144. numero quadrato del lato della scala, & porremo poi quel che ce ne resterà nella regola delle tre cose per il primo numero, et per secondo esso quadrato della scala, cioè 144, et per terzo effa portione della canna intrapresa fra l'una, & l'altra applicatione, et moltiplicando il secondo per il terzo, & partendo quel che ce ne uiene per il primo, ne nascerà l'altezza della torre che cercuamo di sapere.

Come trouandosi sopra una torre possiamo misurare una torre minore, & così trouandosi su la minore misurare la maggiore con il quadrante. Cap. XVI.

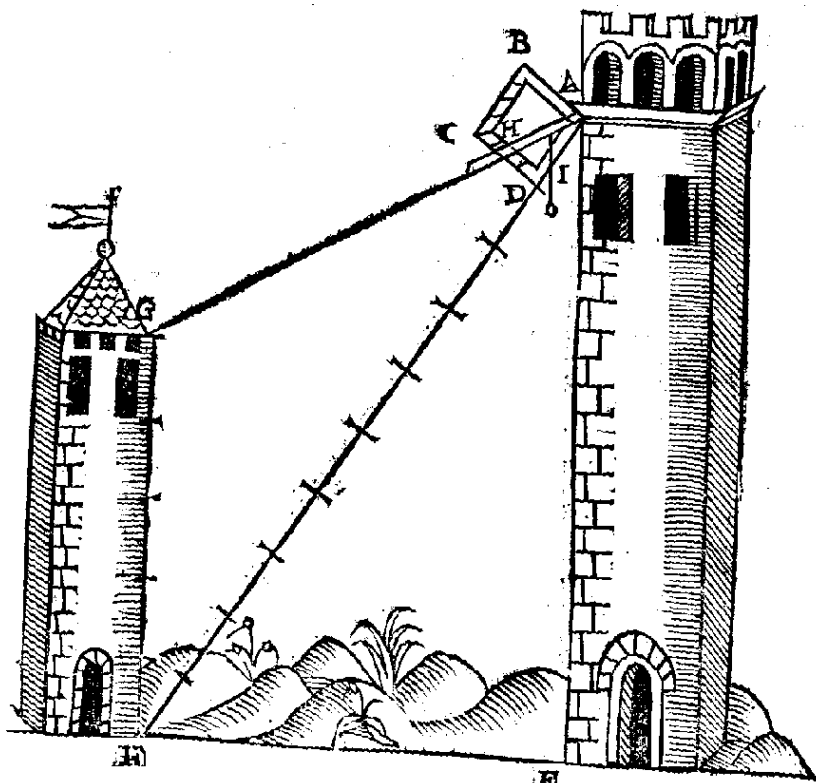


SIA la torre maggiore EA, di cima della quale vogliamo misurare la torre FG pongasi lo angolo A del quadrante alla cima della torre maggiore volto il lato CD alla torre minore. Pongasi la linda a dritta del lato del quadrante AD, & alzisi, o abbassisi detto quadrante, tanto che passando la veduta per amendue le mire, arriui al piè della basa della torre minore da misurarsi. Dipoi senza muouere punto il quadrante, alzisi, o abbassisi la linda, tanto che la veduta per le mire arriui alla cima G di detta torre. Fatto questo lascisi cadere da detta linda un filo col piombino sopra qual parte si voglia del lato AD del quadrante, come sarebbe a dire dalli punti HI. Considerisi dipoi che proportione habbia la parte AI del lato AD intrapresa dal filo, che casca dalla linda, con la altezza del filo, che è fi a la linda, & detto lato AD, perche il raggio della veduta AF, harà la medesima proportione con la propostaci minore altezza FG.

La ragione è che i duoi triangoli AHI, & AFG sono di angoli uguali; conciosia che lo angolo A è comune all'uno, & all'altro. Et lo angolo AHI dal lato di dentro, & dalla medesima banda, è uguale allo angolo AGF, & medesimamente lo angolo AIH, è uguale allo angolo AFG, pur di dentro, & dalla medesima banda, secondo la ventinouesima del primo di Euclide. Talmente che in quella proportione, che AI corrisponde allo IH, corrisponderà ancora il raggio della veduta AF, alla propostaci altezza FG.

Bisogna adunque sapere la quantità del raggio della veduta AF,

che la saperemo in questo modo, misureremo un filo madato giù col piombino, che sia AE , dipoi partiremo EF con quella regola, che si disse nel Cap. 3. di questo lib. nell'operazione ultima. Dipoi multiplichisi l'una, & l'altra AE , & EF , ciascuna da per se in se stessa, & raccoghinsi insieme dette multiplicationi, & di tale raccolto traggasi la radice quadrata, la quale sarà il lato AF del triangolo ad angolo retto AEF secondo la quarantasettesima del primo di Euclide. Ma per piu facile dimostrazione seruaci per esempio, che AE sia otto parti, & EF sei, multiplichisi 8. in se stesso farà 64. & 6. ancora in se stesso farà 36. raccoghasi dipoi il 64. e'l 36. farà

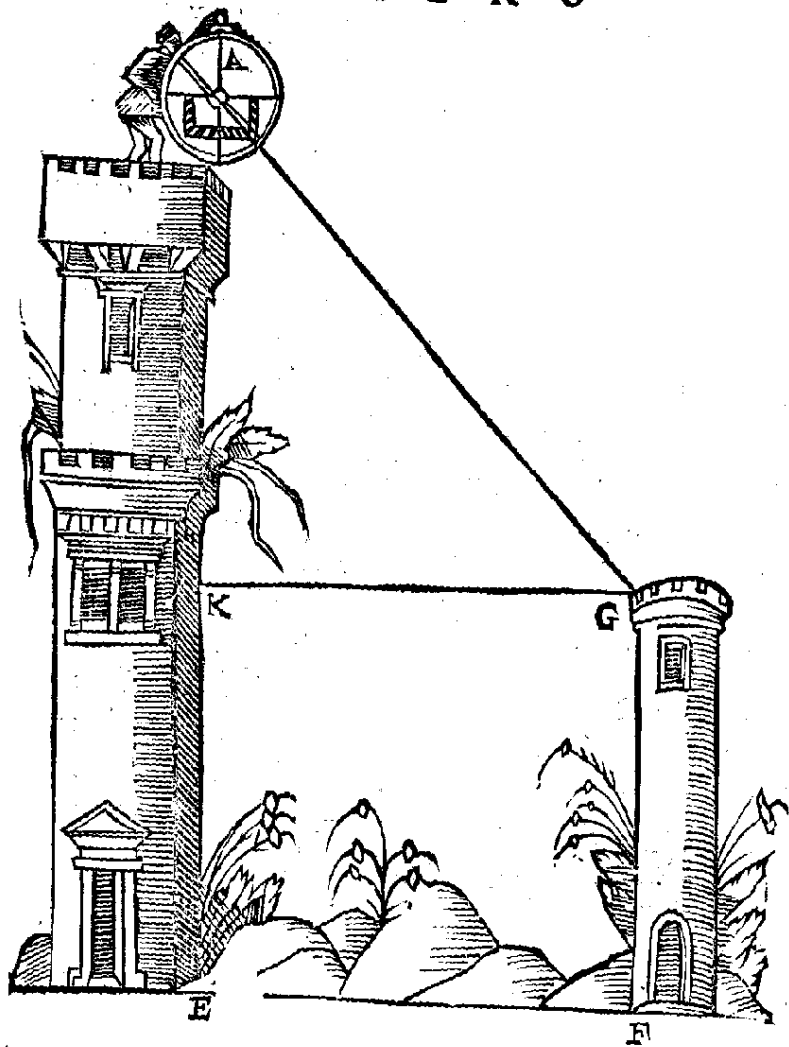


100. la

100. la radice quadrata del qual 100. è 10. dice si, che 10. braccia sarà la AE , & caschi il filo HI nel punto del mezzo di essa AD , & sia AI per dua tanti della IH , sarà ancora AF dua tanti ad essa FG , & per consequentia essa FG sarà cinque di quelle parti, che tutto AF sarà dieci, come mostra la figura.

Misurerasi ancora questa torre minore con lo Astrolabio, & per esempio sia pur la torre piu alta AE , & da essa habbiamo a misurare la piu bassa GF . Piglisi la prima cosa la distantia EF , come si insegnò nel quarto capitolo di questo libro, la quale sarà uguale alla GK , & dirizando la linea al G haremo da questo duoi triangoli, cioè AKG , & l'altro causato dalla linea & dalla scala altimetro nello Astrolabio, onde per la regola già altra volta detta, i lati loro saranno fra loro scambievolmente proporzionali. Conciò sia che così come le parti della scala intersegate, corrisponderanno allo intero lato di essa scala, così fa la KG , uguale ad essa EF , al lato KA . Multiplichisi adunque lo intero lato della scala per il lato KG , & quel che ce ne verrà si parta per le parti intersegate della scala, & ce ne verrà la altezza KA , la quale se si trarrà da tutta la AE , già (come si disse) altezza notaci, mediante la fune ce ne rimarrà KE , uguale ad essa GF , che è quello che si cercava.

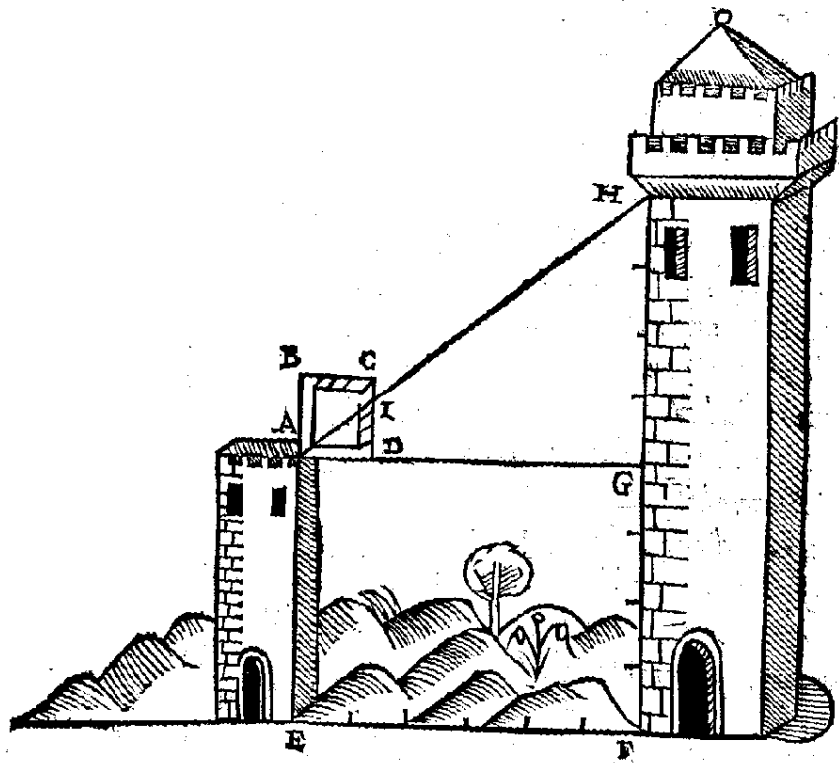
Come



Come da una torre bassa se ne possa misurare una piu
alta, o qual si uoglia altissimo monte.

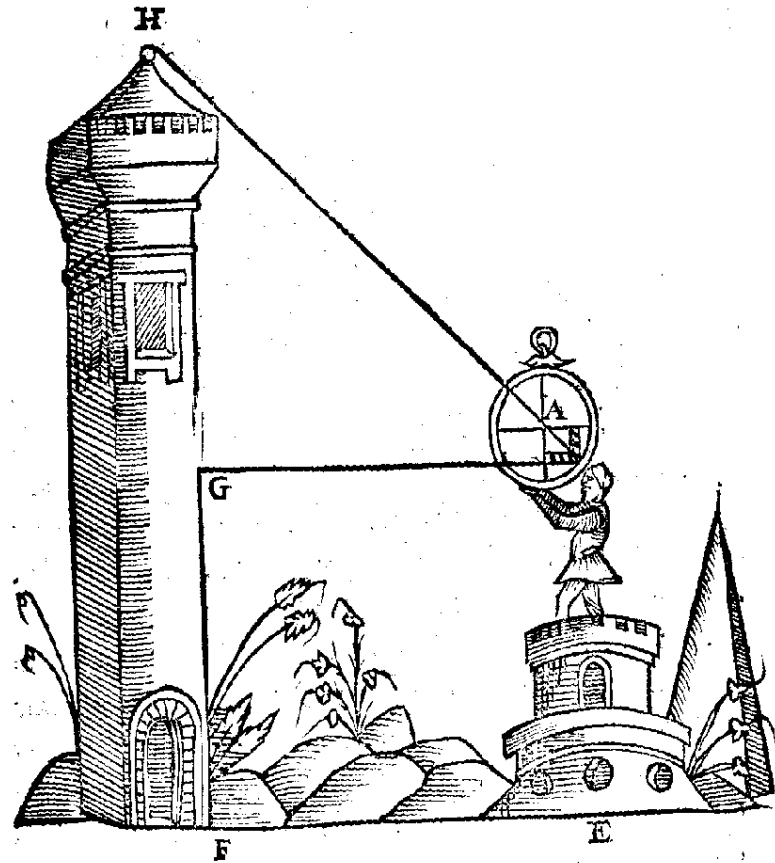
Et se per il contrario, noi volemmo stando in cima di una torre
minore, misurare la maggiore, come sarebbe a dire, che trouandoci
sopra

sopra la EA volemmo misurare la FH faccisi in questo modo.
Fermisi il quadrante per lo lungo, & per il diritto di essa AE, in
tal maniera che BA, & AE faccino insieme una linea retta, & il
lato CD si volti verso l'altezza FH, qual si harà a misurare. Pon
gasi dipoi la linda sopra il lato AD (tenendo fermo il quadrante) &
posto l'occhio alle mire, corra la veduta alla cima di FH, che è l'al-
tezza da misurarsi, & il punto che ci darà la linda sia G. Sarà
adunque A EFG un paralellogramo, ouero quadrilungo, i lati con-
trarij, del quale per la trentaquattresima del primo di Euclide, sa-
ranno uguali infra loro. Misurisi adunque AE mediante vn fi-
lo mandato giù al modo usato, & sapremo quanta è la FG. Veg-
gasi dipoi di sapere la lunghezza di EF, mediante quella regola, che
nel terzo capitolo di questo libro, insegnammo nell'ultima demost-
razione, & saperassi quanta è la AG; cioè la quantità della nostra ue-
duta. Alzisi dipoi la linda, tenendo pur fermo il quadrante, tan-
to che per le mire si veggia la cima della altezza H. Fatto questo
notisi doue batta la linda nel lato CD, & sia per modo di dire nel
punto I. Dice si, che in quella proportion, che corrisponde il lato AD
alla parte DI, corrisponderà ancora il raggio della veduta AG alla
parte della altezza GH, come largamente si espone nello ottauo cap.
Saputa adunque che haremo la lunghezza GH, aggiugasi alla FG,
accìo habbiamo tutta la lunghezza FH. In queste cose, & nelle al-
tre simili è di necessità fare due volte la osseruatione, ma per mag-
giore chiarezza porremo doppo la figura lo esempio, accìo si facili
quanto piu si puo il modo.



Servaci per esemplo, che EF, cioè AG sia 24. braccia, & FG braccia 16. & DI sia parti 40. di quelle, che tutto il lato del quadrato è 60. perche 60. corrisponde al 40. per sesquialtera, cioè per la metà più. Dicefi che il raggio della veduta AG, sarà ancor esso per una volta, & mezzo la GH. Multiplichinsi adunque le 24. braccia AG, per 40. ce ne verrà 960. ilche partasi per 60. ce ne verrà 16. per parte, et tante braccia sarà essa GH, alle quali ag giunghinsi le 16. braccia di essa FG, & ce ne verrà 32. braccia, et tanto sarà la propostaci altezza FH. Da questi esempi si possono cauare molte altre misure, come potrà un ragionevole ingegno da se stesso giudicare. Questa

Questa ancora si potrà misurare con lo Astrolabio; sia la torre bassa AE, dalla quale noi vogliamo misurare la più alta che sia HF, la prima cosa piglisi, come si è insegnato la distanza EF, la quale di necessità sarà uguale ad essa AG, et GF sarà uguale alla AE, dirizisi la linda alla H, & haremo duoi triangoli, cioè AGH, & quel che si fa dalla linda & dal lato della scala dello Astrolabio, i lati de quali saranno per la quarta del sesto di Euclide, scambievolmente proporzionali, essendo di angoli retti, & lo angolo A essendo



comune a l'uno & all'altro, per il che secondo che lo intero lato della scala corrisponde alle parti intersegate sue, così farà il lato AG uguale (come si disse) allo EF , di necessità al lato GH . Moltiplicasi adunque il lato che fanno le parti intersegate per AG , lato già a noi manifesto, & diuidasi quel che ne viene per lo intero lato della scala, & ce ne verrà la altezza HG , la quale se noi aggiungeremo alla altezza AE già (come si disse) notaci mediante la fune, essendo ella uguale alla GF , haremos la intera altezza HF , che noi cercuamo.

Come si misuri una lunghezza di un pendio d'un monte con il quadrante. Cap. XVII.

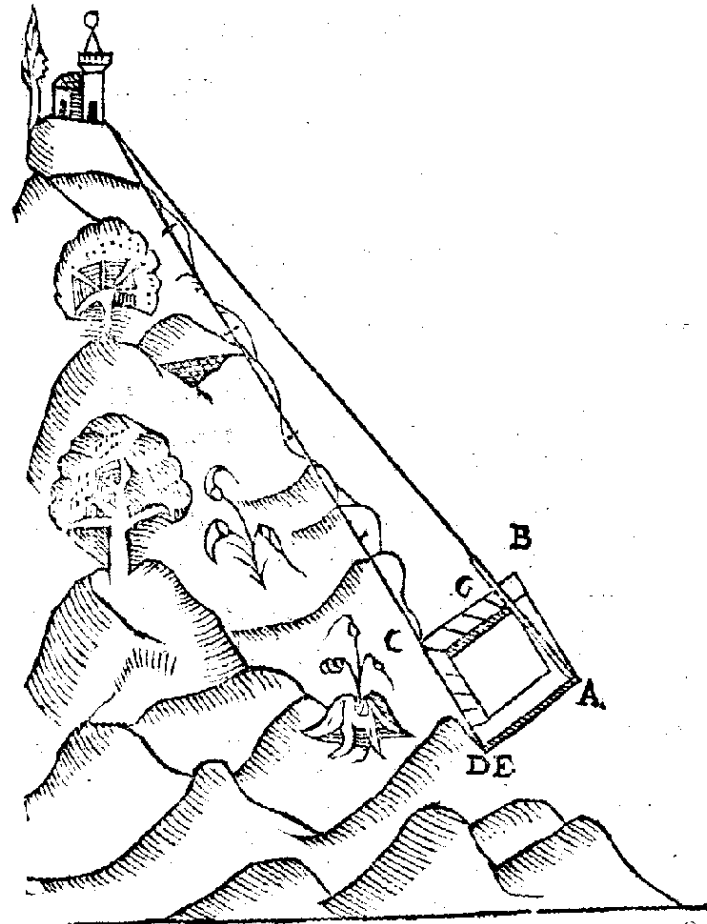


EL medesimo modo, che si operò nel misurare una lunghezza a piano, si potrà operare nel misurare un pendio di un monte. Sia adunque il proposto pendio EF , porremo il quadrante $ABCD$ sopra il lato CD per lo lungo, & a diritto di essa EF , ponendo lo angolo D sopra il termine E , & voltisi il lato BC , alla cima F , secondo il solito, come già si è detto. Pongasi poi lo occhio allo angolo A , & alzisi, o abbassisi la lina tanto, che per le mire si veggia la cima F . Fatto questo guardasi doue batte la lina nel lato BC , & dicasi che batte nel punto G . Dicesi, che in quella proportion, che corrisponde il lato AB , alla parte BG , corrisponderà ancora la lunghezza EF , al lato AD . Ma per più chiarezza seruaci, che BG sia 10 . di quelle parti, che il lato del quadrante è 60 . perche 60 . corrisponde al 10 . per scupla, cioè per sei tanti, la proposta lunghezza EF , sarà medesimamente per sei tanti la AE , ouero la AD , cioè per il lato del medesimo quadrante. Talche se il lato fusse tre braccia, la detta lunghezza EF , sarebbe braccia 18 . Et se il monte fusse inter-

rotto,

rotto, o scosceto, talche non si possa offeruare, quel che si è detto, bisognerebbe misurarlo a modo della torre, o d'altra cosa ritta sopra il piano del terreno, come si mostrò nel Cap. 8. & negli altri tre, che dopo li seguono.

La ragione è per la uguaglià delli angoli de triangoli ABC , & AEF , & de lati proportionali molte volte dimostri ne passati Capitoli. Però non si replica.



Come stando a piè di un mote si misuri la altezza d'una torre posta in cima del monte.

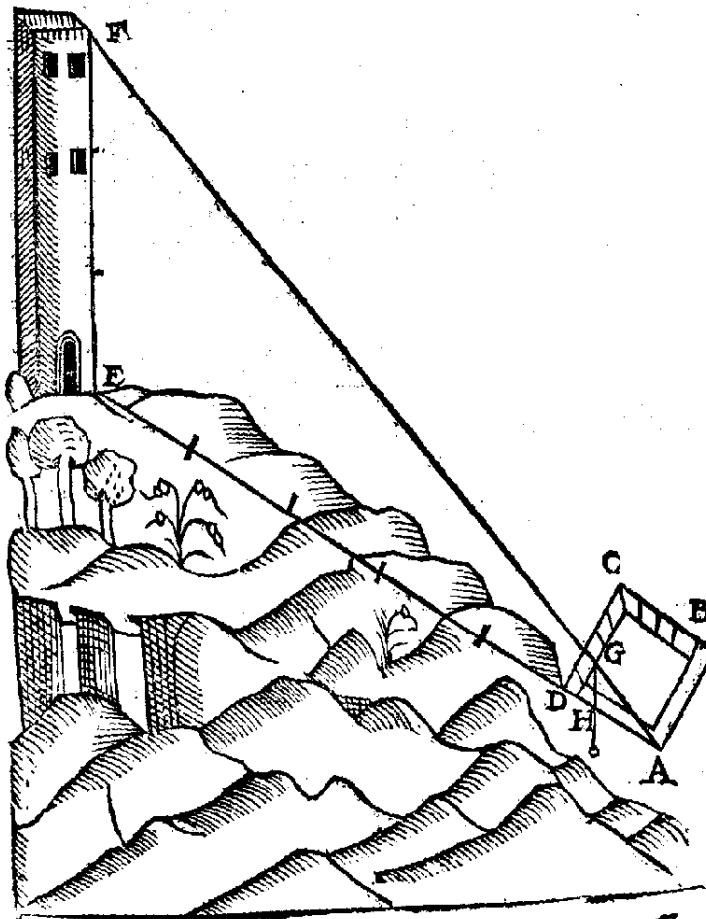
Cap. XVIII.



SIA la propostaci torre EF, posta in cima del monte, chiamato AE, & noi col quadrante al piè del monte A. Bisogna prima trouare la lunghezza del pendio del monte AE, in quel modo, che si disse nel passato capitolo. Il qual pendio proponiamo di hauer trouato esser braccia 18. Fatto questo pongasi il quadrante ritto sopra il termine A, uoltando il lato AD, & il lato CD all'usato verso la torre EF, alzisi dipoi, o abbassisi la linda, talmente che per le mire si uegga la cima F. Dipoi non mouendo punto il quadrante, attachisi alla linda un filo col piombino, che caschi in qual parte si uoglia del lato AD, il qual filo per modo di esempio sia GH, che diuida esso lato AD nel punto H, & sia nel mezzo infra A & D. Misurisi dipoi la parte del filo GH intrapreso dalla linda, & dal lato AD, distendendo la detta portione del filo HC su per il lato BC, o su per il lato CD. Dicefi, che in quella proportione, che corrisponderà la intrapresa parte AH, alla parte del filo, che casca a piombo GH corrisponderà ancora il pendio del mote AE alla altezza della torre EF. Seruaci per esempio, che AH sia 30. & HG sia 15. di quelle parti, che il lato del quadrante è 60. perche il 30. corrisponde al 15. per dua tanti, la lunghezza AE sarà ancora essa per dua tanti dell'altezza della torre EF. Et hauendo presupposto, che la lunghezza AE sia 18. braccia, la altezza dunque EF propostaci, sarà 9. braccia simili. Et se piu chiaramente ne uorremo fare esperienza per la regola delle quattro proportionali, multiplichisi 18. per 15. ce ne uerra 270. ilche partito per 30. ce ne uerra 9. per parte, le quali

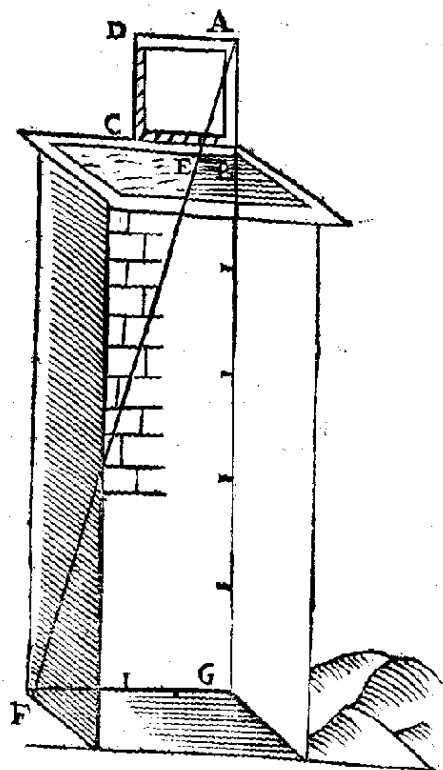
le quali cose si uedranno piu chiare mediante il disegno, che poco lontano porremo in carta.

La ragione delle dette cose è che i duoi triangoli AGH, & AEF sono fra loro di angoli uguali per la uentinouesima del primo, molte volte allegata. Et perche lo angolo AHG dal lato di dentro, & dalla medesima banda è uguale allo angolo AEF, accade per la quarta del sesto, che come AH corrisponde ad HG, cosi la AE corrisponde alla altezza EF della propostaci torre.



Ei

Sia il propostoci pozzo di forma quadra BEFG, la profondità del quale BG, o EF si habbi da misurare. Rizzisi il quadrante sopra il lato BG, per il diritto della faccia della sponda di esso pozzo BE, & il lato AB sia a dirittura di esso BG. Posto dipoi l'occhio al punto A, muouasi tanto la linda, che si vegga per amendue le mi-



re il termine del fondo F, posto al trauerso del BG. Fatto questo guardarsi doue baste la linda nel lato del quadrante BC dica= si, eha batta nel punto I. Dice si, che in quella pro= portione, che corrisponde la parte HB al lato BA, corrisponderà ancora il G F, cioè il BE (conciostia che e sono uguali) alla propostaci lunghezza, o profondità AG. Ser= uaci per esemplo, che BH sia 20. di quelle parti, che il lato del quadrante e 60.

Misurisi dipoi BE, che per modo di esemplo di= casi, che sia braccia 6. sarà ancora braccia 6. GF, conciosia che e sono lati opposti, & corrispondenti del parallelogramo, ouero quadrilungo BEFG, i quali per la trentaquatresima del primo di Euclide, sono fra loro uguali. Multiplichisi adunque 6. per 60. & ce ne verrà 360. il qual numero partasi per 20. & ne haremo per ogni

ogni parte 18. sarà adunque 18. braccia la AG, dalle quali se si trarà la AB, quale per modo di dire sia 3. braccia, troueremo la profondità del pozzo esser braccia 15.

La ragione e, che i duoi triangoli ABH, & AGE sono infra loro di angoli uguali, per la ventinouesima del primo di Euclide, & lo angolo ABH, e uguale allo angolo AGE (conciostia che l'uno, & l'altro e retto) adunque per la quarta del sesto, auiene che si come HB corrisponde alla AB, cosi corrisponde la larghezza del pozzo FG, alla lunghezza GA composta di BA, & GB.

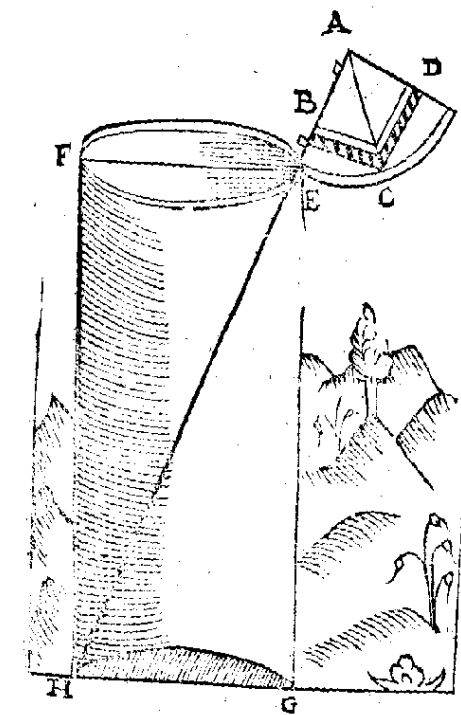
Potrassi ancora saper il medesimo in questo altro modo. Misurisi HE, & sia per modo di esemplo 5. braccia, multiplichisi 5. per 60. ce ne verrà 300. il che partito per 20. ce ne verrà 15. come prima.

La ragione e, che i duoi triangoli ABH, & HEF, sono medesimamente fra loro di angoli uguali, però che lo angolo AHB, e uguale allo angolo HEF, postoli dirincontro, secondo la quinta decima del primo di Euclide, & medesimamente lo angolo retto B, e uguale all'angolo E, l'altro adunque BAF, e uguale all'altro HFE, secondo la trentaduesima del primo. Onde per la quarta del sesto, come HB corrisponde alla BA, cosi corrisponde HE alla EF, uguale per la medesima ragione alla BG.

Ma quando il pozzo fusse tondo auuertiscasi il diametro della sponda del pozzo, & il resto si faccia come si e detto. Ma con l'altro quadrante in questo modo. Sia il pozzo tondo EFGH, il diametro del quale sia EF, ouero la sua uguale GH. Accomodisi il quadrante alla sponda di detto pozzo talmente, che la fine del lato AD, si congiunga con il punto E, alzisi dipoi, o abbassisi il quadrante, lasciando sempre andare il piombo libero, tanto che per amendue le mire si vegga il termine del fondo di detto pozzo arrincontro H. Fatto questo senza muouere punto il quadrante, guardisi doue batta L il filo

il filo nel lato CD. Dicasi per esempio, che battà nel punto I. In quella proportione, che corrisponde la parte DI intrapresa dal filo, al lato DA, corrisponderà ancora la GH, o la sua uguale EF alla propostaci lunghezza della profondità. Misurisi adunque EF uguale a detta GH, qual sia per modo di esempio 9. braccia, & DI sia

6. di quelle parti, che tutto il lato del quadrante è 12. perche il 12. corrisponde al 6. per dua tanti, lo EG similmente sarà per dua tanti dello EF, ouero GH, uguale, come poco fa dicemmo alla EF. Multiplichinsi adunque 9. per 12. & ce ne uerrà 108. ilche partito per 6. ne viene 18. per parte, et tante braccia sarà la profondità EG propostaci. In tutte l'altre cose si opererà a corrispondentia.

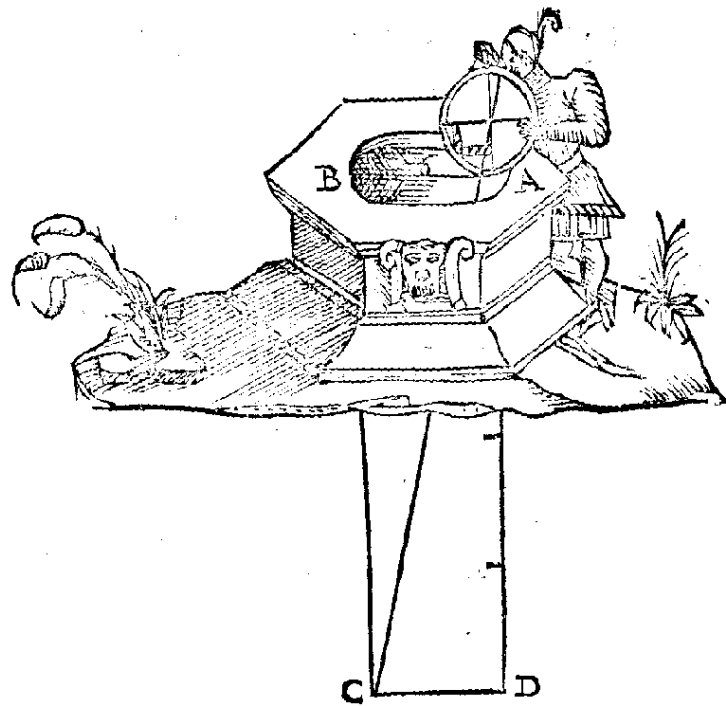


La ragione è, che i duoi triangoli ADI, & EGH sono in fra di loro di angoli uguali, perche lo angolo GEH, è uguale da lato di dentro, & dalla medesima banda allo angolo DAI, secondo la ventinovesima del primo di Euclide. Conciosia che la dritta AH, taglia a trauerso la AI, & la EG, che sono parallele, & medesimamente lo angolo D è uguale, essendo retto, allo angolo retto G, secondo la quarta dimanda. Il rimanente angolo adunque

AID

AID è uguale allo altro EHG, per la trentaduesima del detto di Euclide. In quella proportione adunque, che corrisponde il lato ID al lato DA, corrisponderà ancora il lato HG al GE, secondo la quarta del sesto, conciosia che sono corde sotto ad angoli uguali.

Questo medesimo faremo ancora con lo Astrolabio, perche poi che sapremo la larghezza del pozzo, sapremo ancora la profondità non con molta difficultà, sia la bocca del pozzo AB, tre braccia, o per dir meglio, sei meze braccia uguale per larghezza quanto è la DC, & la sua profondità sia AD. Tengasi sospeso lo Astrolabio dal suo anello, & dirizisi la linda al C, & haremmo duoi triangoli, l'uno ACD, & l'altro nello Astrolabio, come altra uolta si è detto, &



L 2 essendo

essendo i lati loro scambievolmente fra loro proporzionali, in quello stesso modo che le parti della scala intersegate dalla linda corrispondono allo intero lato di essa scala, così la AB , diametro del pozzo, & CD sua uguale corrisponde alla sua profondità AD . Multiplichinsi adunque AB , cioè le sei meze braccia per lo intero lato della scala, & partasi quel che ce ne viene per 3. che sono le parti intersegate dalla linda della ombra retta, & haremò 24. che son la profondità del pozzo che andauamo cercando.

Come si misuri così la larghezza, come la profondità delle ualli, o de' fossi con il quadrante.

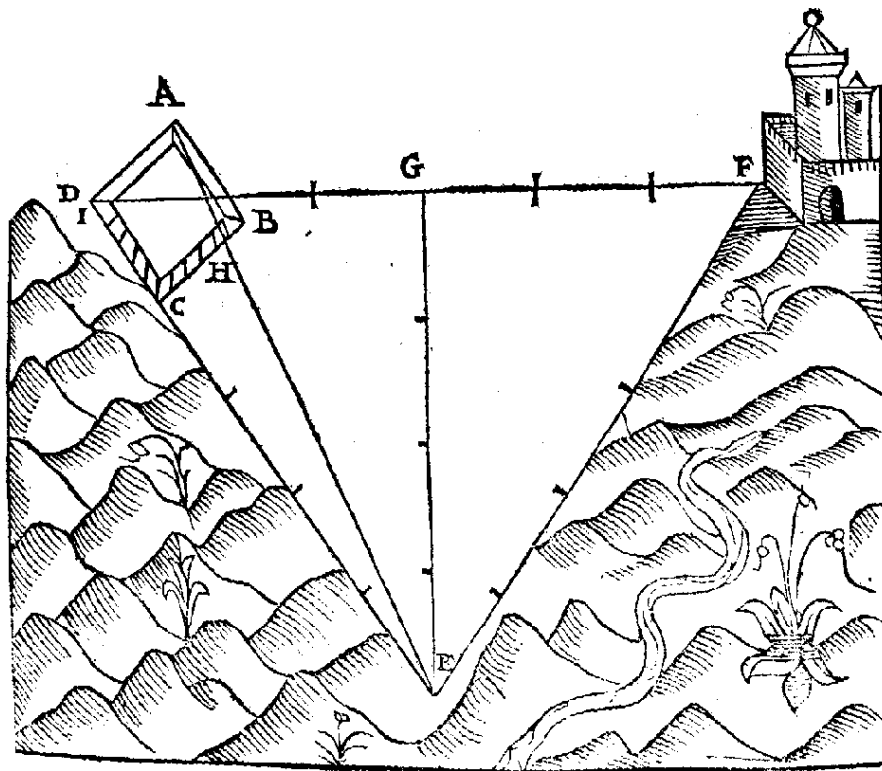
Cap. X X.



SIA la propostaci valle da misurarsi DEF , ouero il fosso intorno alla muraglia, la larghezza da capo, del la quale sia DE , & la sua maggior profondità EG . Cerchisi prima di sapere la distantia DE , secondo la regola si dette nel principio del terzo capitolo di questo libro. La quale p modo di esempio, diciamo di hauere trouata 18. braccia, o vuoi che sia per cinque volte il lato del quadrante. Misurisi di nuovo il pendio della valle, secondo quella regola, che dicemmo nel 16. Cap. cioè la DE , tenendo ritto il quadrante sopra il lato DC , & uol tato il lato BC , all' usanza uerso il termine E , & sia il DE , per cinque volte il lato di detto quadrante. Dicefi che in quella proportion, che il lato AB corrisponde per 5. tanti alla parte BH compresa dalla linda, & sia essa linea DE per maggior chiarezza 15. braccia. multiplichinsi 15. p se stesso, ne uerrà 225. Multiplichinsi dipoi p se stessa la metà della DE , cioè DG , che è braccia 9. ce ne uerrà 81. traggasi ultimamente 81. di 225. & ce ne uerrà 144. la radice

quadrata

quadrata, del qual numero è 12. Et tante braccia diremo, che sia la profondità EG , & cōciosia che per la quarantasettesima del primo di Euclide, il quadrato, che si fa del lato DE , che è rincontro allo angolo retto DEG , del triangolo DEG , è uguale a gli altri duoi quadrati, che si fanno de lati DG , & GE , che fanno lo angolo retto. Traendo adunque il quadrato DG del quadrato DE , ci rimane il quadrato EG , la radice del qual ci da la lunghezza EG , & queste cose bastino; perche non ci potrà occorrere figura alcuna di linee diritte, che non si possi con queste regole misurare.



Questo

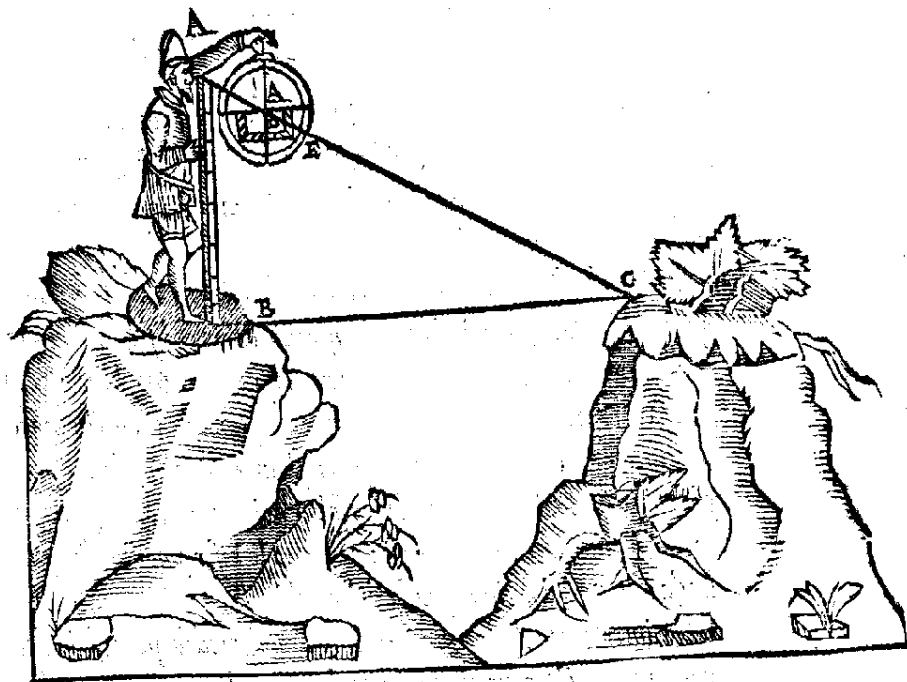
Questo si misurerà ancora cō lo Astrolabio in questo modo con lo aiuto, però della tua canna, o asta, la quale se noi divideremo dallo occhio nostro a terra in sei parti, che sieno per modo di dire, sei meze braccia fiorentine, quando bene nell'operare tu hauesi a stare alquanto piu alto che sul piano del terreno, per non esser tu dallo occhio a terra tre braccia a punto, & questo perche dal diuider questa canna in sei parti, ce ne verranno manco rotti, nel far poi la tua ragione di abbaco, i quali sogliono spesso arrecare confusione, & sia detta asta, o canna AB , & lo spazio da misurarsi sia, o fosso, o ualle, o fiume sia BC . Posta poi la tua canna ritta a piombo, & sospeso da essa lo Astrolabio, & posto lo occhio alla A talmente che la veduta corra per amendue le mire della linda al punto E , che è la parte al rincontro della tua distanza. Considerinsi allhora le parti intersegate dalla linda, & siano sei della ombra uersa, le quali riduce dōle come si è insegnate alle parti della ombra retta, le faremo 24. che abbracceranno horamai uno intero lato della scala retta, & la distanza della veduta sino ad AC . Saranno adunque le parti della ombra retta DE . Hora discorreremo in questo modo, hauendo noi duoi triangoli, cioè ABC , & ADE , gli angoli de quali D et B , sono uguali (imperochè ei son retti) & lo angolo A , è comune all'uno, & all'altro. Lo angolo C , & lo E , che rimangono per la trentaduesima del primo di Euclide, saranno medesimamente uguali, perche & i lati de' triangoli saranno comuni, haranno di necessità mediante la quarta del sesto di Euclide la medesima proportione.

Adunque si come AD , intero lato della scala, corrisponde al lato DE le parti, cioè della ombra retta: così BA corrisponderà, cioè la lunghezza della asta alla BC , distanza del fiume, o del fosso.

Moltiplichinsi adunque BE 24. parti, cioè della ombra retta per AB , cioè per 6. che è la lunghezza della asta, & ce ne verrà 144.

Et diuisi-

Et diuidendosi questo numero per 12. che è lo intero lato della scala ce ne verrà 12. che sarà la distanza, o larghezza del fiume, o del fosso, che noi andauamo cercando.



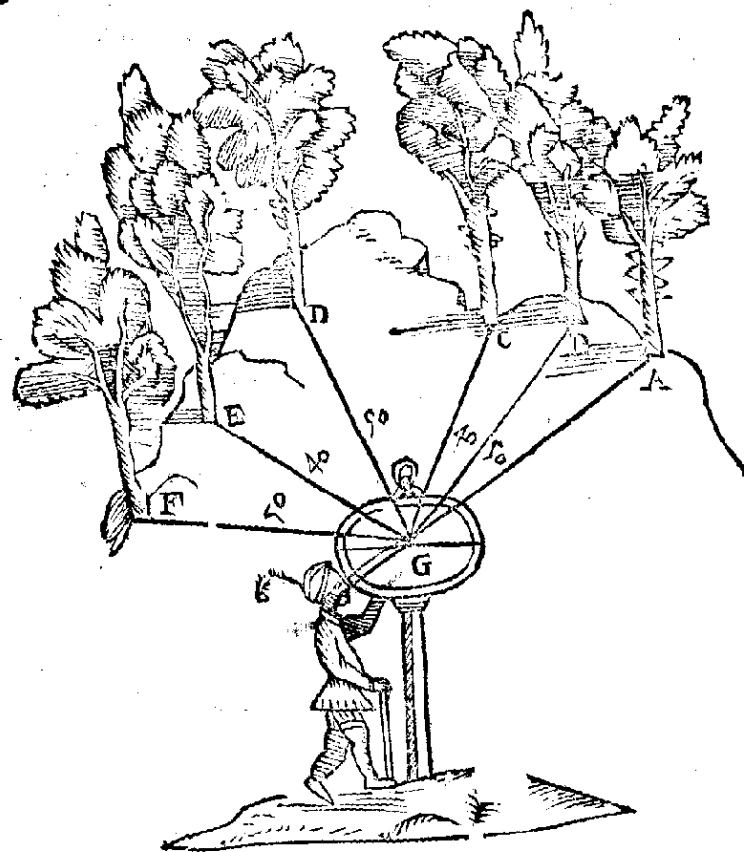
Come si possono misurare di più cose poste in un piano, come farieno alberi, o colonne, o simili, le distantie, che sono infra te, & loro, & le distantie ancora che sono infra l'una, & l'altra di esse colone, o alberi. Cap. XXI.



SIANO sei alberi A B C D E F, de quali noi uogliamo pigliar le distantie, che sono fra essi & noi, & le distantie ancora che sono infra di loro. Fermere= moci nel punto G, noi & seruendoci della canna, o asta pigliasi la distantia, che è fra ciascun di essi & noi, come si insegnò nel Cap. 20. & notinsi queste distantie come che si habbino a tenere a mente. Et per modo di esempio sia G A, 60. braccia G B 50. G C, 40. G D, 50. G E, 40. & G F, 50. & prese che habbiamo tutte queste distantie, adattisi lo strumento in modo che venga a piano come si adoperano le bussole, & il suo cetro vèga nel punto G, & fatto questo senza mouer punto lo instr.mento dirizisi la linda allo A, & notisi il grado del cerchio de gradi di esso Astrolabio intersegato dalla linda mentre che si vedrà per essa il detto albero A. Et pongasi da parte detto grado notato, & voltata poi la linda all' albero B, si noti pur il grado doue batterà detta linda, & si faccia il medesimo del C D E F. Dicasi che fra l' albero A, & l' albero B, siano compresi nell' Astrolabio 20. gradi. fra B, & C, 15. & fra C, & D, 30. & infra D, & E, 25. & ultimamente fra E, & F, 30.

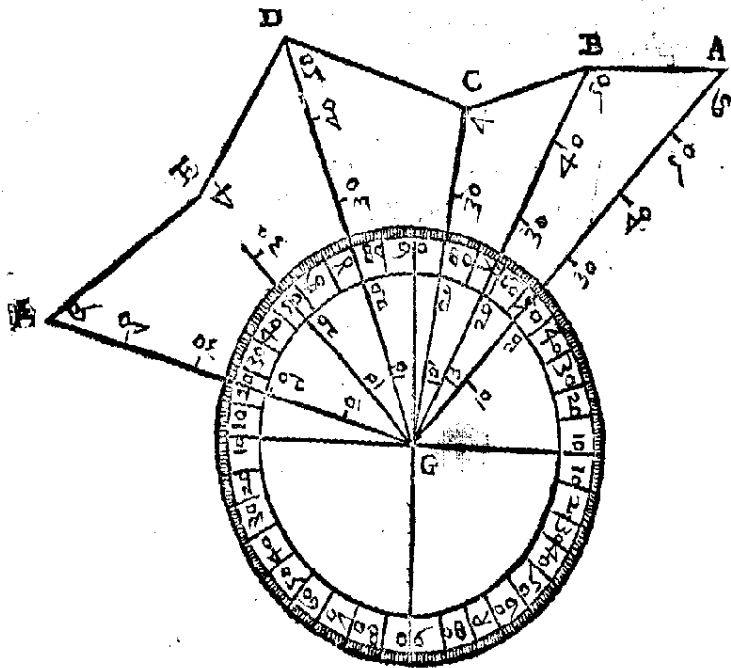
Disegnisi

Disegnisi dipoi con le feste sopra un foglio, un cerchio grande a modo nostro, scompartendolo in 360. parti, o gradi, & il suo centro sia G, che rapresenti il punto della positura doue stette nell' operare lo Astrolabio, quando si presono le distantie delli alberi. Da questo punto G, che habremo fatto sul foglio tirisi una linea diritta, lunga a beneplacito nostro che sia G A, et questa diuidasi in tante parti fra loro uguali quante furono le braccia, che si trouaron essere fra G & A, quali presupponemmo che erano 60. Presa dipoi la distantia de gradi, che noi trouammo essere nello Astrolabio infra A & B,



M tirisi

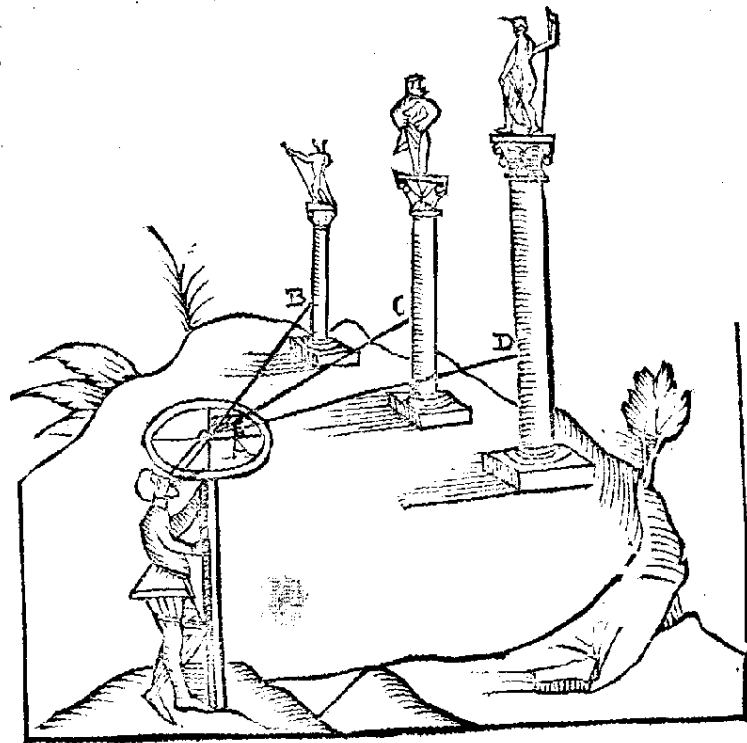
tirisi una linea dal centro G, la quale sarà GB, & verrà all'albero B, & la divideremo in 50. parti uguali, che sono comprese infra GB. Preso dipoi nello Astrolabio il numero de gradi che era compreso infra BC, tirisi un'altra linea dal cetro G, che sia GC, la quale si dividasi nella distantia delle sue braccia, che furmo 40. Questo medesimo si faccia de gli altri alberi con la medesima regola, & tirinsi le lor linee dal centro G, a ciascuno di essi, & dividinsi nelle distantie delle braccia. Ultimamente congiunginsi insieme le teste di queste linee, cioè AB, BC, CD, DE, EF, con linee rette, et aperte le feste piglinsi le distantie infra l'uno albero, & l'altro, & trasportinsi nella distantia, che è fra il G, & lo A, & uegasi quãto le feste abbracciano di quelle parti, che rappresentano le braccia, & si saprà per questa via quante braccia sieno fra l'uno & l'altro di ciascun di essi alberi, che è quello che si cercaua.



Come si misurino le distantie di molte cose poste per lunghezza in un filo in piano, trouandose in alcun luogo lontano. Cap. XXII.



EDVE, o piu cose saranno fra loro lontane non per larghezza ma per lunghezza come le colonne che fusser poste a filo, opercrasi quasi nel medesimo passato modo. Et per esempio, siano tre colonne B, C, D, & stiasi fermo nella postuura A, piglisi la prima cosa seruendosi dello

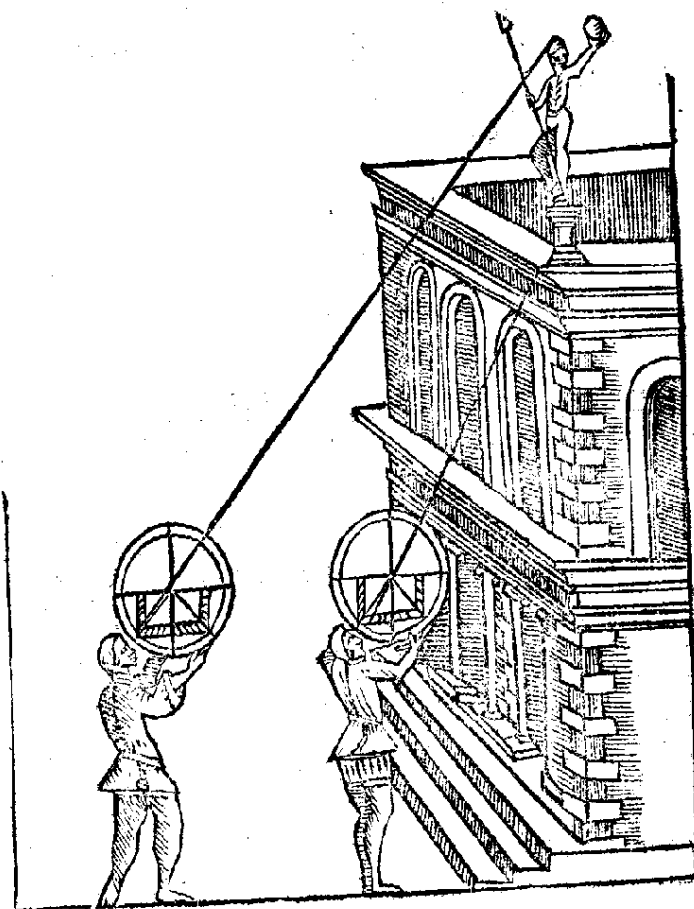


aiuto della asta, o canna, la distanza AD (come si insegnò) & nel medesimo modo la distanza ancora AC, & la AB, dipoi hauendo prese queste distanze, traggasi la minore, cioè la AC, dalla AD, et la AB, dalla AC, & si trouerà facilissimamente quanto ciascuna di esse colonne sia lontano dalla altra.

Come si misurino le cose poste in luoghi alti, cioè finestre capitelli di colonne, statue, & qual si uoglia altra cosa ritta sopra qual si uoglia altezza. Cap. XXIII



MISVRISI la prima cosa la altezza dello edificio sopra il quale sarà collocata essa finestra, capitello, o statua, come già si insegnò nel Cap. XVII. Et dipoi si rimisuri, la altezza dalla cima della statua insieme con tutto lo edificio, & traggasi poi l'altezza della figura dalla altezza del tutto, & habremo la altezza della statua che si cercava, & l'altezza ancor dello edificio.



Come stando in terra si possa trouare un punto, che a piombo corrisponda al punto di alcuna cosa collocata in alto. Cap. XXIII



SPENDASI per lo anello lo Astrolabio, & dirizisi la linda a quel punto di sopra, al quale noi vorremo trouar il punto di sotto, che li corrisponda a piombo, & notato quello, senza muouer punto lo Astrolabio,

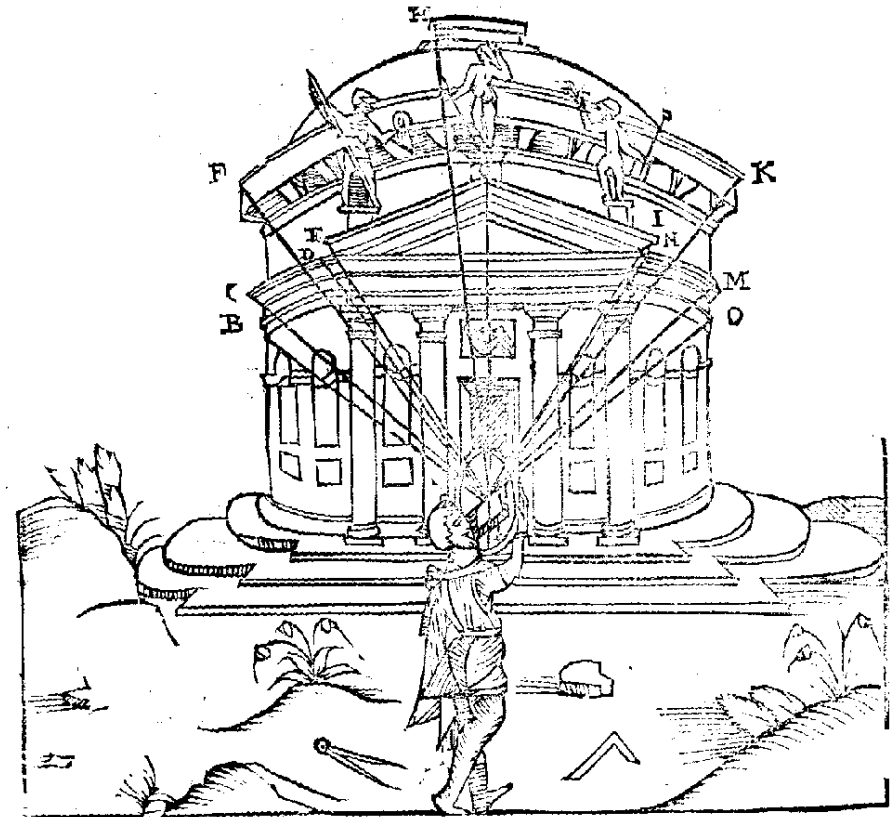
Come

labio, ne in quà, ne in là, abbassisi la linda verso la parte piu bassa della medesima altezza, & dirizisi la veduta per le mire, & quel punto che per esse vedremo sarà il punto da basso, che a piombo corrisponde al propostoci numero da alto.

Come si possino misurare le distantie, che le cose collocate ad alto hanno infra di loro, & per altezza, & per larghezza. Cap. xxv.



PRESA da qual si voglia luogo nel quale altrui si rinoua, la distanzia di qual si voglia cosa, come si è insegnato con lo Astrolabio, come per modo di dire della A B, & C, & D, & di E F. G, & di H Y, & delle altre parti, quali ci occorriano di qualche Tempio Magnifico, & honorato. (ilche sarà cosa utilissima alli Architettori, & a coloro che si dilettano di mettere in pittura alcuna prospettiva) per ha uere la intera notitia d'esse distantie già trouate delle cose che noi cerchiamo. Multiplichinsi in loro stesse quadratamente (ilche si farà senza molta difficoltà con lo aiuto della tauola delle radici quadrate che porremo nel sexto libro) & cauifene la radice del numero quadrato, & così troueremo a punto la distanzia di esse cose, come desiderauamo.



Come si mesurino le distantie delle medesime cose poste ad alto, cioè quãdo elle sieno per larghezza l'una lontana dall'altra, molto piu facilmente se il luogo sarà tale, che ui si possa accostare. Cap. xxvi.

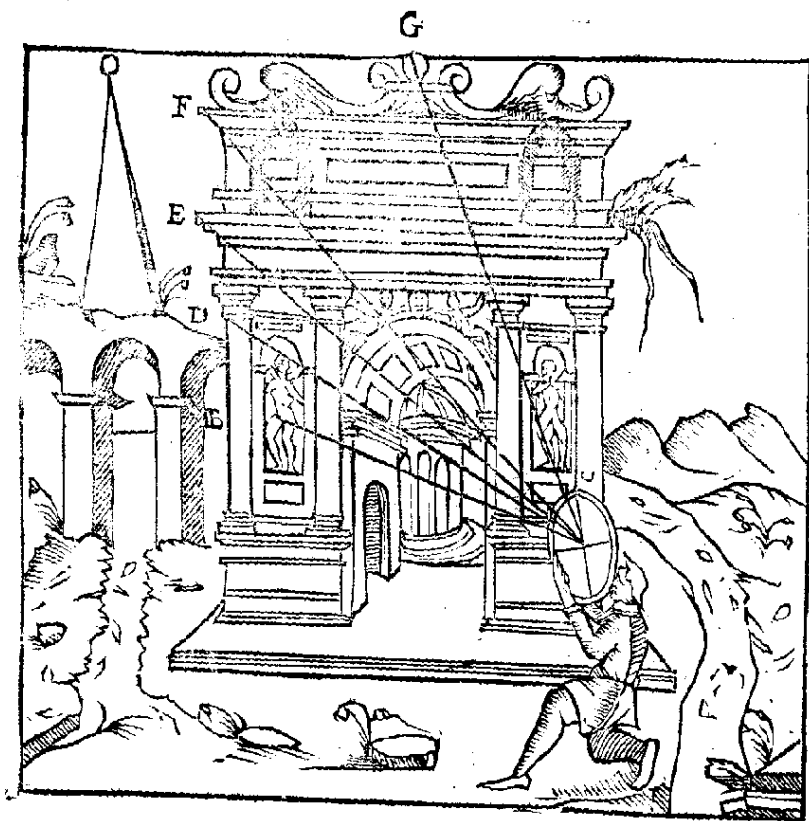


SOSPESO per lo anello a qualche cosa stabile lo Astrolabio, acciò che non si muoua, dirizisi la linda dalla A al B, per star pur nel medesimo esemplo, di poi al C D E F G H Y, & finalmente a quãti segni, o termini

Come

L I B R O

o termini si vogliono, et procurisi di notare in quel modo che si è insegnato esattamente il punto del piombo da basso, che segno per segno, o termine per termine corrisponde a tutti i segni, o termini notati da alto: a i quali alhora accostandoci, misurinsi con braccia, o palmi, o lire, o soldi (non ostante che il piano non sia così comodo) gli intervalli, che saranno infra ciascuno di loro.



Come

P R I M O.

49

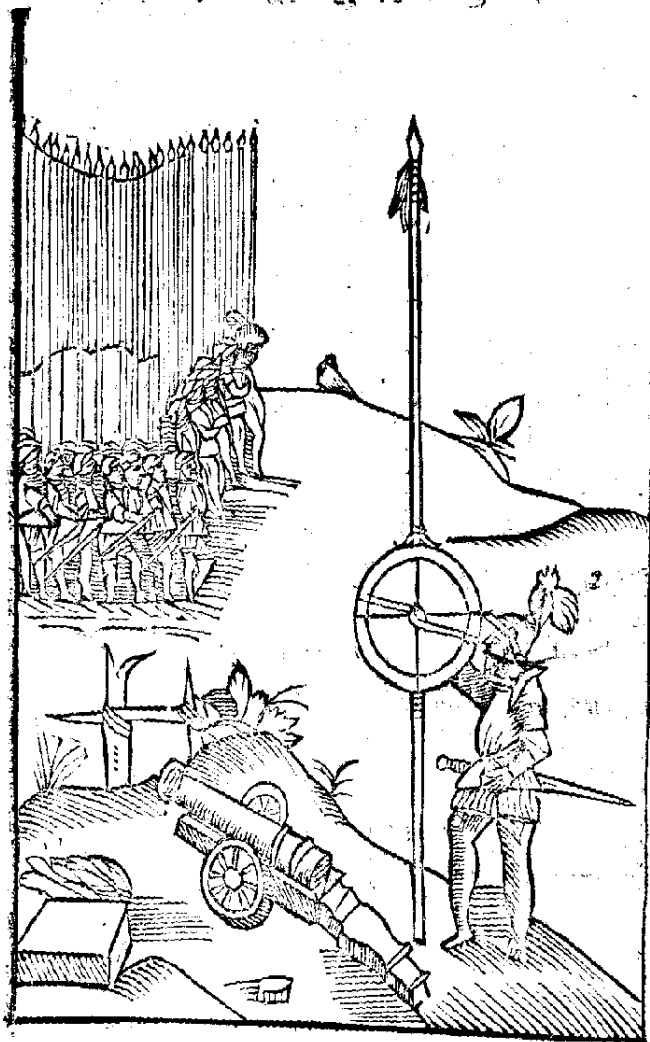
Come si possa ritrouare se alcuna cosa che sia in moto, ti si appressi, o ti si allontani, come armate di mare, o eserciti di terra, o simili, cosa utilissima a Generali delli eserciti.

Cap. XXVII.



E COSE che sono in moto per lunghezza, quando elle sono molto lontane, ci ingannano spesso mediante la debolezza della veduta, & malagevolmente si discerne se ci si appressano, o ci si allontanano. Però sarà cosa utile per poterli risolvere, o di perseguire lo esercito dello inimico quando se ne andasse, o di far le tue preparatio ni per aspettarlo quando venisse ad affrontarti. Sospeso adunque lo Astrolabio da una picca, o da altra asta, acciò stia più fermo, dirizisi la linda allo inimico, et poco dopo senza mutar punto nella linda, nello Astrolabio tornisi a riguardarlo per le medesime mire, & subito vedrasi se ci si è, appressato, o allontanato. Perché se senza mouer lo Astrolabio, nella linda vedremo per le medesime mire l'esercito inimico più volte, si conoscerà che non ci si auicina nè allontana: ma che egli sta fermo.

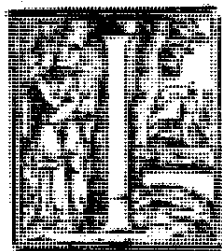
N



so
DEL MODO DI MISVRARE
TUTTE LE COSE TERRENE,
DI COSIMO BARTOLI
Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

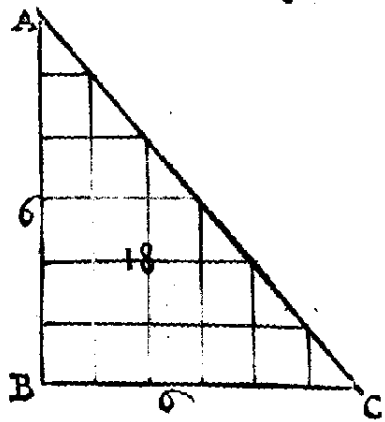
LIBRO SECONDO.

Come si misuri una superficie di un triangolo retto,
che ha duoi lati uguali. Cap. I.



NFRÀ tutte le superficie, che ci possono oc-
correre da misurarsi, pare che si attribuisca il
primo luogo al triangolo, atteso che non si può
chiudere superficie alcuna da m^aco linee, che
da tre. Et de triangoli ne sono alcuni, che
hanno un angolo retto; per ilche si chiamano
rettangoli. Alcuni altri hanno tutti a tre gli angoli acuti, chiamati
da Greci, & da Latini Oxigonij, i quali noi potremo chiamare di
angoli sotto squadra, o acuti. Alcuni altri ancora ne sono, che han-
no un angolo Ottuso, i quali noi potremo chiamare triangoli con an-
goli sopra a squadra. Fratteremo adunque primeramente da trian-
goli retti. Secondariamente delli Acuti, & ultimamente delli
Ottusi, o sopra squadra. De triangoli retti ne sono alcuni di duoi
lati uguali, & alcuni, che hanno tutti a tre i lati disuguali. Dicasi
prima di quelli, che hanno duoi lati uguali, i quali si misurino in
questo modo. Misurisi uno de suoi lati uguali, & multiplichisi
per se stesso, & la metà di tale multiplicato, sarà il numero delle
braccia di detto triangolo, ouero multiplichisi uno de lati uguali,
per la metà dell'altro a lui uguale, che sarà il medesimo. Ma per
maggior' dicatione dicasi, che il triangolo rettangolo sia ABC, i

lati del quale AB, & BC siano uguali, che nel punto B, fanno lo angolo retto, & sia ciascuno di questi lati braccia 6. se si moltiplica 6. vie 6. ce ne verrà 36. il qual numero diuiso per dua ci resterà 18.



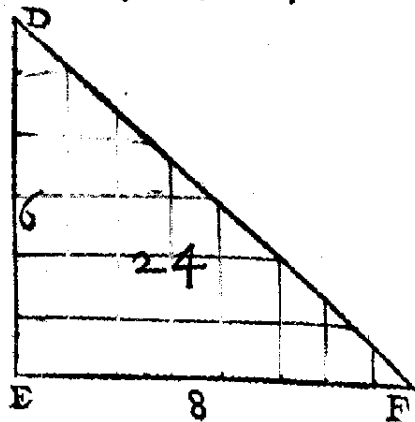
dicesi il campo detto in triangolo rettangolo di lati uguali esser 18. braccia, ouero diuidasi BC in due parti, l'una delle quali sarà 3. et moltiplichisi poi questa parte per il lato intero AB, che è 6. si uede che 3. vie 6. fa 18. talche nell'un modo, et nell'altro haremo, che il propo-

stoci triangolo è 18. braccia a punto.

Del triangolo retto, di lati disuguali. Cap. II.



UESTA passata regola serue a misurare ancora i triangoli retti di lati disuguali, conciosia che se si misureranno i duoi lati, che concorrono a far l'angolo retto; & si moltiplicheranno l'un per l'altro, la metà del moltiplicato sarà la quantità delle braccia del detto triangolo.



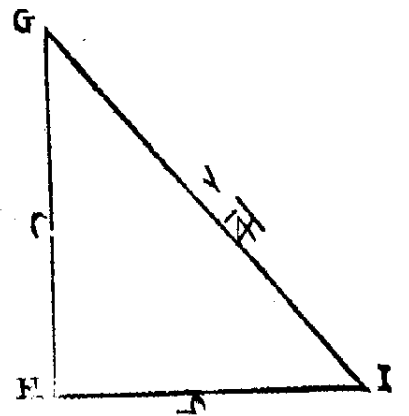
Seruaci per esempio che il triangolo retto di lati disuguali sia DEF, & l'angolo retto sia E, & DE sia braccia 6. E F braccia 8. moltiplichinsi 6. vie 8. farà 48. ilche partasi per dua, ce ne verrà 24. che tante braccia sarà detto triangolo propo-

il 3. che è la metà del 6. per 8. & ce ne verrà pure medesimamente 24. che è il numero delle braccia di detto campo, o triangolo.

Come si troui la quantità de lati uguali di un triangolo con angolo retto, dato che sappiamo quante braccia è il lato, che è rincontro all'angolo retto, o come si trouino le braccia di detto lato, sapute le braccia delli altri duoi lati, Cap. III.



PER qual si voglia ragione ci bisognassi, saputo quante braccia fusse il lato del triangolo, che è posto rincontro all'angolo retto, sapere le braccia degli altri duoi lati uguali, che corrono a fare detto angolo retto, faremo in questa maniera. Moltiplichisi il lato a noi già noto per se stesso; & di tale moltiplicato piglisi la metà; & di questa metà cauisi la radice quadrata, la quale ci darà la braccia dell'uno, & dell'altro lato, che cerchiamo. Et seruaci per esempio, che il propo-



stoci triangolo sia GHI, del quale il lato GI sia quello, che è rincontro allo angolo retto, et sia braccia $7\frac{1}{4}$. a noi già note, moltiplichisi questo numero in se stesso, che ci darà braccia 50. piglisene dipoi la metà, cioè 25. & la radice quadrata di 25. è 5. dicesi adunque, che ciascun de lati uguali, che concorrono a far l'angolo retto, cioè GH, & HI

Et HI sono braccia 15. per uno.

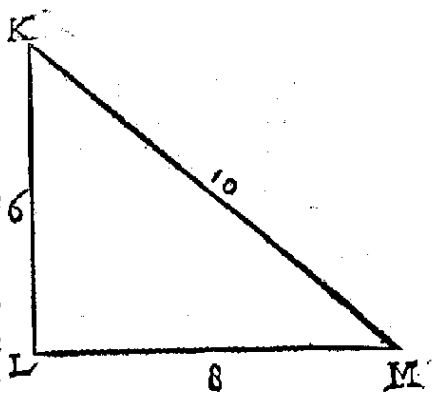
Et se per il contrario, posto che noi haueſſimo notizia de lati GH, et HI, et ci bisognasse sapere quante braccia è l'altro, che è incontro allo angolo retto, multiplichisi il numero 5. per se stesso di GH, et ci dara 25. et cosi quello di HI, che ci dara pur ancor esso 25. i quali numeri raccolti insieme ci daranno 50. diceſi che se si cercherà la radice quadrata di 50. trouerranno, che ella è 7 $\frac{1}{2}$, che sarà a punto il numero delle braccia del lato GL, che è posto incontro allo angolo retto. Conciosia che per la quarantasettesima del primo di Euclide, ne triangeli di angoli retti, quel quadrato, che si fa del lato posto incontro all'angolo retto, è uguale a i duoi quadrati, che si fanno de gli altri duoi lati, che corrono a fare l'angolo retto, et cosi per il contrario.

Come propostoci un lato si possa fare un triangolo rettangolo di lati proportionali. Cap. IIII.

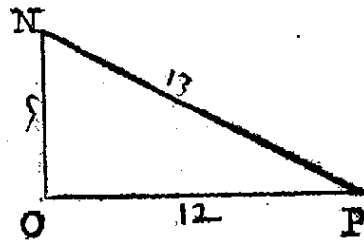


PROPOSTOCI un lato, se uorremo fare un triangolo rettangolo di lati proportionali faremo in questo modo. Considerisi prima se il propostoci lato è di braccia, che siano, o in pari, o in casso, et per esempio trattisi prima di quello, che è di braccia pari, et dicaſi che il propostoci lato sia KL, et sia braccia 6. diuidasi il 6. in dua parti, ce ne viene 3. il qual 3. multiplichinsi per se stesso, ce ne verrà 9. del qual numero traggasene uno, ci resterà 8. Diceſi che questo 8. sarà il lato di LM proportionale al KL, che concorre con esso a far l'angolo retto. Et se si aggiungerà a questo 8. un 2. diceſi che questo numero 10. sarà l'altro lato proportionale a gli altri duoi, poſi incontro all'angolo retto del triangolo KLM. Et se sapendo quante braccia

braccia sia il lato KL, et il KM riscontro allo angolo retto, et ci bisognasse sapere mediante questi, quante braccia fusse KL, se LM, multiplichisi il 6. in se stesso, che ci dara 36. et il 10. ancora in se stesso, che ci dara 100. traggasi poi 36. di 100. ci rimarra 64. la radice quadrata del quale sarà 8. adunque tante saranno le braccia del lato LM come erano prima, et se sapete quante braccia sia KM, et ML, ci bisognasse sapere mediante questi duoi lati, quante braccia sia KL, multiplichinsi in se stesse le 8. braccia di ML, che ci daranno 64. et il simile faremo di KM, che è 10. et ci dara 100. traggasi poi il 64. di 100. ce ne resterà 36. la radice quadrata del quale è 6. sarà adunque il lato a piombo KL braccia 6.



Ma quando ci fusse propostoci un lato, che fusse di braccia in numero casso, come per esempio sarebbe il lato NO, che fusse braccia 5. et haueſſimo a fare un triangolo rettangolo di lati disuguali, ma proportionali, faccisi in questa maniera.



Multiplichisi questo lato 5. in se stesso, ci dara 25. del qual 25. traggasene uno, ce ne resterà 24. diceſi che la metà di questo 24. che è 12. sarà il numero delle braccia

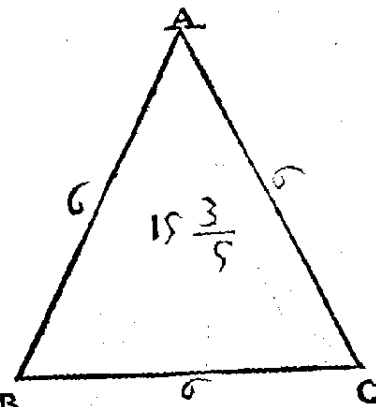
braccia del lato OP , proportionallo allo NO , & che seco concorre a far l'angolo retto. Et se a questo numero 12. si aggiugnerà 1. diuenterà 13. che sarà il numero delle braccia del lato NP proportionale a gli altri duoi, che con esso fanno il triangolo rettangolo di lati disuguali NOP , & è la medesima ragione quella del lato del triangolo NO , anzi di tutti li altri triangoli, che hanno lati disuguali, saputo, che haremo duoi lati, in cercar' del terzo, che quella, che poco fa habbiam detto del triangolo KLM , & per via di esempio, discorsa, secondo la quarantesettesima del primo di Euclide, donde l'abbiamo cauata.

Come si misurino i triangoli d'angoli sotto squadra, o acuti, & del modo di ritrouar' i lati l'un per l'altro. Cap. v.



TRIANGOLI, che ci si possono offerire, che habbino tre angoli acuti sono di tre sorte, o di tre lati uguali, o di duoi uguali, & il terzo disuguale, o di tre lati disuguali, & si possono misurare in uarij modi, de quali habbiamo scelti li piu facili, & i piu certi. Sia il primo de triangoli acuti, & di lati uguali, del quale vogliamo sapere la pianta. Multiplichisi uno di questi lati in se stesso, & quel che ne viene si multiplichi una altra volta per 13. & quel che ne risulta si parta per 30. Dicefi, che ne verrà un numero, che sarà la quantità delle braccia del proposto campo, o triangolo, & per maggiore chiarezza eccone lo esempio. Sia il detto triangolo di lati uguali, & d'angoli acuti, del quale qual si voglia de lati uguali: sia 6. braccia, multiplicato questo numero in se stesso ci darà 36. il qual 36 rimultiplicato p 13. ci darà 468. ilche partito p 30. ce ne uerrà $15 \frac{18}{30}$. per

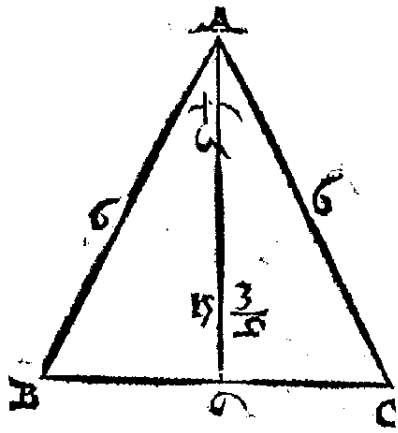
per parte, i quali $\frac{18}{30}$ sono $\frac{3}{5}$ d'uno intero, adunque $15 \frac{3}{5}$ sarà la pianta del proposto triangolo ABC . Et se questa pianta si multiplicherà per 30. & si partirà quel che ce ne uerrà per 13. la sua radice quadrata, che ce ne verrebbe, sarebbe il numero delle braccia di qual s'è



l'uno de lati uguali, & seruaci per esempio. Multiplichisi le braccia $15 \frac{3}{5}$ per 30. & ce ne verrà 468. percioche del multiplicato di 15. in 30. ne viene 450. & del multiplicato di $\frac{3}{5}$ in 30 ne viene $\frac{18}{5}$, che sono 18 interi, i quali aggiunti al 450. fanno la somma 468, il qual numero diuiso per 13. ci darà per ciascuna parte 36. la radice quadrata del quale 36. è 6. il qual numero delle braccia è quel di qual si voglia lato del triangolo ABC , come da principio dicemmo.

Puosi ancora per altra via trouare il numero delle braccia de la pianta, o spazio di detto triangolo di lati uguali: seruendoci della linea, che partendosi da qual angolo si voglia caschi a piombo sopra il mezzo del lato, che sotto li sia dittefo; la qual linea a piombo si ritroua in questo modo. Multiplichisi uno di questi lati uguali per 13. & diuidasi poi il multiplicato per 15. ciascuna di quelle parti, che ce ne verrà, sarà il numero delle braccia di questa linea a piombo. Et per sapere mediante questa linea, quanto sia tutta la pianta, multiplichisi la quantità di detta linea per la metà d'un quale si voglia lato del triangolo; & quel che ce ne verrà, sarà la quantità della pianta, o spazio di esso triangolo. Seruaci per esempio, che ciascuno lato del detto triangolo ABC , sia medesimamente braccia 6.

Moltiplichinsi 6. per 13. & ce ne verrà 78. il qual numero diuidasi per 15. ce ne verrà $5\frac{1}{3}$. sarà adunque la linea a piombo, che per mo-



do di esempio cadrà dall'angolo A, nel mezzo della base BC braccia $5\frac{1}{3}$ il qual numero se si moltiplicherà per 3. cioè per mezzo il lato del triangolo, ci darà 15 $\frac{1}{3}$. che fu il numero delle braccia, che trouammo esser secondo il primo modo la pianta del triangolo. Et se noi vorremo mediante questa linea a piombo sapere quan-

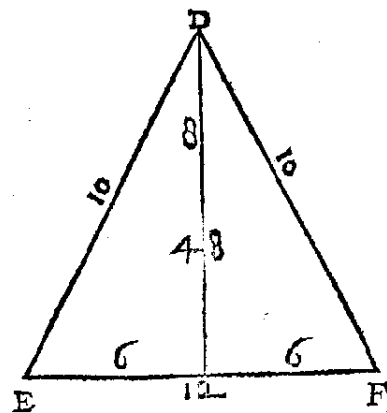
te braccia sieno essi lati, moltiplichisi essa a piombo per 15. & quel che ce ne risulta partasi per 15. & quel che ce ne verrà per parte sarà a punto la quantità delle braccia di qual si voglia lato. Et seruaci per esempio la poco fa trouata linea a piombo, che fu $5\frac{1}{3}$. la quale moltiplicata per 15. ci dara 78. percioche 5. uie 15. fa 75. & $\frac{1}{3}$ uie 15. fa $\frac{15}{3}$. che sono 3. interi, quali aggiunti a 75. fanno 78. il quale 78. partendolo per 15. ci dara per ciascuna parte 6. braccia, come poco fa si dimostrò mediante la pianta. Trouansi da lati le braccia della pianta; & dalla pianta le braccia de lati, & similmente da essi lati le braccia della linea del piombo, & da lei le braccia della pianta, & le braccia de lati.

Come

Come si misurino i campi in triangolo di tre angoli acuti, & di duoi lati uguali, & un disuguale. Cap. VI.



TRIANGOLI acuti, che hanno duoi lati uguali, & uno disuguale, si misurano in questo modo. Moltiplichisi la metà della sua base in se stessa, & serbisi da parte tal moltiplicato; dipoi si moltiplichi ancora uno de suoi lati uguali in se stesso; & traggasi dal moltiplicato di questo lato, il moltiplicato della metà della base, & trouisi la radice quadrata di quel che ce ne resta, la quale ci darà a punto la quantità della linea a piombo, la quale se noi moltiplicheremo per la metà della base, haremos la quantità dello spazio del triangolo de ro di duoi lati uguali, & tre angoli acuti. Et seruaci per esempio, che il detto triangolo sia DEF, i duoi lati del quale DE, & DF, sono fra loro uguali, & di braccia 10. l'uno, & la base, ouero l'altro lato disuguale, sia braccia 12.

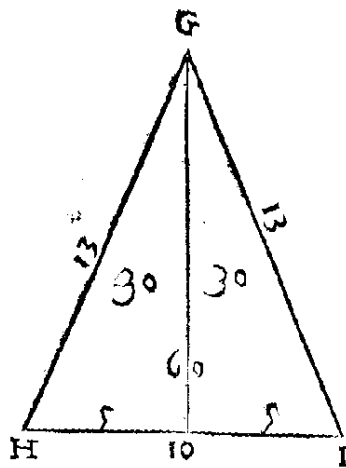


Moltiplichisi adunque la metà della base, che sarà braccia 6. in se stessa, & ci darà 36. et oltre questo moltiplichinsi ancora un lato degli uguali, che sarà 10. & ce ne verrà 100. del quale 100. se ne trarremo 36. ce ne resterà 64. la radice del quale 64. è 8. & tante braccia sarà la linea a piombo, che dall'angolo D cascò in su la base EF. Moltiplichisi dipoi questo 8. per la metà della base, che sarà 6, & ce ne verrà 48. il qual 48. sarà a punto il numero delle braccia dello

o 2 spazio,

spazio, o vogliamo dire pianta del nostro triangolo di tutti li angoli acuti, & di duoi lati uguali.

Non voglio, che mi paia fatica dare uno altro esempio di un altro triangolo simile, pur di angoli acuti, & di duoi lati uguali, che sia GHI, la basa del quale sia braccia 10. & ciascuno de lati uguali sia braccia 13. se noi vorremo ritrouare lo spazio, o la pianta, multiplichisi la prima cosa la meta della basa in se stessa, che è 5. & se ne verra 25. & dipoi pur si multiplichi uno de suoi lati uguali, che è 13. in se stesso, & ci dara 169. dal quale traggasi il 25. ce ne restera 144. la radice quadrata del qual numero sarà braccia 12. il qual numero sarà la quantita delle braccia della linea a piombo, che



dall'angolo G, cada a punto in ful mezzo della basa HI. Et se mediante questa linea a piombo uolestimo trouare quante braccia sia lo spazio, o pianta di esso triangolo, multiplichisi la meta della basa, che è 5. per 12. che sono le braccia della linea a piombo, & ce ne verra 60. numero a punto delle braccia dello spazio, o della pianta del detto triangolo GHI, & se finalmente noi piglieremo la me-

ta di questo 60. che è 30. harem la quantita dell'uno, & dell'altro triangolo ad angolo retto, che insieme fanno il triangolo di duoi lati uguali GHI.

Come si misuri un campo, ouero un triangolo, che habbi tre angoli acuti, & tre lati disuguali. Cap. VII.

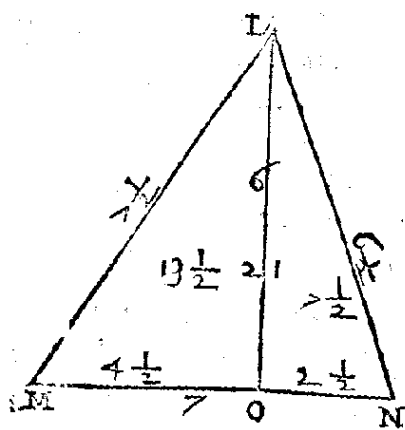


EL voler misurare un campo si fatto, ci bisogna la prima cosa cercare della linea a piombo, la quale troueremo in questo modo. Multiplichisi ciascuno de lati in se stesso; & serbinsi da parte i loro multiplicati. Raccogasi dipoi il multiplicato della basa; & del destro lato insieme; & da quel che ce ne risulta, traggasi il lato sinistro, cioè il suo multiplicato; & di quel che ci resta piglisi la meta, et partasi per il numero della basa, & quel che ce ne verra, sarà il numero della parte destra della basa, sopra la quale debbe cadere la linea a piombo. Multiplichisi adunque questa diuisione destra in se stessa, & traggasi quel ce ne viene; da qual ci viene del multiplicato del lato destro, & di quel ci resta piglisi la radice quadrata, la quale ci dara la quantita della a piombo.

Oueramente faremo in questo altro modo, raccolti insieme i numeri multiplicati in loro stessi, & della basa, et del lato sinistro, traggasi da quel ce ne risulta il multiplicato in se stesso del lato destro, et la meta di quel ce ne viene si diuida per il numero della basa, & quella rata che ce ne verra, ci dara la quantita delle braccia del lato sinistro, doue si ha a diuidere la basa, cioè doue a punto debbe cadere la linea a piombo ad angoli retti sopra detta basa. Se questa diuisione finalmente si multiplichera per se stessa, et quel ce ne viene si trarra del multiplicato in se stesso del lato sinistro, ce ne restera un numero, la radice quadrata del quale sarà la quantita delle braccia della linea a piombo. Poi che adunque in qual l'uno si uoglia di questi modi harem notizia della linea a piombo, se noi la multiplicheremo per la meta della basa, harem precisamente la quantita delle

delle braccia del campo, o del triangolo di tre lati disuguali, et di tre angoli acuti, come ci proponemmo.

Ma serua ci per esempio, che questo triangolo di lati disuguali, et di angoli acuti sia LMN, del quale il lato sinistro LM, sia braccia $6\frac{1}{2}$. Et il lato destro LN, sia braccia 7. e mezzo, Et la basa MN sia braccia 7. a punto, multiplichisi le braccia $6\frac{1}{2}$ del lato sinistro in se stesso, et ci daranno 42. Multiplichisi dipoi il 7. e mezzo, del lato destro in se stesso, et ci darà 56. Oltre di questo multiplichisi la basa, che è 7. Et ce ne verrà 49. Raccolgasi dipoi il 56. Et il 49. insieme, et ce ne verrà 105. dal quale se trarremo il 42. ce ne resterà 63. la metà del qual numero è 31. e mezzo, il qual numero parrendosi per 7. che è il numero della basa, ce ne verrà 4. e mezzo, le quali saranno le braccia della parte destra della basa segnata NO, diuisa alla parte sinistra sul punto O, doue la linea L, debbe cadere a piombo. Multiplichisi di nuouo il 4. e mezzo, in se stesso, et ce ne verrà 20. il qual 20. se lo trarremo dal 56. ce ne resterà 36. la



radice quadrata del quale sarà 6. che sarà la quantità delle braccia della linea a piombo LO, che andauamo cercando. Trouasi ancora essa linea del piombo in un altro modo. Raccolgasi insieme 42. Et 49. che fa 91. dal qual numero traggasi 56. Et ce ne resterà 35. la metà del qual numero è 17. e mezzo, il qual numero diuiso per la basa, che fa 7. ci darà per ciascuna parte 2. e mezzo che

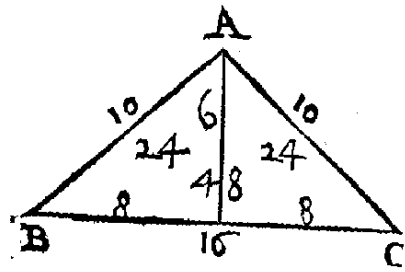
che sono la quantità delle braccia del lato manco della basa MO, se si multiplichera adunque questo 2. e mezzo, in se stesso ci darà 6. il qual 6. tratto dal 42. ce ne resterà 36. la radice del qual 36. è 6. che è pure la medesima quantità delle braccia della linea a piombo. Multiplichisi ultimamēte questa linea a piombo già trouata 6. per 3. e mezzo, che è la metà della basa, et ce ne verrà 21. il qual 21. è la quantità delle braccia del nostro campo in triangolo di tre angoli acuti, et di tre lati disuguali, che da prima ci proponemmo segnato LMN. Mediante le cose dette, ne seguita, che facilissimamente sappiamo la quantità appartata dell'uno, o dell'altro triangolo LMO, et LON separatamente. Percioche se noi multiplicheremo la metà della linea a piombo LO, che è 3. per la parte sinistra della basa, che è OM, cioè per 2. e mezzo, ce ne verrà lo spazio del triangolo LMO, che è braccia $7\frac{1}{2}$. il qual numero tratto dal tutto dello spazio del triangolo, che è 21. ce ne resterà lo spazio del triangolo LON, che sarà $13\frac{1}{2}$. Ouero multiplicato il 3. cioè la metà della linea a piombo, per 4. e mezzo, che è la parte della basa ON, ce ne verrà 13. e mezzo, che è medesimamente la quantità dello spazio del detto triangolo LON, il qual tratto da 21. ci darà 7. e mezzo, che è lo spazio del triangolo LMO, et il simile si puo fare delli altri triangoli simili.

De triangoli, con lo angolo sopra squadra, come si misuri un triangolo sopra a squadra che ha duoi lati uguali. Cap. VIII.



TRIANGOLI di angolo ottuso, o sopra squadra sono solamēte di due sorti, o essi hāno duoi lati uguali, ouero tre disuguali. Quello che hara duoi lati uguali si misura in quel medesimo modo, che si misurò il

surò il triangolo di tre lati acuti, & duoi lati uguali, come si disse nel capitolo sexto di questo libro. Conciosia che la prima cosa bisogna



trovare la perpendicolare, cioè la a piombo, che da un angolo piu commodo caschi in su la basa, che li sarà incontro, dipoi bisogna multiplicare la medesima a piombo per la metà di essa basa, & ce ne verrà lo spazio del detto campo in triangolo con l'angolo sopra a squadra, & di

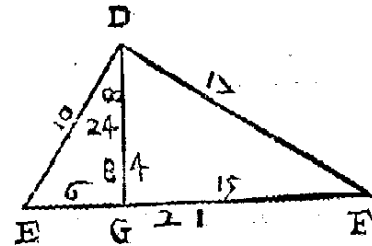
duoi lati uguali. Et per maggior dichiarazione, seruaci per esemplo, che il triangolo d'angolo sopra squadra, & di duoi lati uguali sia ABC, del quale AB & AC, siano i lati uguali, di braccia 10. l'uno, & la basa BC sia braccia 16. simili, multiplichisi 10. in se stesso, & ce ne verrà 100. & poi multiplichisi la metà della basa, che è 8. in se stessa, & ce ne verrà 64. il qual 64. traggasi dal 100. & ce ne resterà 36. la radice quadrata del quale è 6. che è la quantità delle braccia della linea a piombo, che dall'angolo A, cade nella basa BC. Multiplichisi dipoi questa a piombo per la metà della basa, che è 8. & ce ne verrà 48. che sono la quantità delle braccia del propostoci triangolo con l'angolo sopra a squadra, & con duoi lati uguali, che dicemmo ABC. Et se noi diuideremo esso 48. in due parti uguali, haremos il numero delle braccia di qual si è l'uno de duoi triangoli causati di nouo dalla linea a piombo, che sarà braccia 24.

Come

Come si misuri un triangolo con l'angolo sopra a squadra, & di tre lati disuguali. Cap. IX.



IN QUEL medesimo modo, che si dimostrò nel settimo capitolo di questo libro, come si misura il triangolo di angoli acuti, & di tre lati disuguali, si misurerà ancora il triangolo di angolo ottuso, o sopra a squadra, & di lati disuguali. Et seruaci per esemplo, che il triangolo sia DEF, del quale il lato DE sia braccia 10. & lo altro lato DF sia braccia 17. & la basa EF sia braccia 21. Multiplichisi il 10. in se stesso, & ci darà 100. & il 17. ancora in se stesso, & ci darà 289. & la basa, ancora che è 21. et ci darà 441. raccoghasi poi 441. & 289. insieme, & ce ne verrà 730. dal quale 730. traggasi il 100. & ce ne resterà 630. la metà del quale è 315. Diuidasi dipoi 315. per 21. che è la quantità della basa, che serue per partitore, & ce ne verrà 15. il che sarà il numero delle braccia dell'altezza della parte della basa GF, il quale numero multiplicato in se stesso fa 225. il quale tratto de 289. ci lascerà 64. la radice quadrata del quale è 8. talche si può conchiudere, che la a piombo DG sia 8. braccia.



Puossi ancora trovare questa linea del piombo in altra maniera, cioè mettasì insieme il 100. riquadrato del DE, con il 441. riquadrato della basa EF, & haremos 541. del quale trahendone 289. che è il riquadrato del lato DF, & ce ne resterà 252. la metà del quale è

126. il qual numero partito per 21. che è la basa, ci dara 6. per parte, le quali sono le braccia della lunghezza della basa verso il lato manco EG. Multiplichisi questo 6. per se stesso, & ce ne uerra 36. il quale tratto dal 100. ci restera 64. la radice quadrata del quale troueremo essere 8. cioè la lunghezza della a piombo DG. Multiplichisi ultimamente la già trouata a piombo per la metà della basa, cioè 8. per $10\frac{1}{2}$. et ce ne uerra 84. il qual numero fara la quantità delle braccia dello spazio del propostoci triangolo DEF, con lo angolo sopra a squadra, & con tre lati disuguali.

Dalche ne sequita, che se si multiplichera la parte sinistra della basa EG, p la metà della a piombo DG, cioè 6. per 4. haremo 24. che sono la quantità delle braccia dello spazio del triangolo DEG. Et cosi se noi multiplicheremo per il medesimo 4. le braccia della parte destra della basa GF, che è 15. ce ne uerra 60. che sono la quantità delle braccia del triangolo DGF, della qual cosa, se noi vorremo fare la riproua, raccoghasi insieme 24. & 60. & haremo 84. che è la quantità di tutto il triangolo DEF, & il simile si potra fare di tutti i triangoli di lati disuguali, habbino essi, o angolo retto, o sotto, o sopra a squadra.

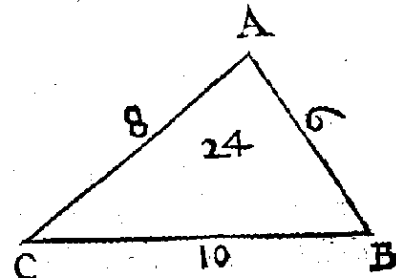
Come si misuri uniuersalmente qual si uoglia forte di triangoli. Cap. x.



PER maggior commodità senza hauere a sottoporsi alla linea del piombo si misurerà generabnente qual si uoglia forte di triangolo in questo modo. Raccoghasi insieme tutti i lati del triangolo, del quale uorremo sapere lo spazio, & dipoi piglisi la metà di questo raccolto, da la quale metà traggasi separatamente i lati del nostro triangolo, &

notisi da parte le loro differentie, ouero quelli numeri, mediato i quali ciascuno lato; si discosta dalla metà del raccolto de tre lati insieme. Dipoi multiplichisi la metà di esso raccolto per quale si uogli differencia, o numeri discostansi detti, ma piu conuenientemente si farà per la differencia maggiore, & quel che ce ne uerrà rimultiplichisi per qual si uoglia delle altre rimasteci differentie, & quel ce ne uiene rimultiplichisi per la ultima differencia, & di quel ce ne resulta si pigli la radice quadrata, che sarà la quantità delle braccia del propostoci triangolo, ne importa in tali multiplicationi, qual ci faccia mo prima, o la prima, o la seconda, o la terza, conciosia che sempre ce ne resulta il medesimo numero.

Seruaci per esemplo il triangolo ABC, il sinistro lato del quale AB sia braccia 6. & il destro AC sia braccia 8. & la basa BC sia braccia 10. raccoghasi insieme 6. 8. 10. che farà 24. la metà del quale è 12. del quale trattone 6. ce ne resta 6. & trattone 8. ce ne resta 4. & trattone 10. ce ne resta 2. Multiplichisi adunque 12. per 6. sarà 72.



& 72. per 4. farà 288. & 288. per 2. farà 576. la radice quadrata del quale si è 24. che sono a punto le braccia del propostoci triangolo ABC; sia egli, o di angoli acuti, o d'angol retto, o d'angolo ottuso, o uogliamo dire sopra squadra. Haremo ancora il medesimo numero 576. se si multiplicherà il 12. per 4. & quel che ce ne uerrà si multiplicherà per 6. & quel che di nouo ce ne uerrà si multiplicherà per 2. Ouero se si multiplicherà il medesimo 12. per 2. & quel

che ce ne verrà per 4. & quel ne verrà poi ancora per 6. Ouero se si multiplichera il medesimo 12. per dua, & quel ne verrà per 6. & quel ne verrà poi per 4. conciosia che sempre ne resultera 576. come mostreremo nella dimostratione che segue de numeri.

1	2																											
<table border="1"> <tr><td>12</td><td>nie</td><td>6</td><td>72</td></tr> <tr><td>72</td><td>nie</td><td>4</td><td>288</td></tr> <tr><td>288</td><td>nie</td><td>2</td><td>576</td></tr> </table>	12	nie	6	72	72	nie	4	288	288	nie	2	576	<table border="1"> <tr><td>ouero</td><td>12</td><td>nie</td><td>4</td><td>48</td></tr> <tr><td></td><td>48</td><td>nie</td><td>6</td><td>288</td></tr> <tr><td></td><td>288</td><td>nie</td><td>2</td><td>576</td></tr> </table>	ouero	12	nie	4	48		48	nie	6	288		288	nie	2	576
12	nie	6	72																									
72	nie	4	288																									
288	nie	2	576																									
ouero	12	nie	4	48																								
	48	nie	6	288																								
	288	nie	2	576																								
3	4																											
<table border="1"> <tr><td>12</td><td>nie</td><td>2</td><td>24</td></tr> <tr><td>4</td><td>nie</td><td>24</td><td>96</td></tr> <tr><td>6</td><td>nie</td><td>96</td><td>576</td></tr> </table>	12	nie	2	24	4	nie	24	96	6	nie	96	576	<table border="1"> <tr><td>ouero</td><td>12</td><td>nie</td><td>2</td><td>24</td></tr> <tr><td></td><td>24</td><td>nie</td><td>6</td><td>144</td></tr> <tr><td></td><td>144</td><td>nie</td><td>4</td><td>576</td></tr> </table>	ouero	12	nie	2	24		24	nie	6	144		144	nie	4	576
12	nie	2	24																									
4	nie	24	96																									
6	nie	96	576																									
ouero	12	nie	2	24																								
	24	nie	6	144																								
	144	nie	4	576																								

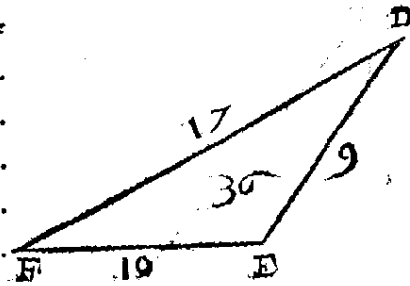
Potriasi ancora per altra uia trouare il medesimo numero 576. multiplicando il 6. p 4. et quel ce ne verrà per 2. & quel ce ne verrà ancora per 12. Ouero multiplicando il sei per dua, & quel ce ne verrà per 4. & quel ce ne verrà ancora per 12. Ouero multiplicando 4. per 2. & quel ce ne verrà per 6. & quel ce ne verrà poi per 12. Conciosia che sempre ce ne resultera il medesimo numero come per lo esempio di sotto si puo vedere.

Primo modo 6 nie 4 24. & 2 nie 24 48. & 48 nie 12 576.
 Secondo modo 6 nie 2 12. & 4 nie 12 48. & 48 nie 12 576.
 Terzio modo 4 nie 2 8. & 8 nie 6 48. & 48 nie 12 576.
 Come per lo esempio si uede in tutta tre i modi ne resulta 48. il quale multiplicato per 12. ci da sempre 576.

La importanza della regola e questa, che raccolti i numeri de lati, si qual

di qual si uoglia propostoci triangolo, insieme et preso la metà di quel che ne viene, & notate le differentie di qual si sia l'un de lati, che auanzato alla metà del multiplicato, come poco fa si disse, che si multiplichi l'una differentia nell'altra, & quel che ne viene nella terza, et quel che ce ne viene di nouo si multiplichi per la stessa metà del numero che già di tutti tre i lati raccogliemmo insieme. Et di quel che ultimamente ne viene se ne ha a pigliare la radice quadrata, che sarà quella che ci darà la quantità delle braccia dello spazio del detto propostoci triangolo.

E per maggior dichiaratione ne daremo un altro esempio, sia propostoci il triangolo DEF, il lato sinistro del quale DE, sia 9. braccia, & la basa EF sia braccia 10. & il lato destro DF sia braccia 17. raccogliasi insieme questi numeri 9. 10. & 17. & ce ne verrà 36. la metà del quale sarà 18. dal quale 9. è lontan per 9. & 10. per 8. & 18. per 1. talche le differentie sono 9. 8. 1. se si multiplichera 9. p

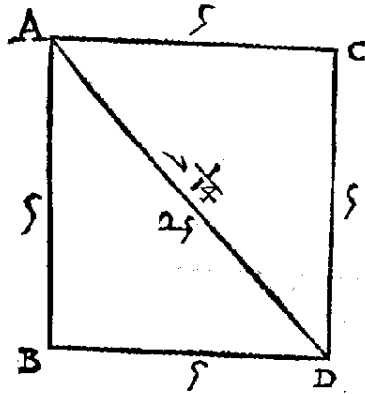


8. ce ne verrà 72. il qual multiplicato per 1. ci dara pure 72. percioche il multiplicare per uno non accresce. Multiplichisi poi 72. per 18. che è la metà di esso 36. & ce ne verrà 1296. la radice quadrata del qual numero sarà 36. che sono la quantità delle braccia del triangolo DEF. che ci proponemmo, & il medesimo si farà di qual si uogli altro triangolo, sia egli di tre lati uguali, o di dua uguali, o pur di tre disuguali.

Come si misurino i campi quadri di lati uguali, & di angoli a squadra. Cap. XI.



NERA le figure quadre che ci si possono offerire, le quali si habbino a misurare, pare conueniente che il primo luogo sia del quadro di angoli a squadra & di lati uguali, il quale p nostro esemplo sia A B C D, ciascun lato del quale sia braccia 5. a voler sapere quanto egli è multiplichisi uno di questi lati in se stesso, cioè 5. uic 5. & ci dara 25. il qual numero sarà la quantità delle braccia dello spazzo del nostro quadro. Et se ci bisognerà trouare la quantità della linea schianciana, cioè della linea che partendosi da uno delli angoli andrà a trauerso a trouare l'altro angolo, a lui opposto, come per esemplo fa la li-



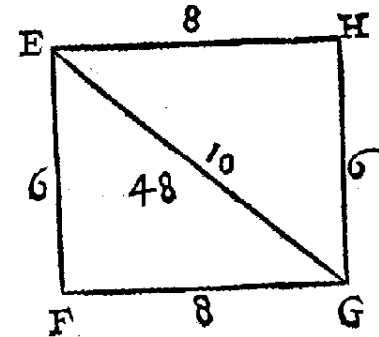
nea A C, facciasi in questo modo, multiplichisi A B, in se stessa, & B C ancora in se stessa ciascuna delle quali farà 25. il che raccolto insieme farà 50. la radice quadrata del quale è $7\frac{1}{4}$. il quale numero è la quantità delle braccia della schianciana detta.

Come si misuri un campo che sia quadrilungo di angoli a squadra, e di lati dirincontro corrispondenti. Cap. XII.



EL medesimo modo ancora troueremo la quantità delle braccia di un quadrilungo che sia di lati disuguali, ma di angoli a squadra, il quale per esemplo sia E F G H, i lati del quale E H, & F G, sieno piu lunghi

lunghi, che i lati E F & H G, & de detti lati i primi siano per modo di esemplo braccia 8. l'uno, & i secondi braccia 6. l'uno. Multiplichisi 8. per 6. & ce ne uerra 48. Dice si lo spazzo del nostro quadrilungo essere 48. braccia. Et se si multiplichera 8. in se stesso ce ne uerra 64. & multiplicato il 6. ancora in se stesso, ci dara 36. il qual numero raccolto insieme con il 64. ci dara 100. la radice quadrata del quale sarà 10. adunque 10. braccia sarà la sua schianciana, che partendosi dall'angolo E, andrà diritta per il trauerso allo angolo G, o vogliamo dire quella che si partisse dall'angolo H, & andasse a terminare nell'angolo F.

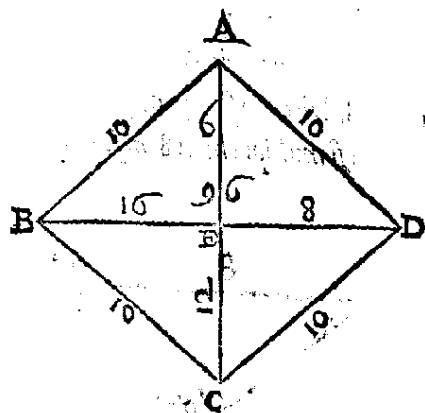


Come si misuri un campo quadro di lati uguali, ma di angoli disuguali. Cap. XIII.



QVANDO ci fusse proposto un campo quadro di lati uguali, ma di angoli disuguali, misureremo in questo modo. Saputa che è la quantità delle braccia de lati di detto quadro, trouisi la quantità delle braccia delle linee che partendosi da gli angoli si attrauerano l'una l'altra, & multiplichisi la intera quantità di una di esse per la metà dell'altra, & quel che ce ne uerra, sarà la quantità delle braccia del presupposto quadrato, o vogliamo dir mandorla.

Seruaci per esemplo che questo quadro, o mandorla sia A B C D ciascun



ciascun lato del quale sia
braccia 10. & la linea che
attraversa A C, sia braccia
12. & l'altra linea che atra
uersa B D, sia braccia 16.
Moltiplichisi 16. per 6. oue
ro 12. per 8. & ce ne uerra
96: che sono la intera quan
tità delle braccia di esso qua
dro, o mandorla, o rombo co

me dicono i Greci & i Latini, che ci era proposto.

Et se non sapremo quante braccia sia una delle linee che atra
uersano da angolo ad angolo. O non la potremo misurare, bisogna
trouare la linea del piombo che cadendo da uno de gli angoli batte in
su la altra, che usa da angolo ad angolo a noi incognita, per quella uia
che si insegnò di sopra, nel 6. cap. di questo lib. Et moltiplicare det
ta linea del piombo per la linea che andando da angolo ad angolo li
serue per basa, presupposta che detta basa ci sia nota, ouero multipli
care la basa per la linea del piombo, & quel che ce ne uerra sarà la
quantità delle braccia di essa mandorla, come nello esempio dato po
co fa, presupposto che noi sappiamo quante braccia sia la B D, linea
trauersa, & vogliamo trouare la a piombo A E, ouero E C. Ouero
dato che noi sappiamo la quantità della linea trauersa A C, & vo
gliamo trouare la a piombo B E, ouero E D, faccisi senza replicarlo,
nel medesimo modo che si disse. Conciosia che in costi fatte man
dorle, o rombi, l'una & l'altra linea trauersa, diuide in due parti
uguali detta mandorla, o rombo. Percioche la trauersa piu lan
ga, cioè la B D, ne fa duei triangoli, che qual si è l'uno ha duei l'ui
uguali uno angolo sopra squadra, et duei sotto squadra, ouero acuti.

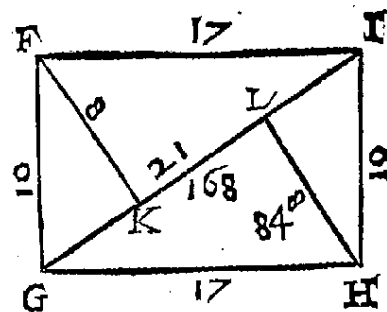
Et la

Et la trauersa ancora piu corta A C, diuide pure detta mandor
la, o rombo in duei triangoli che hanno duei lati uguali: ma tutti gli
angoli acuti, ouero sotto squadra. Aggiugnecisi che dette traue
se si intersecano l'una l'altra ad angoli retti, & con lati rispettiua
mente fra loro uguali.

Come si misuri un campo quadrilungo di lati disuguali
& d'angoli sotto & sopra squadra. Cap. XIII.



E CI fusse proposto a misurare un campo che fus
se quadrilungo di lati disuguali, & di angoli sotto
& sopra squadra, chiamato da i Greci, & da Lati
ni Romboide, ilche credo che in nostra lingua po
tremmo chiamare ammandorlato, faccisi in questo modo. Mi
surinsi primieramente i lati, dipoi l'una delle schianciane, che lo at
trauersa, talmente che questa schianciana diuidera il detto amman
dorlato in duei triangoli uguali infra di loro: ma di lati disuguali, et
di angoli sotto, o sopra squadra come si uogliano. Perilche se si troue
ra, o l'una, o l'altra linea a
piombo che caschi in su la
schianciana, la qual linea a
piombo sia p modo di esempio
8. braccia da trouarsi i quel
modo medesimo, che dicem
mo di sopra nel cap. 6. &
moltiplicheremo per essa a
piombo le quantità delle brac
cia della schianciana, ce ne
uerra la quantità delle brac
cia della nostra forma del capo bislungo in quadro, o ammandorlato



che

che dir ci vogliamo. Il medesimo ci riuscirà ancora se noi misuremo l'uno & l'altro triangolo, per quella via, o regola che si disse quando trattammo nel decimo cap. del modo vniuersale da misurare tutti i triangoli, & addoppieremo dipoi il misurato di detti spazzi. Seruaci per esemplo che il propostoci ammandorlato, o romboide sia F G H I, del quale amenduoi i lati piu lunghi siano braccia 17. l'uno, & i piu corti braccia 10. l'uno, & la schianciana sia braccia 21. debbesi adunque ritrouare la linea del piombo F K, ouero H L, in quel modo che si insegnò di sopra, quale per la esperienza si trouera essere braccia 8. Multiplichisi adunque 21. per 8. & ce ne uerra 168. che è la quantità delle braccia del nostro propostoci ammandorlato F G H I. Ouero misureremolo in quel altro modo che si insegnò del misurare generalmente tutti i triangoli: hauendo di detto ammandorlato fatto con la schianciana duoi triangoli, cioè F G I, & G H I, cōcinsia che in questo modo troueremo qual si è l'uno de duoi triangoli essere braccia 84. che addoppiandole ce ne daranno 168. Questo modo veramente mi pare breuissimo, & molto piu facile, che lo altro, nel quale si ha ad adoperare la linea del piombo, & non solamente è comodo a misurare un quadrilungo come questo: ma qual si voglia altra forma quadra come dimostreremo.

Come si misurino i campi quadri di lati disuguali, & di diuersi angoli. Cap. xv.

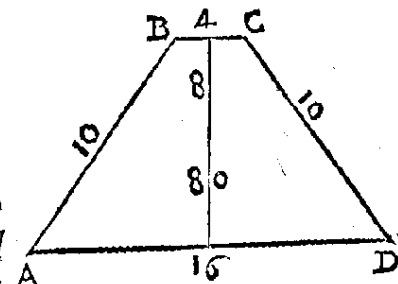


MOLTE & diuerso possono offerirci le figure de campi di quattro linee, con lati disuguali & angoli diuersi. Percioche alcune possono hauere duoi lati uguali, & la testa di sopra nientedimeno disuguale, alla sua basa, o testa di sotto, con duoi angoli acuti & duoi ottusi.

Alcune

Alcune altre hanno duoi angoli a squadra, et forse duoi lati uguali & gli altri disuguali. Alcune altre forse non hanno ne lati ne angoli che siano uguali, o corrispondenti. Ma cominceremo a dar lo esemplo di alcuni di loro. Sia un campo di quattro linee A B C D, talmente fatto che A B & C D, siano fra loro uguali di braccia 10. l'una & la testa B C, sia braccia 4. & la basa A D braccia 16. è di necessità trouare la sua linea del piombo, che dalla testa cada in su la basa, in questo modo. Multiplichisi uno di quei lati uguali in se stesso, & serbisi da parte tale multiplicato: traggasi poi la testa dalla basa, & di quel ce ne resta, piglisi la metà, et multiplichisi questa metà per se stessa, & quel che ce ne viene traggasi, di quel numero che poco fa si serbò da parte, & di quel ce resta, piglisi la radice quadrata, la quale sarà a punto la quantità delle braccia della linea del piombo.

Quando poi noi vorremo misurare, o sapere quante braccia sia lo spazzo di così fatto campo, raccolgasi la testa con la basa insieme, et di quel che ce ne viene piglisi la metà, & multiplichisi per la a piombo, & quel ce ne uerra sarà lo spazzo del presuppococi quadrangolo, & eccone lo esemplo piu manifesto. Sia A B braccia 10. & C D ancora braccia 10. infra loro uguali. B C braccia 4. & A D braccia 16. multiplichisi il 10. in se stesso, & ci dara 100. dipoi traggasi 4. da 16. & ci resterà 12. la metà del quale è 6. il quale multiplicato in se stesso ci dara 36. il quale numero traggasi dal 100. ce ne



restera

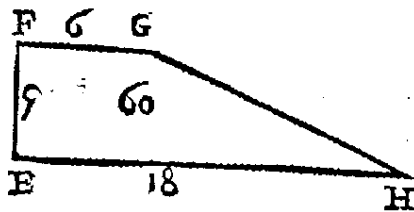
restera 64. del quale 64. la radice quadrata è 8. che è la quantità delle braccia della a piombo, che cade dalla testa B C nella basa A D, raccoglasi adunque insieme 4. & 16. & ci dera 20. la metà del quale è 10. il quale multiplicato per 8. che è la a piombo ci dara 80. diceasi che il propostoci poco fa campo è 80. braccia simili.

Come si misurino i campi quadrilungi che habbino duoi angoli a squadra & lati diuersi.

Cap. XVI.



SE CI fusse proposto un campo che hauesse duoi angoli a squadra, et tutti i lati disuguali: ma duoi paralleli, cioè ugualmente lontani l'un dall'altro, faremo in questo modo. Raccoghinsi insieme i duoi lati paralleli, che concorrono con il terzo a fare gli angoli retti: & di quel che ce ne uerra piglisi la metà, & multiplichisi per la quantità di detto terzo lato, che causa gli angoli retti. Diceasi che quel ne uerra farà la quantità delle braccia del propostoci campo. Seruaci per chiarezza dello esemplo del detto campo il disegno E F G H, la testa del quale sia F G braccia 6. & la basa E H parallela a detta testa sia braccia 18. & la a piombo F E sia braccia 5. & il quarto lato G H, sia quanto li tocchi, raccoglasi 6. della testa con 18. della basa, & ce ne uerra 24. la metà del quale è 12. il qual 12. multiplicato p la a piombo che è 5. ci dara 60. ilche è il numero del presuppostoci campo.

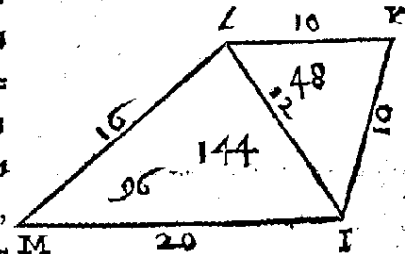


Come

Come si misuri un campo di quattro linee, che habbi duoi lati uguali & diuersi angoli. Cap. XVII.



MISURISI un campo che habbia duoi lati uguali, et angoli diuersi in questo modo, faccisenela prima cosa duoi triangoli, mediante la schianciana che ui occorre piu corta, & ritrouisi la quantità delle braccia di qual si è l'un di detti triangoli, in quel modo, o con quella regola che si disse nel misurare vniuersalmente tutti i triangoli, perche mettendo insieme la quantità di amenduoi questi triangoli, habremo lo intero del propostoci campo. Seruaci per esemplo che il campo sia K L M N, che habbi duoi lati paralleli, & li altri disugualmente lontani l'un dall'altro, la testa del quale K L sia 10. braccia, et 10. braccia ancora il lato K N, & la basa M N sia braccia 20. & l'altro lato braccia 16. Trouisi, o misurisi la schianciana, & sia per modo di dire braccia 12. sarà adunque questo nostro campo diuiso in duoi triangoli, cioè uno di angoli acuti, & di duoi lati uguali L N K, et



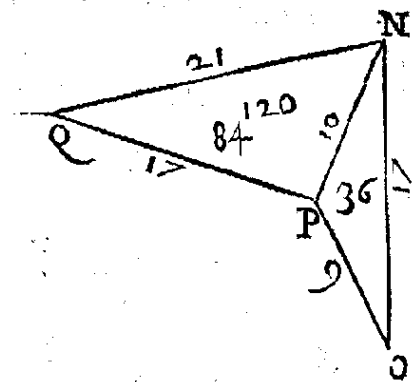
l'altro hara angoli diuersi, & diuersi lati che sarà L M N, finalmente lo spazio di quel triangolo che ha gli angoli acuti, & i duoi lati uguali, si trouerra che sarà braccia 48. & l'altro L M N braccia 96. misuradoli con quelle regole che di sopra si son date, i quali duoi numeri raccolti insieme ci daranno braccia 144 che sarà lo intero dello spazio del presuppostoci campo.

Come

Come si misuri un campo di quattro linee, due delle quali sieno uguali, ma non contigue, & di angoli diuersi. Cap. XVIII.



SIA CI proposto il campo $NO PQ$ che habbi duoi lati uguali NO , & PQ ciascuno de quali sia 17. braccia, & l'uno de gli altri duoi sia braccia 9. cioè OP , & l'altro, cioè il quarto sia braccia 21. Bisogna la prima cosa misurare la schianciana NP , la quale per modo di dire,



sta braccia 10. haremo fatto adunque cō essa duoi triangoli NOP & NPQ di angoli & di lati diuersi, et mediante il 10. cap. quādo trattammo del modo uniuersale del misurare i triangoli, trouammo che NOP , era 36. braccia, & lo NPQ sarà braccia 84. per il che raccolto

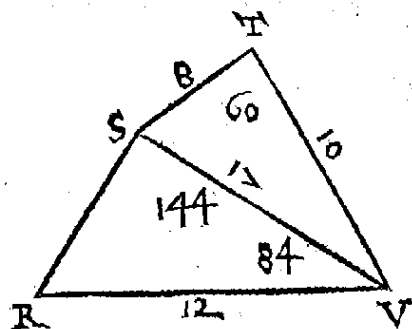
insieme 36. & 84. fanno 120. che sono le braccia del proposto campo $NO PQ$.

Come si misuri un campo di quattro lati, & di quattro angoli diuersi. Cap. XIX.



DOTREBBECI ancora accadere lo hauere a misurare un campo di quattro lati, & di quattro angoli diuersi, come sarebbe lo $RSTV$, il sinistro lato del quale RS , fusse per auentura braccia 10. & il lato di sopra,

sopra, o vogliamo dire la testa ST , fusse braccia 8. & il lato destro TV , fusse braccia 15. & la basa RV braccia 21. A volerlo misurare bisogna la prima cosa tirare la sua schianciana SV , la quale ponghiamo di hauere trouata braccia 17. Sarà adunque diuiso questa pianta, o spazio $RSTV$, in duoi triangoli di diuersi lati, l'uno RSV , che è di angoli sotto & sopra squadra, & l'altro STV , che ha uno angolo retto, lo spazio adunque del triangolo RSV , secondo la regola del cap. da misurare uniuersalmente ogni triangolo sarà braccia 84. & l'altro STV sarà



braccia 60. i quali numeri raccolti insieme ci daranno braccia 144. che sono la quantità delle braccia dello spazio del presupposto campo $RSTV$, & bastinci questi ultimi tre esempi, conciosia che non ci potrà occorrere forma alcuna di quattro linee tanto strana, se ben ci sono de gli altri modi da misurarle, che non si possi misurare per queste vie. Et sappiamo molto bene che quella forma de quattro lati del cap. 15. $ABCD$, si potea diuidere in duoi triangoli di angoli retti fra loro uguali, & in uno quadrilungo di angoli retti, & de l'altra forma del cap. 16. cioè $EFGH$, si potea diuidere in uno parallelogramo, ouero quadrilungo ad angolo retto, & in un triangolo, o piu, & le piatte, o spazii di essi triangoli, che fanno le figure de quattro lati si possono ancora trouare per altra via che per la regola del 10. cap. conciosia che si potrebbero trouare mediante le proprie poco fa dette regole, ma questo ultimo modo è piu uniuersale, piu utile, piu facile, & piu breue di tutti gli altri.

Delle



POSSONCISI offerire ancora molte forme di piu che quattro lati, & di piu che quattro angoli, le quali chiameremo campi, o figure, o forme di piu lati, le quali sono di due sorte, o regolari, o irregolari. Regolari son quelle che si possono disegnare dentro, o fuori di un cerchio con angoli et lati uguali, & che fuori, o dentro che esse siano del cerchio, hanno un medesimo centro insieme col cerchio stesso, irregolari son quelle che hanno, & i lati & gli angoli disuguali.

Come si misuri generalmente un campo di molti lati, & di molti angoli, che sia di forma regolare.

Cap. XXI.



AVOLERE sapere quante braccia sia un campo di molti lati et angoli, che sia forma regolare, faccisi in questo modo. Trouisi primieramente il centro di detta forma, o figura, & tirisi dipoi dal detto centro la linea del piombo, che caschi nel mezzo di qual si voglia de lati uguali. Multiplichisi dipoi la metà dell'ambito suo per la linea del piombo, & haremo la quantità di tutto il propositoci campo.

Quanto a trouare il centro di una figura di piu lati, & angoli che sia regolare, faccisi in questo modo. Considerisi prima se la propositoci figura è di lati in casso, o in pari, se ella sarà di lati in pari, tirisi una linea diritta che vadia dall'uno angolo all'altro oppostoli. Et fatto questo tirisene un'altra pur diritta da dua altri angoli contrarij, et doue queste linee si intersecano insieme sarà il centro di detta figura: dal quale centro si debbe poi tirare la linea del piombo che caschi

caschi nel mezzo di uno de qual si voglia lato.

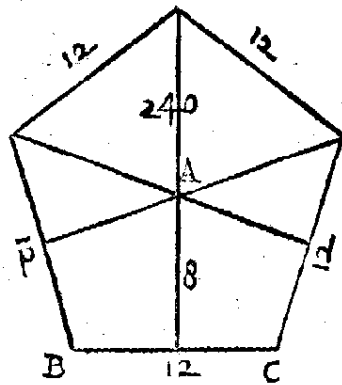
Ma se noi haremo a trouare il centro di una figura che sia di lati in casso, tirinsi due linee diritte che partendosi dalli angoli, vadino a cadere, nel mezzo a punto de lati contrarij a detti angoli, & doue dette linee si intersecheranno, insieme sarà il centro di detta figura di lati in casso. Questa è una regola generale la piu facile di tutte, et che ne mostra piu chiara, & piu precisa la verità: & serue a tutte le figure che sono di linee diritte et regolari, come è ancora il triangolo & il quadro di tutti i lati uguali, del che chi vorra potra facilmente fare esperientia. Ma porremo nel capitolo che segue lo esempio delle cinque facce, che i Greci chiamano Pentagono.

Come si misuri un campo di cinque angoli che sia regolare. Cap. XXI I.



DICASI che la forma, o figura regolare di cinque lati, sia come la qui di sotto disegnata che ha per centro A & per basa BC, & La detta basa, o qual si sia uno de lati, sia braccia 12. trouato il centro A tirisi

una linea da quello che caschi in sul mezzo della basa BC a piombo, la quale sia braccia 8. multiplichisi le 12 braccia per li cinque lati, che ci daranno 60. & sapremo che la metà dell'ambito è 30. multiplichisi dipoi 30. per 8. ce ne verrà 240. Conchiudesi che 240. braccia sarà



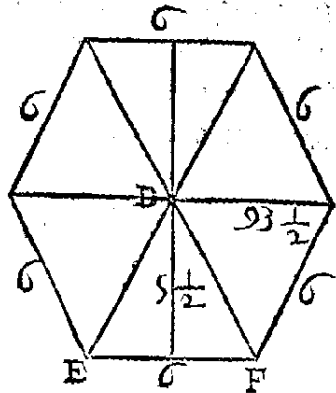
R cia sarà

cia sarà il propostoci cinque facce di lati & d'angoli uguali, & regolare. Il medesimo si farà, & siano quante braccia si vogliono i lati del cinque facce, che i Greci come è detto chiamano Pentagono. Et così sia quante braccia si voglia la linea del piombo che dal centro cadrà nel mezzo di qual si voglia lato.

Come si misuri un campo di sei facce, & sei angoli uguali che sia regolare. Cap. XXIII.



SIACI per maggior dichiarazione delle cose passate proposto un campo di sei facce che sia DEF, ciascun lato del quale sia braccia 6. & dal suo ritrovato centro si tiri una linea a piombo, che caschi sopra il mezzo del lato EF, la qual sia braccia $5\frac{1}{2}$. tutto il circuito, ouero ambito adunque di questo campo sarà braccia 36. la metà del quale numero è 18. moltiplichisi adunque 18. per $5\frac{1}{2}$. ce ne verrà $93\frac{1}{2}$. che saranno le braccia di tutto il propostoci campo DEF, & il medesimo ci riuscirà di un campo che sia di sette facce, o di otto, et di tutti gli altri, & siano di quante facce si vogliono in caso, o in pari.



La ragione è che questo 6. facce è diviso in 6. triangoli di angoli & lati uguali: le base de quali sono esse sei facce, & la linea diritta che cade dal centro D, nel mezzo della base EF, è la linea del piombo: & la linea EFG rappresenta la corda di un cerchio descritte

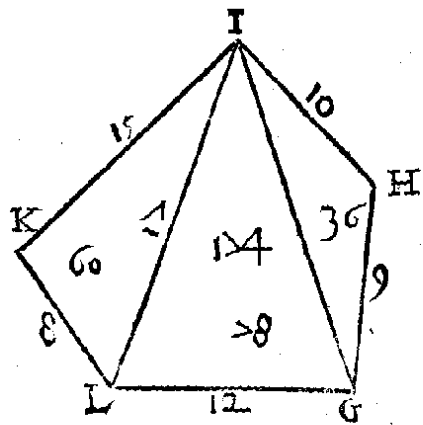
tole a torno, & è chiaro che la linea del piombo bisogna che diuida detta EF, in due parti uguali ad angoli retti, partendosi ella dal centro secondo la terza del terzo di Euclide. Diuisa adunque questa linea EF in due parti per la a piombo, fa di esso DEF, duoi triangoli uguali infra di loro ad angoli retti, secondo la quarantunesima del primo di detto Euclide. Iquali se si moltiplicheranno per la metà di detta basa (in quel modo che insegnammo misurare i triangoli) ne verrà lo spazzo finalmente di esso triangolo. Et essendo i lati del sei facce infra loro tutti uguali, et le linee che cascano dal centro nelle base ancor fra loro uguali (come facilmente si puo vedere per la quarta & per la ventiseesima del primo di detto Euclide) auuie= ne che la detta a piombo tirata nel mezzo di qual si uoglia faccia, o basa, moltiplicata per tutto lo ambito delle facce, fa triangoli doppi ad angoli retti delle dette facce, i quali triangoli rettangoli ogni volta che noi li moltiplicheremo per la metà di detto ambito, & la metà del ambito per loro, haremò la quantità dello spazzo di detto sei facce, et il simile potrem fare dell'altre figure di piu facce a corrispondentia che sempre ce ne occorrerà il medesimo.

Come si misuri un campo di piu facce, o lati diuersi, che sia irregolare. Cap. XXIII.



NEL misurare un campo che sia di diuersi lati & di diuersi angoli disuguali, & sia irregolari, bisogna primieramente risolverlo, o diuiderlo in triangoli, cioè in minore numero di triangoli, che è possibile, et ne piu facili, & che piu espeditamente si possino misurare, secondo la regola generale che si disse del misurare i triangoli nel cap. 10. Percioche le quantità di qual si è l'uno di detti triangoli, raccolto in=

fieme uite, ci daràno la intera quantità del propostoci campo di piu lati & angoli disuguali irregolare. Delche ne daremo per piu familiarità vno esempio. Sia il propostoci campo di cinque lati, o facce irregolari GHIKL, il lato del quale GH, sia 9. braccia, & il lato



HI, sia braccia 10. & IK, braccia 15. & KL, braccia 8. et GL, braccia 12. Se dal punto I, si tireranno due linee diritte a punti GL, che per modo di dire sendo fra loro uguali ciascun sia braccia 17. sarà diuiso questo propostoci campo di cinque lati comodamente in tre triangoli, de quali vno ne sarà di angoli & lati diuersi, cioè il

GHI, & l'altro IGL, di duoi lati uguali, & l'ultimo IKL, hara un angolo retto & tre lati diuersi, lo spazio adunque di quel triangolo segnato GHI, trouerremo essere braccia 36. & il GIL, braccia 78. & LIK, braccia 60. come ne passati disegni del triangolo si è dimostrato, raccogliasi adunque 36. 78. & 60. insieme & ce ne verrà 174. che è la quantità delle braccia del presuppostoci campo di cinque lati & angoli diuersi irregolare, che segnammo GHIKL, nel qual modo potremo a consequenza giudicare, o fare de gli altri.

Da questo ne seguita (parlando delle figure irregolari) che quelle di cinque lati si debbon risolvere in tre triangoli, quelle di 6. in 4. & quelle di 7. in 5. & così successiuamente delle altre, distribuendo essi triangoli secondo la commodità delli angoli, & de lati loro.

P.



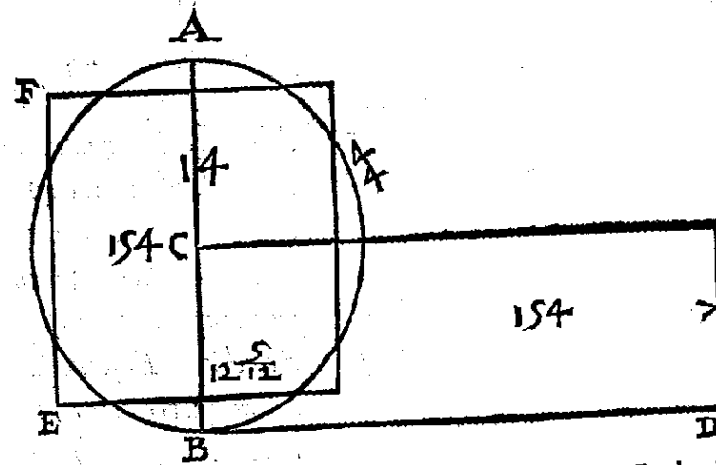
VASI la medesima regola si tiene nel misurare un campo che sia tondo, che quella che si è tenuta nel misurare le figure di piu facce & angoli: percioche si come dalla multiplicatione della linea del piombo, che dal centro cadeua in sul mezo di tutte le base di dette figure, nella metà del loro ambito, si trouò la quantità del detto campo di piu angoli & lati, così ancora dalla multiplicatione del mezo diametro nella metà del mezo cerchio, si ritrouerà la quantità del nostro campo tondo, o in cerchio. Percioche hauendone data vna regola generale di tutte le figure di piu lati & di piu angoli, sarà ancora vera così nelle cose grandi, come nelle piccole. La onde scruirà ancora al cerchio, nel quale possono concorrere molti angoli & molte facce, quasi di numero infinite.

Come si truoui la quadratura del cerchio.
Cap. XXVI.



ARCHIMEDE Mathematico & Filosofo eccellentissimo, mostrò che lo spazio del cerchio è uguale ad un triangolo che ha l'angol retto, un lato del quale di quelli che concorron a fare lo angolo retto, sia uguale al mezo diametro del cerchio, & l'altro sia uguale a tutta la circonferentia, o vogliam dire circuito del cerchio. Percioche quando il mezo diametro si multiplica per tutto il circuito del cerchio, se ne fa vn quadrato di angoli a squadra per il doppio del cerchio, la metà del quale quadrato ad angoli retti, viene ad essere il medesimo triangolo, uguale alla circonferentia, o circuito del cerchio. Perilche

Perilche si vede mediante la sottilissima inuentione di Archimede, che il mezo diametro multiplicato per la metà del circuito del cerchio, ouero per il contrario, genera un quadrato ad angoli retti, uguale come poco fa dicemmo al cerchio. Talche ci pare che ci resti solamente una difficultà, & questa è il trouare una linea retta, o diritta che dire la vogliamo, la quale sia uguale alla circonferentia, o circuito del cerchio. La quale il medesimo Archimede ci insegnò con dimostratione piu tosto diuina che humana. Conciosia che ei trouò per via di Geometria, che la circonferentia corrispondeua al diametro del cerchio per $3 \frac{1}{7}$. cioè che il diametro aggirandosi tre uolte, et un settimo intorno al cerchio, finisce a punto il circuito di quello. Vero è che molti dicono che ei non è un settimo a punto, ma un poco manco, & piu di uno ottauo, di maniera che la circonferentia corrisponde al diametro come il 22. al 7. la qual regola è stata dalla maggior parte de gli huomini insino a qui offeruata, non ci essendo stato per ancora alcuno (se ben molti sopra ciò hanno scritto) che ne habbi saputo trouare una migliore, come quella che a far questo pare che basti, non ci si discernendo differentia, o errore che sia quasi sensibile, ma uengasi allo esemplo. Sia il nostro cerchio A B, il centro del quale sia C, & il suo diametro sia braccia 14. sapremo adunque mediante la inuentione d' Archimede, che la sua circonferentia sarà braccia 44. la metà del qual 44. sarà uentidua, multiplichisi adunque il mezo diametro, che è 7. per 22. & ce ne uerrà un quadrilungo ad angoli retti che sarà C D, di braccia 154. che è il numero delle braccia del presupposto cerchio A B. Et se ei si trarra la radice quadrata del 154. sarà $12 \frac{5}{7}$. che tanto sarà il lato del quadrato uguale al detto cerchio, come è lo E F. In quante piu parti adunque diuideremo il diametro, tanto sarà piu fedele & certo il modo di trouare le parti, o quantità del cerchio. Conciosia che le parti di esso



di esso cerchio saranno piu minute & piu piccole, come quelle che dentro al cerchio hanno minore curuatura, & si distenderanno poco in lungo, per la qual cosa se ne farà uno spazio piu vicino, & piu simile allo spazio del cerchio scompartendolo con ottaua di braccio, piu tosto che con quarti mezi, o interi bracci, come facilmente si puo giudicare.

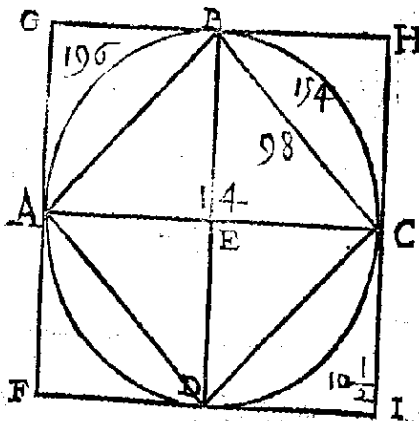
Come si truoui in altro modo la quadratura del cerchio. Cap. XXVII.



INSEGNA ancora Archimede uno altro modo da riquadrare il cerchio, conciosia che egli dimostrò che il quadrato che si fa del diametro del cerchio, ha quella medesima proportione ad esso cerchio che ha il 14. allo 11. cioè di tre undicesimi piu. Se si misurerà adunque il diametro del cerchio, & si multiplicherà in se stesso, & da quel ne uicene, se ne cauerà tre quattordicesimi, ne resterà lo spazio del proposto cerchio. Et eccone lo esemplo.

Sia

Sia il cerchio ABCD, il centro del quale sia E, & il diametro sia come quel dell'altro, braccia 14. le quali moltiplicate in loro stesse fanno 196. cioè il quadrato



to FGHI, disegnato fuori del cerchio, i tre quattordicesimi di esso 196. è 42. il quale numero se si trae di 196. ce ne resterà 154. che sono le braccia del proposto cerchio. Et se noi partiremo 42. per 4. ce ne verrà $10\frac{1}{2}$. per parte che sono la quantità delle braccia di ciascuno di quei triangoli che

restano in sui canti FGHI, fuori del cerchio. Donde si vede manifesto che il cerchio e in proportione al quadrato ABCD, che è disegnato dentro al cerchio, come è lo 11. al 7. cioè di quattro settimi più. Et perche ei non pare che ci bisogni dimostrazione più chiara che quella dell'occhio a voler vedere che il quadrato di fuori è per il doppio del quadrato di dentro, corrisponde adunque il quadrato maggiore al minore come il 14. al 7. cioè per il doppio, sarà adunque il quadrato di dentro braccia 98. & quel di fuori braccia 196. come nel 2. cap. del 4. della sua Arismetica mostra Orontio se esso. Si come si truouano mediante il diametro, & la circonferentia, le braccia dello spazio del cerchio, così ancora per il contrario, dato che sappiamo quanto sia esso spazio, troueremo quanto sia & il diametro & la circonferentia, percioche se noi ag giugneremo allo spazio tre undicesimi si farà il quadrato che si genererà del diametro del cerchio, la radice quadrata del quale sarà esso lato del quadrato, et per consequenza

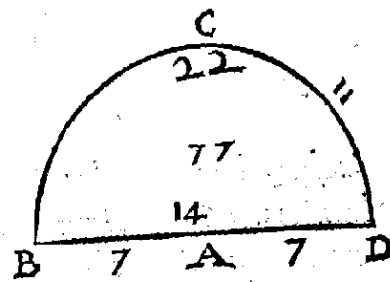
sequenza il diametro del cerchio. Percioche saputo che haremo la quantità del diametro, sapremo ancora la quantità del cerchio in quello stesso modo che si è insegnato. Seruaci per esemplo che lo spazio del sopra disegnato cerchio sia 154. braccia, le quali si hanno a parte per 11. & ce ne verrà 14. per parte, il qual 14. moltiplicato per 3. ci farà 42. raccoglasi dipoi insieme il 154. & il 42. & ce ne verrà 196. la radice quadrata del quale è 14. dice si che tate braccia sarà il diametro del presupposto cerchio. Et se questo diametro 14. si moltiplicherà per 3. & a quel che ne viene si arrogerà la settima parte che è 2. ce ne verrà 44. che sono la quantità delle braccia della circonferentia, o del cerchio, ilche si puo fare di tutti gli altri simili.

Come si misurano i campi che sono mezi toni.

Cap. XXVIII.



ALLE cose passate si discerne facilmente il modo da misurare le portioni del cerchio & il diametro: percioche si come dal moltiplicare del mezo diametro nella metà del cerchio si caua la quantità delle braccia dello spazio del cerchio, così ancora della moltiplication di esso mezo diametro nella quarta parte d'un cerchio si caua la quantità delle braccia d'un spazio d'un mezo cerchio.



Seruaci per esemplo che ci sia proposto un mezo cerchio che sia BCD, il diametro del quale sia

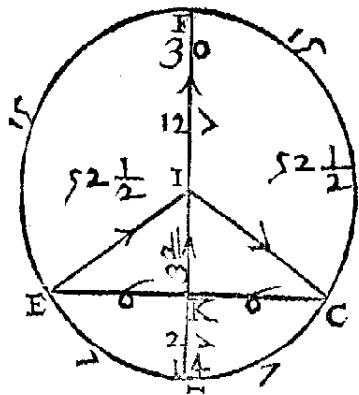
fia *BAD* che passi per il centro *A* & sia braccia 14. & lo arco *CB* *D* braccia 22. multiplichisi adunque il mezo diametro *AB* nell' arco *BC*, che è la metà di esso *BCD*, cioè 7. per 11. & ce ne verrà 77. dicefi che tante braccia sarà lo spazio del propostoci mezo cerchio.

Come si misurino i campi che sono piu, o meno che mezi tondi. Cap. X X I X.



L MEDESIMO vorrei si giudicasse di qualun che partitore del cerchio, percioche se si multipliche rà la metà del diametro per la metà dello arco, che è intrapreso dal partitore, si hara la quantità delle braccia del campo intrapreso dal partitore, & dalla portione che li

tocca del cerchio. Partitore si debbe intendere per quei 2. mezi diametri che non andando ad un filo, intraprendono quella portione di cerchio che tocca loro, si come mostra la figura *EFI*, ouero *FIG*, ouero la *GIE* in disegno. Della quale sia per nostro esem- pio tutto il cerchio intero



braccia 44. & l'arco *EEG* braccia 30. & ciascuno dello *EF*, & *FG* braccia 15. & il mezo diametro di esso cerchio braccia 7. Se noi vorremo adunque misurare lo spazio dello intersecatore, ouero partitore *EIF*, o dell' altro *FIG*, multiplichisi il 7. del mezo diametro per la metà di uno di quei duoi 15. cioè in $7\frac{1}{2}$. & ce ne verrà $52\frac{1}{2}$.

& tante

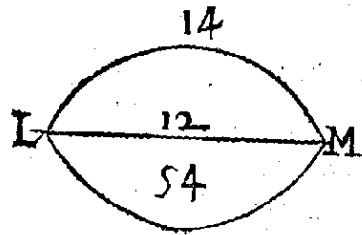
& tante braccia diremo che sia lo spazio di *EIF*, disperse, & il simile quello del *FIG*. Et se noi multiplicheremo il medesimo 7. del mezo diametro nel 15. cioè nella metà dell' arco *EEG*, ce ne verrà 105. che saranno le braccia della figura *EEG*, come ne dimostra il $52\frac{1}{2}$. addoppiato insieme. Talche per la medesima ragione la figura *EIG*, sarà braccia 49. Misurisi ancora la portione maggiore & la minore di questo cerchio in questo modo. Sia per modo di dire nel nostro cerchio *EEGH* la corda *EG* braccia 12. che diuida la portione del cerchio maggiore *EEG*, dalla minore *EEH*, et sia la parte del diametro *FH*, che viene intrapresa fra il centro *I*, & la corda *EG*, cioè *IK* braccia $3\frac{1}{2}$. & tutte le altre cose siano come le ponemmo di sopra, & come le dimostra la figura. Misurisi adunque la prima cosa il partitore *EFGI*, & sia il suo spazio come prima braccia 105. multiplichisi dipoi lo *IK*, a piombo per la metà della corda *EG*, cioè $3\frac{1}{2}$. in 6. & ce ne verrà 22. ilche sarà a punto lo spazio del triangolo di duoi lati uguali *EIG*, raccoglasi dipoi insieme 105. & 22. & ce ne verrà la quantità della propostoci portione maggiore del cerchio che sarà 127. Et se noi trarremo lo spazio del detto triangolo di duoi lati uguali *EIG*, da tutto il partitore *EIGH*, lo spazio ouero campo del quale trouammo poco fa che era a punto braccia 49. vedremo chiaramente che ce ne resterà lo spazio della portione minore *EEH*, che sarà braccia 27. & è questo modo che al presente si è mostro, molto esatto & piu preciso, come si vede, che gli altri modi che usa il vulgo.

Come si misurino i campi che hanno dello ouato.

Cap. XXX.



DA QUEL che si è detto si vede manifesto, come si possono misurare i campi, o le figure che habbino dello ouato, come è la figura che qui di sotto si vede segnata LM, percioche tirata la corda LM, se ne fara due portioni di cerchio uguale l'una all'altra, gli spazij delle quali portioni, ritrouati per quella via che si è detta di sopra, se si raccorranno insieme ci daranno il tutto di esso campo, ouero figura ouata



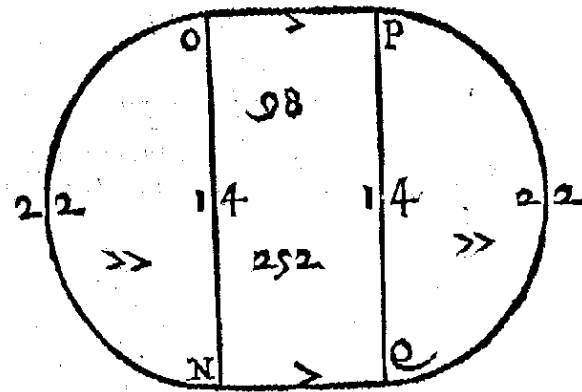
L.M. Seruaci per esempio che la corda LM, sia braccia 12. & l'uno & l'altro de gli altri archi braccia 14. sarà lo spazio di qual si voglia portione braccia 27. le quali raccolte insieme faranno braccia 54. che tanto è il tutto della figura ouale, che qui è disegnata.

Come si misurino i campi che hanno del quadrilungo, & dello ouato. Cap. XXXI.



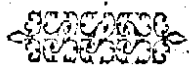
NE MANCO facilmente si puo misurare un campo che sia di figura ouale & quadrilungo, come è lo NOPQ percioche misurati amēduoi gli spazij de mezi cerchi, & il quadrilungo ad angoli a squadra, mediante quelle regole che habbiam dette di sopra, i quali spazij rac-

colti insieme, ci daranno la quantità delle braccia dello intero spazio di questa così fatta figura, come per esempio se l'arco di qual si uoglia mezo cerchio fusse braccia 22. & la linea che li diuide NO, ouero NQ fusse braccia 14. et ciascun de lati OP & NQ braccia 7. sarà lo spazio di qual si uoglia di questi mezi cerchi braccia 77. & lo spazio del quadrilungo ad angoli retti, sarà braccia 98. i quali numeri raccolti insieme faranno 252. che saranno la quantità delle braccia di tutto il nostro presuppostoci campo NOPQ & il medesimo si puo fare similmente di tutte quelle figure che saranno composte di qual si uoglia portione di cerchio, & di linee rette, & non ci potrà scadere forma, o figura alcuna piana di qual si uoglia sorte che con le sopradette regole non si possa misurare.



DEL MODO DI MISURARE
TUTTE LE COSE TERRENE,
DI COSIMO BARTOLI
Gentiluomo, & Academico Fiorentino.

LIBRO TERZO.

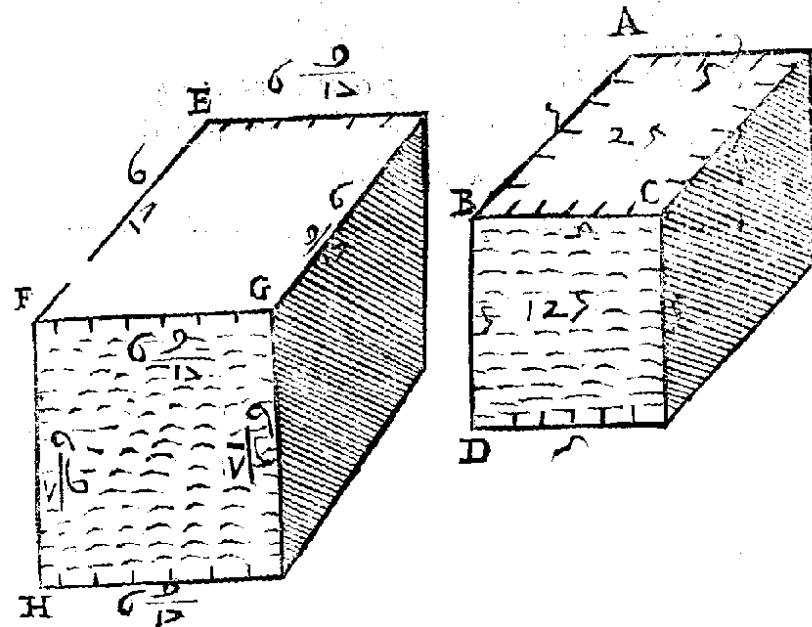


Come si misuri un corpo quadro come un
dado. Cap. I.



VOLERE misurare i corpi, è ragionevole
cominciar prima da quelli che sono di angoli
retti, o a squadra. Per procedere quanto più
si può ordinatamente, & per fare questo co-
minceremaci dal dado, fatto di sei superficie
quadre uguali infra loro & ad angoli retti,
chiamato da Latini Cubo, che è uno de corpi regolari. Multi-
plichisi adunque la superficie quadrata già trouata secondo la re-
gola data nel II. cap. del secondo passato libro, esser braccia 25. nel
lato di se stesso, & quel che ce ne verria sarà la quantità del detto
Dado. Seruaci per esempio che il nostro Dado sia ABCD, cia-
scun lato del quale sia braccia 5. se si moltiplicherà il 5. per se stesso
ci darà 25. che saranno le braccia di una superficie di esso. Mul-
tiplichisi dipoi una di esse superficie per un lato, cioè per 5. & hare-
mo 125. che sarà a punto il numero delle braccia di tutto il Dado le
quali braccia si debbono intendere quadre per ogni uerso, cioè il fondo
ouero la grossezza. Et se si raddoppierà il numero 125. ce ne verria

250. la radice cubica del quale sarà 6 $\frac{2}{3}$. che farebbono la quantità
delle braccia di un lato di un Dado, maggiore per il doppio che il det-
to ABCD, & il simile si potria giudicare se si rimetterassi, o rinquan-
tassi a proportionone. Ma per esempio, ponghinsi soli duoi disegni
in questo modo, cioè lo ABCD, per il primo Dado, & EFGH,
per lo addoppiato, ben prego che chi legge, habbia auuertenza che per
tali dimostrazioni è forza mostrare detti dadi in prospettiva.

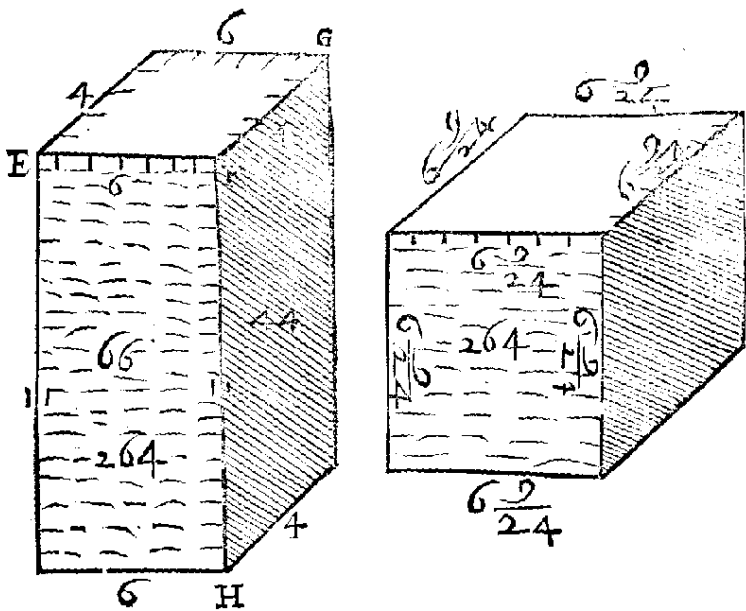


Come si misuri un corpo di angoli retti, ma che habbi la
metà de lati maggiori che li altri. Cap. II.



QUASI nel medesimo modo si misurerà un corpo, oue-
ro dado ancor che sia da una parte più lungo, che
hara gli angoli retti, o vogliamo dire a squadra. Per-
cioche se noi moltiplicheremo una qual si voglia su-
perficie

perficie quadrata, ad angol retto di quelle che terminano detto corpo o dado, in un lato di quelli che con essa si riscontrano ad angol retto, ce ne verrà la grossezza di questo dado lungo. Misurisi adunque lo spazio di qual si voglia superficie secondo la regola della II. cap. del passato libro, & quel che ce ne verrà, multiplichisi come qui di sotto si dirà. Sia il dado lungo EFGH, il lato EF, del quale sia braccia 6. & il lato FG braccia 4. & lo FH braccia 11, & i lati di contro li sieno sempre uguali. Multiplichisi adunque il 6. per 4. & ce ne uerra 24. il qual 24. multiplichisi per 11. & ci dara 264. Ouero multiplichisi 11. per 4. & ce ne uerra 44. il qual rimultiplicato per 6. ci dara 264. Ouero multiplicato 11. per 6. ci dara 66. il quale rimultiplicato per 4. ci dara pure 264. le quali saranno le braccia del nostro dado piu lungo da una parte che dall'altra.



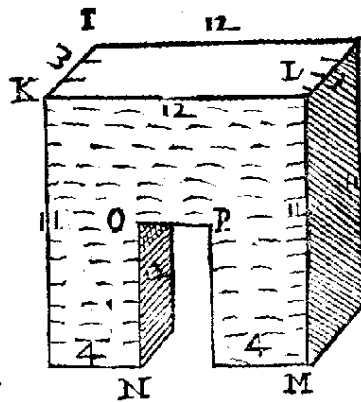
Et se

Et se ci si trouerà la radice cubica di esso 264. come è 6 $\frac{2}{3}$. se ne fara un dado di tante braccia per ciascu lato, che sarà a punto ugnale al primo popostoci dado da una parte piu lungo: come nelle figure disegnate si uede. Et il detto dado lungo si potrà mediante la passata regola addoppiare, rinterzare, o rinquartare a piacimeto.

Come si misuri un corpo di muraglia, o d'altro, che sia a squadra ancor che in esso siano alcuni uani, o finestre. Cap. III.



EDIANTE le cose dette si uede quanto sia facile misurare un corpo di una muraglia, o d'altro fatto a squadra, ancor che in esso siano alcuni uani, o finestre. Seruaci per esempio che il muro, o corpo di muraglia sia IKLM, la grossezza IK, del quale sia braccia 3. & la larghezza KL braccia 12. et la altezza LM, braccia 11. nella qual muraglia sia un uano, o porta che sia NOP, alta braccia 6. & larga 4. multiplichisi 12. per 3. & ce ne uerra 36. il quale multiplicato per 11. ci dara 396. Multiplichisi dipoi 4. per 3. che ci dara 12. il qual multiplicato per 6. ci dara 72. traghasi dipoi 72. dal 396. et ce ne restera 324. Dicesi che 324. braccia quadre è il popostoci muro, o corpo di muraglia, o d'altro IKLM.



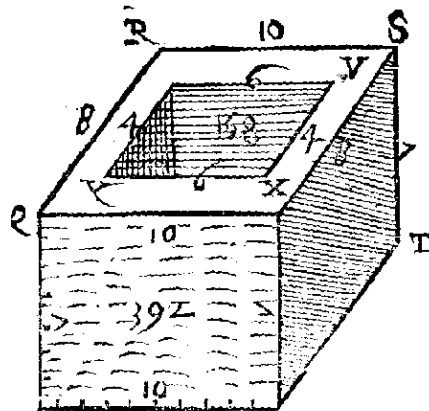
T

Come

Come si misuri un corpo ad angoli retti, che sia uoto dentro. Cap. IIII.



L MODO passato dichiara come si possa misurare un corpo di muraglia, o di pietra, o di marmo che fusse uoto dentro. Percioche presupposti che il nostro corpo simile sia QRST, la larghezza di fuori del quale QR, sia braccia 8. & la lunghezza RS, braccia 10. & la altezza ST, braccia 7. & il vano del uoto di dentro VX, sia per larghezza braccia 4 & per la lunghezza XY, braccia 6. & la altezza quella stessa di prima. Multiplichisi primieramente 10. per 8. & ce ne uerrà 80. il qual si multiplichì per 7. & ce ne uerrà 560. Multiplichisi dipoi 6. per 4. & ne uerrà 24. il quale rimultiplicato per 7. ci dara 168. T raggasi adunque 168. di 560. & ci reste



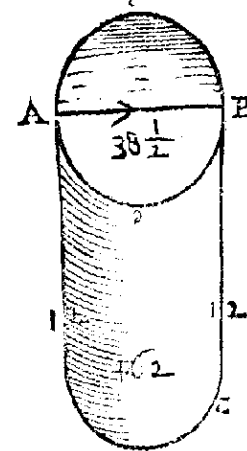
ra 392. dicefi che tate braccia fara il corpo della muraglia propostoci QRST. Il medesimo si potra fare corrispondentemente de gli altri. Di maniera che se si esaminera una uolta diligentemente quati barili di acqua, o di uino, uadino per braccio quadro, potremo facilmente sapere quanto tenga questo, o altro uaso quadro fatto di linee diritte ad angoli retti: che ne ua cinque per braccio quadro.

Come

Come si misurino le colonne generalmente. Cap. v.



E COLONNE sono corpi lunghi che da piede, & da capo hanno base uguali, & da per tutto sono di una medesima grossezza. Ne mi è però nascosto per quest' o che secondo le regole della architettura, elle si uariano in diuersi modi, faccendole nel mezo piu grosse, & ristriggendole a collarini secondo i generi, & le opportunita, o uoglie delli Architettori, ma in questo luogo io intendo di parlare di un corpo fatto a guisa di colonna: ma di uguale grossezza per tutto & terminato da base uguali. Quando adunque la uorremo misurare, multiplichisi la prima cosa la circonferentia della basa nella altezza, o uogliamo dire lunghezza della colonna, & tal multiplicato fara lo spazzo, o uogliamo dire la superficie di detta colonna per la lunghezza, alla quale ag giugnendo amenduoi gli spazzi dell' una & l' altra basa, haremo la intera superficie di tutta la colonna. Multiplichisi dipoi questa superficie per la lunghezza della colonna, & haremo le braccia quadre della grossezza di detta colonna.



Sia la detta' colonna uguale per tutto ABC, la quale i Latini & i Greci chiamarono Cylindro, & il suo diametro AB, cosi da pie come da capo sia braccia 7. & la altezza BC, sia braccia 12. secondo la regola del cap. 26. del passao libro troueremo la circonferentia, di qual si è l' una di dette base essere braccia 22. et lo spazzo della basa $38\frac{1}{2}$. multiplichisi adunque 22.

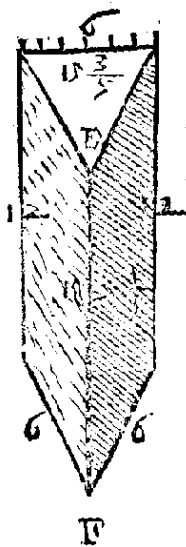
per

per 12. & ne uerra 264. a quali aggiungasi due volte 38 $\frac{1}{2}$. cioè 77. & ce ne uerra 341. dicefi che tante braccia quadre è tutta la superficie di detta colonna, & se ei si moltiplichera 38 $\frac{1}{2}$. per 12. ce ne uerra la intera grossezza della colonna, che saranno braccia 462. di fodo.

Come si misuri una colonna che sia in triangolo di lati uguali. Cap. V 1.



IA la colonna in triangolo DEF, et i triangoli siano uguali, & di lati uguali da capo & da piede, et ciascun lato del triangolo sia braccia 6. & la altezza braccia 12. p quella regola che si dette nel cap. 5. del passato libro trouerremo lo spazio di esso triangolo essere braccia 15 $\frac{1}{2}$. & il suo ambito 18.



Moltiplichisi adunque primieramente 18. per 12. & ce ne uerra 216. al qual numero aggiungisi due volte il 15 $\frac{1}{2}$. cioè 31 $\frac{1}{2}$. & ce uerra 247 $\frac{1}{2}$. dicefi tante braccia quadre essere la superficie di detta colonna. Moltiplichisi dipoi esso 15 $\frac{1}{2}$. per il 12. & ce ne uerra 187 $\frac{1}{2}$. che saranno le braccia della grossezza di detta propostaci colonna in triangolo DEF.

Come

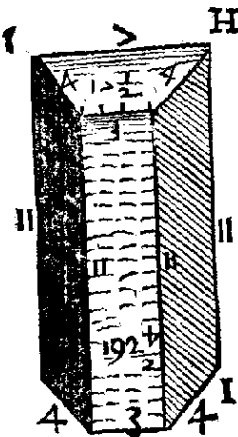
Come si misurino le colonne di forme quadrate.

Cap. V I L



E LA colonna sarà quadra ad angoli retti, si misura in quel medesimo modo che dicemmo nel cap. 2. di questo libro, che si misurauano i corpi ad angoli retti che haueuano una parte de lati, piu lunga che l'altra. Ma se le sue base saranno irregolari, cioè di lati & di angoli disuguali, trouato lo spazio della basa, come si insegnò nel ca. 15. del passato libro, si ha nel resto a operare, in quel modo che poco fa si è detto nel capitolo inanzi a questo.

Siaci proposta la disegna ta colonna GHI, di forma quadrangolare, & quanto alla basa di lati & di angoli disuguali, se ben le base respectiuamente sono fra loro uguali. I lati maggiori delle quali base siano braccia 7. l'uno, et quei de fianchi braccia 4. l'uno, & quei dinanzi braccia 3. l'una, & la altezza di detta colona sia braccia 11.



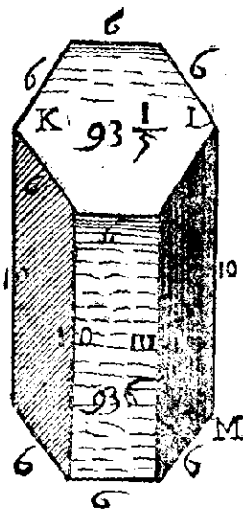
Sarà dunque lo spazio di questa basa, secondo la regola del 15. cap. del passato libro braccia 17 $\frac{1}{2}$. & il suo ambito braccia 18. Moltiplichisi adunque 18. per 11. & ce ne uerra 198. al quale aggiungasi due volte 17 $\frac{1}{2}$. cioè 35. & ce ne uerra 233. che saranno le braccia di tutta la superficie di questa colonna quadrangolare. Moltiplichisi dipoi 17 $\frac{1}{2}$. nel medesimo 11. & ce ne uerra 192 $\frac{1}{2}$. il qual

qual numero sarà a punto la quantità delle braccia della grossezza di detta colonna GHI.

Come si misuri una colonna di sei facce. Cap. VIII.



L MODO di misurare la colonna di sei facce potrà scegliere gli ingegni di coloro che leggono, a poter trouare il modo di misurare le altre colonne, che hauesino diuersi & varij angoli. Sia la colonna di sei facce KLM, la altezza della quale sia braccia 16. & qualunque lato delle sei facce, sia braccia 6. sarà adunque la sua circonferentia braccia 36. & lo spazio braccia $93\frac{1}{7}$. secondo la regola data nel 23. cap. del passato libro. Multiplichisi adunque 36. per 16. & ce ne uerra 576. al quale aggiungasi due uolte $93\frac{1}{7}$. cioè 187 $\frac{2}{7}$. et



ne uerra 763 $\frac{2}{7}$. che sono il numero delle braccia di tutta la superficie, multiplichisi adunque dipoi $93\frac{1}{7}$. per la altezza, cioè per 16. & ne uiene 1497 $\frac{2}{7}$. & tante saranno le braccia della grossezza di tutta questa colonna. Il simile si potrà fare di tutte le altre colonne simili, ne douiamo marauigliarci se il piu delle volte il numero delle braccia superficiali auanza il numero delle braccia della

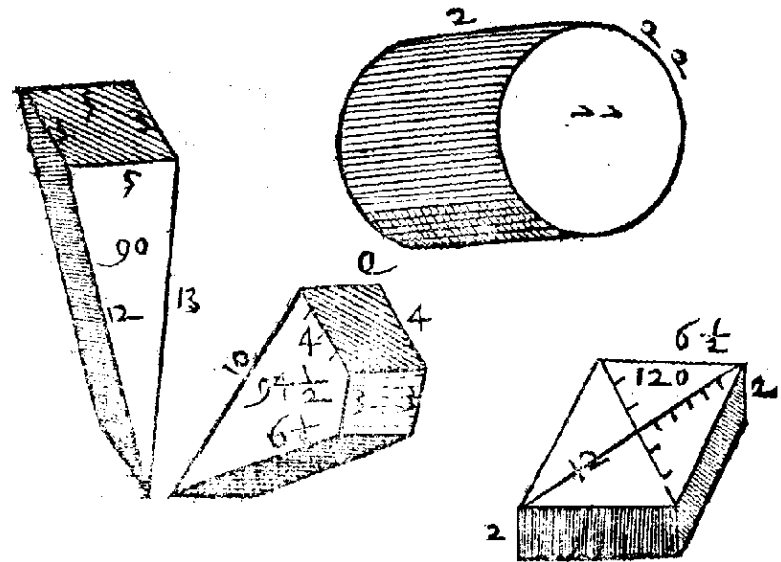
grossezza, imperoche in qualunque braccio di fondo, o di grossezza sono braccia sei quadre.

Come

Come si misurino i rocchi, o pezzi di qual si uoglia colonna. Cap. IX.



D ALLE regole passate si uede manifesto, come si possa misurare qual si uoglia pezo, o rocchio di colonna tonda, o triangolare, o quadrangolare, come è il disegno N, che pare una macina, o il disegno O, che è come un conio, o il P, simile ad una mandorla, o il Q forma quadrangolare di diuersi lati & angoli, & simili altri corpi che da per tutto siano di una medesima altezza. Percioche trouati gli spazi delle base come si è detto ne passati capitoli. Se le si multiplicheranno per la altezza ne nascerà la quantità delle braccia di essi corpi, cioè le braccia della grossezza. Ne fa di mestiero di mostrare par



icular=

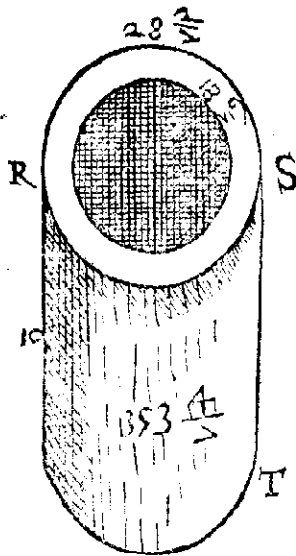
LIBRO

icularmente con gli esempi il modo del misurare qual voglia di questi corpi, potendo occorrerci una moltitudine di essi infinita, & essendo la regola data generale per tutti, basti solo perne 4. in disegno con i lor nomi & numeri per dimostrazione.

Come si misurino le colonne uote. Cap. x.



BISOGNA per misurare le colonne uote trouare la grossezza del tutto, non altrimenti che se ella non fusse uota, ma massiccia. Et dipoi trouare ancora la quantità del suo uoto; & trarlo della grossezza del tutto. Seruaci per esempio una colonna di lati uguali & base ancora uguali, che sia RST, la altezza della quale sia braccia 10. il diametro del cerchio di fuori, braccia 9. & quel del cerchio di dentro,



braccia 6. la circonferentia adunque del cerchio maggiore sarà braccia $28\frac{2}{7}$. & il suo spazio braccia $63\frac{2}{7}$. & lo spazio del cerchio minore sarà $28\frac{2}{7}$. & la circonferentia $18\frac{6}{7}$. Multiplichisi adunque primieramete $63\frac{2}{7}$ per 10. et ce ne uerra la quantità di tutta la grossezza che sarà $636\frac{1}{7}$. Multiplichisi dipoi $28\frac{2}{7}$ per 10. & ce ne uerra $282\frac{6}{7}$. traggasi questo numero da $636\frac{1}{7}$. et

ce ne restera $353\frac{4}{7}$. & tante braccia viene ad essere la grossezza di essa colon-

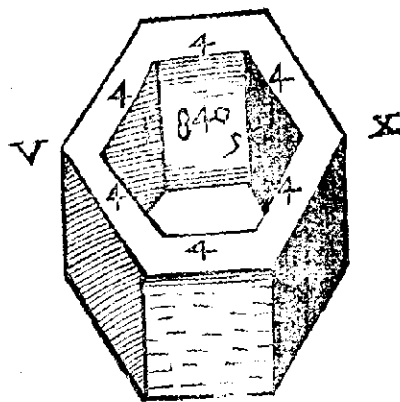
TERZO.

essa colonna uota, puossi ancora trarre $28\frac{2}{7}$. da $63\frac{2}{7}$. & multiplicare quel ci resta per 10. et ci accorgeremo di hauere il medesimo numero delle braccia $353\frac{4}{7}$.

Come si misurino le capacità di qual si uoglia corpo, o uaso uoto, che sia regolare. Cap. XI.



NEL misurare si fatti vasi piglisi la pianta, o spazio del fondo di dentro & multiplichisi per la sua altezza, ouero profondità, & ci dara la misura di quanti barili sia capace detto uaso, posto però che noi sappiamo prima quanti barili entrino per braccio quadro. Seruaci per esempio che un braccio quadro tenga barili 4. de nostri da uino, & sia il uaso di sei facce V X. i lati del quale & nel fondo, & in bocca ancora siano ugualmente braccia 4. & la sua altezza, o profondità sia braccia 5. per tutto, sarà adunque lo spazio del fondo braccia 42 per quel che si mostrò nel 23. cap. del passato libro, multiplichisi adunque 42. per 5. & ce ne uerra 210. Dicefi che tante braccia quadre è la capacità del uaso. Et perche si è detto che qual si uoglia braccio quadro tiene 4. barili de nostri da uino, multiplichisi di nuouo 210. per 4. & ce ne uerra 840. Debbesi adunque conchiudere che il detto uaso tiene barili 840. da uino, & gli



V chiamo

chiamo da vino a differentia del barile da olio che si fa che è minore. Et però auuertiscasi bene che qualità di liquore, habbi a tenere il vaso, & che quantità sia quella del barile con che si misura detto liquore.

Come si misurino le piramide. Cap. XII.



VTTE le Piramidi, o Aguglie che sono di base, o lati regolari si misurano in un medesimo modo.

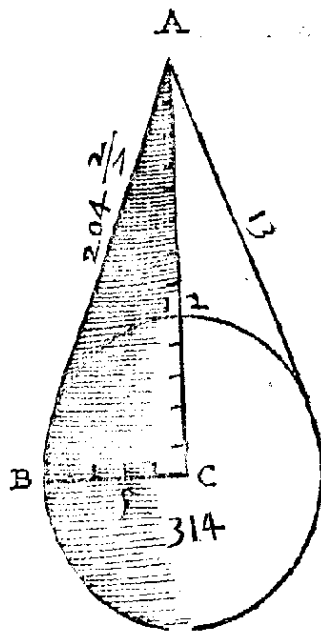
Perciò che se si moltiplicherà la base di qual si uoglia piramide regolare per la terza parte della sua altezza, ce ne verrà la sua grossezza, oueramente se si moltiplicherà lo spazio di essa base per tutta la altezza della piramide, & pigliasi il terzo di quel che ce ne verrà sarà il medesimo. Conciosia che qual si uoglia piramide a facce è la terza parte di una colonna che fusse della medesima altezza, & hauesi la medesima base. Il che interuiene ancora delle tonde pur che l'una, & l'altra habbino una medesima altezza, & una medesima base, come pruoua Euclide al nono cap. del 12. libro. Restaci a mostrare in che modo si troui la altezza di detta piramide, cioè la linea del piombo, che dalla sua punta cade nel centro della base, il che faccisi in questo modo, moltiplichisi il lato che sta a pendio di detta piramide per se stesso, & pongasi da parte tale moltiplicato: dipoi moltiplichisi il mezzo diametro del cerchio, della base pur in se stesso, et traggasì quel che ce ne viene dal moltiplicato che si pose da parte, & di quel che ci resta cauise ne la radice quadrata che sarà la proposta altezza della piramide.

Seruaci per esempio che la piramide sia ABC, & dalla cima sua A, sino alla circonferentia della base sia braccia 13. bisogna primieramente trouare la linea del piombo AC, però moltiplichisi il 13

in se

in se stesso ci darà 169. posto che tutto il diametro sia 10. torrenne la metà, cioè 5. & moltiplicato in se stesso ci darà 25. il che traggasì del 169. & ci resterà 144. la radice quadrata del quale è 12. dunque 12. braccia sarà la linea del piombo AC, per ciò che secondo la quarantesima del primo di Euclide, il quadrato che si facesse della linea AB, sarebbe uguale a duei quadrati che si facessero della linea AC, & della CB. Lo spazio finalmente del cerchio BC, cioè la base è braccia $78\frac{2}{7}$. & la sua circonferentia $31\frac{2}{7}$. secondo quel che si disse nel cap. 25. del passato libro. Moltiplichisi adunque $78\frac{2}{7}$.

per 12. & ce ne verrà $942\frac{4}{7}$. il terzo del qual numero è $314\frac{2}{7}$. che è la quantità delle braccia quadre della grossezza della detta piramide ABC. Ouerramente moltiplichisi il detto $78\frac{2}{7}$. per 4. cioè per la terza parte di esso 12. & ce ne uerrà di nouo $314\frac{2}{7}$. come prima. Ma se uolesimo sapere le braccia quadre superficiali, moltiplichisi il lato AB, per la metà della circonferentia della base, e quel che ce ne uerrà saranno le braccia quadre superficiali della detta tonda piramide. Ouero moltiplichisi la



base per il lato medesimo AB, & diuidasi quel che ce ne viene per il mezzo diametro BC, per ciò che ce ne verrà la superficie della piramide,

V 2 mide,

vide, alla quale se si aggiugnerà la superficie della basa, haremo la intera superficie di tutta la piramide. Multiplichisi adunque la prima cosa la metà di essi $31\frac{1}{2}$. cioè $15\frac{1}{2}$. p 13. et ce ne verrà $240\frac{1}{2}$. Ouero multiplichisi $78\frac{1}{2}$. per 13. et ce ne verrà $1021\frac{1}{2}$. ilche partito per 15. ci darà di nouo $204\frac{1}{2}$. Dicesi che tante sono le braccia superficiali di detta piramide senza la basa, alle quali se si aggiugneranno le $78\frac{1}{2}$. della basa haremo il tutto delle braccia superficiali che saranno $282\frac{1}{2}$. a punto.

Come si misuri una piramide di quattro facce.

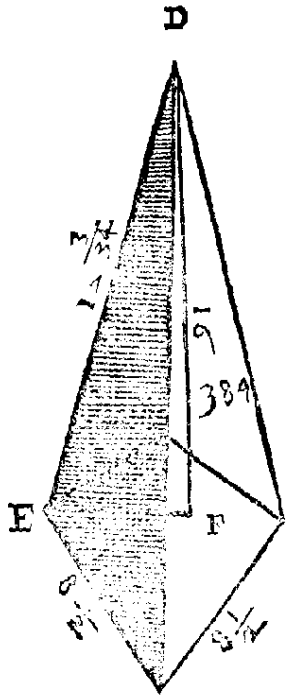
Cap.

XIII.



IA la piramide di quattro facce da misurarsi DE F

ciascun lato della basa della quale sia braccia $8\frac{1}{2}$. et la linea che dalla cima D, cade in su gli angoli della basa sia braccia $17\frac{1}{2}$. et la meza schiacciata della basa che uada angolo ad angolo sia braccia 6. lo spazio della basa adunque secondo il cap. II. del passato libro, sarà braccia 72 et la linea del piombo DE, cioè la altezza della piramide, sarà braccia 16. Se si multiplicherà 6. per se stesso ha-



remo

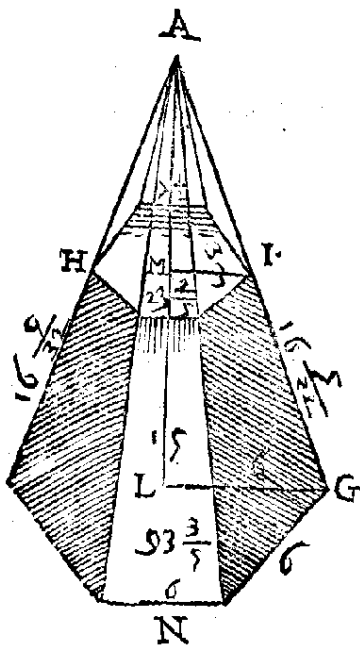
remo 36. et $17\frac{1}{2}$. ancora multipicato per se stesso ci darà 292. dal quale se ne trarremo 36. ci resterà 256. la radice quadrata del qual numero è 16. multiplichisi adunque 72. per il terzo di detto 16. che $5\frac{1}{2}$. et ce ne verrà 384. Ouero multiplichisi il medesimo 72. per 16. et ce ne verrà 1152. il terzo del quale multipicato è pure 384. Conchiudesi adunque che la grossezza di questa piramide è braccia 384 quadre. Et la sua superficie si trouerà facilmente, se trouata la quantità di una delle sue facce, cioè quante braccia superficiali ella è dispersa, le accozzeremo tutte a quattro insieme con la superficie ancora della loro basa.

Come si misuri una piramide che non fusse intera, cioè un tronco di piramide. Cap. XIII.



E per auentura ci fusse proposto a misurare un troncone di una piramide, che li mancasse la punta, ma dalla basa al suo tutto fusse di linee di una medesima lunghezza, faccisi in questo modo. Tirinsi le linee de suoi lati insino a tanto che congiugnendosi insieme terminino il tutto della parte che manca, dipoi misurisi tutta la piramide, secondo la passata regola. Misurisi ancora dipoi quel supplemento della piramide che si è fatto di linee, non altrimenti che se fusse una piramide dispersa; Et quel che di questa ci verrà, si tragga della misura di tutta la piramide maggiore; et quel che ci rimarrà sarà la grossezza del troncone della piramide, ouero della piramide spezzata. Seruaci per esempio che questa piramide rotta sia di 6. facce GHI, terminata dalla basa di sotto, et dalla rottura di sopra che sieno facce piane di sei lati l'una con angoli fra loro uguali; et le sei facce de lati sieno ancora fra loro uguali, ciascuna delle quali sia braccia

braccia 6. & i lati della rottura, o piano di sopra siano braccia 3. l'uno. Ponghinsi duoi regoli a diritto per lo lungo de duoi lati oppo-
siti l'uno all'altro talmente lunghi che andando ad unirsi insieme, terminino la lunghezza della piramide come se non fusse rotta: &



doue detti regoli concorrono ad congiungersi insieme sia il K, & il lato GK, braccia $16\frac{2}{3}$. et HK, braccia $8\frac{1}{2}$. sarà adunque la linea del piombo KL, braccia 15. et KM, braccia $7\frac{1}{2}$. & la pianta della basa, ouero spazio di tutta la piramide sarà braccia $93\frac{1}{2}$. et lo spazio della rottura o piano di sopra HI, braccia $23\frac{2}{7}$. talche per le sopradette cose la grossezza di tutta la piramide, sarà braccia 468 . quadre. Et la grossezza della piramide minore HKI sarà braccia $58\frac{1}{2}$. se si trarrà adunque $58\frac{1}{2}$. del 468 . ce

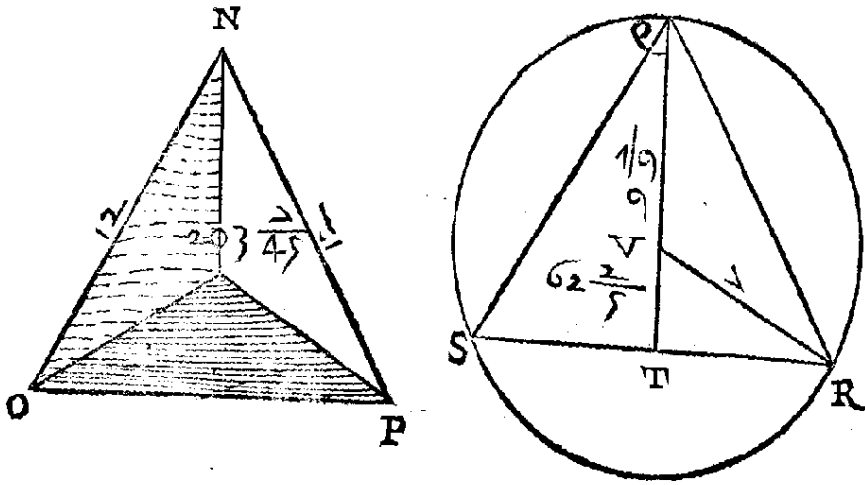
ne resterà $409\frac{2}{7}$. Dice si la piramide rotta, o moza essere braccia $409\frac{2}{7}$. cioè la sua grossezza.

Come si misuri una piramide di quattro triangoli uguali, che si potrebbe chiamare quattro base,

Cap. XV.



EDIANTE le passate regole si uede manifesto, come si puo misurare una piramide, che fusse fatta di quattro triangoli uguali, uno de quali seruisse per base, & gli altri tre per i lati. Seruaci per esempio che la presente figura segnata NOP, sia la nostra proposta piramide, ciascun lato della quale sia braccia 12. & il mezzo diametro del cerchio che fusse disegnato intorno a qualunque si uogli di detti triangoli, sarebbe braccia 7. et la linea del piombo che da qual si uoglia angolo cade si, sul mezzo del lato a detto angolo opposto, o contrario sarebbe braccia $9\frac{2}{7}$. et lo spazio di qual si uoglia triangolo di lati uguali saria braccia $62\frac{2}{7}$. come si uede nel disegno segnato QRS, che il mezzo diametro del cerchio tirato intorno allo spazio del triangolo RV, è braccia 7. di quelle medesime che il lato del triangolo è 12. & la linea del punto QT, è braccia $9\frac{2}{7}$. talche da queste cose si puo vedere che lo spazio di qual si uoglia triangolo è braccia $62\frac{2}{7}$. per il che la grossezza tutta della piramide di quattro triangoli NOP, è tutta braccia $203\frac{2}{7}$. sode, cioè braccia 203. & quasi un sesto di braccio. Delche eccome le figure.



Come si misuri una piramide tonda, per uolene segandola cauarne uno ouato. Cap. X V I.

MOLTE volte puo occorrere alli artefici che di una piramide tonda, o di porfido, o di diaspro, o d'altra pietra fine, o forse gioia, gli bisogni segandola cauarne uno ouato, non perdendo punto di detta pietra, o gioia, se non quanto porta via nel passare la sega; & che segata la piramide ci scuopra quella forma dello ouato, che ci saremo presupposta, & che cauarne se ne possa secondo che comporta la grossezza, & la altezza di detta piramide, Per la qual cosa ci bisogna considerare prima in quanti modi si puo segare la piramide, i quali modi sono quattro, o a trauerso, o a schiancio senza arriuare alla basa, o a schiancio, & tagliare anco parte della basa, ouero per lo lungo secundo il piombo di detta piramide.

Quanto a trattare del primo modo, cioè del segarla per trauerso non mi distenderò nel parlarne, perche dandoci tali segature sempre forme

forme tonde, si puo con un paio di seste con le punte torte all'indietro, pigliare sempre la grossezza in ogni luogo della piramide, & secondo che vorremo maggiore, o minore diametro quiui dirizare il filo per la sega. Ma quando ne vorremo segandola a schiancio cauarne una forma ouata, faccisi in questo modo. Dicasi che la piramide sia A E C D E, & che la sua linea del piombo sia A E, di braccia 2. & il suo diametro B D, braccia 1. & che se ne vogli cauarne uno ouato alto braccia 1. & largo $\frac{2}{3}$. di braccio, rizzisi per formare lo ouato una linea di un braccio che sia F G, & diuidasi in 12. parti uguali, & da ciascuna diuisione tirinsi linee fra loro parallele che faccino angoli a squadra cò la F G, nelle loro intersecationi, alle quali cominciando da F, applichinsi i numeri 1. 2. 3. 4. &c. fino a che il 12. uenga al G. Diuidasi dipoi il lato della piramide A D, in due parti uguali: & detta diuisione si chiami F, & presa poi la altezza F G, che si ordinò per formare lo ouato, con le seste, trasportisi nella piramide; talche il piè delle seste che nella linea per lo ouato si pose alla F, torni alla F, della piramide, & con l'altro guardasi doue si interseghi il lato A B, di essa piramide, & quiui fatto un punto, si chiami G, talche haremo di già trasportata la altezza dell'ouato, nella piramide; ma a schiancio, alla quale applichinsi le diuisioni & i numeri che ha l'altra, & da ciascuna diuisione tirinsi linee trauesse dal piombo A E, della piramide sino al lato A D, che serbino sempre la uguale altezza che tocca loro, infra esse & la basa; & ciò si faccia infino a tanto che le diuisioni non passano la linea del piombo A E, percioche quando le diuisioni passano la linea del piombo verso il lato A B, bisogna anco tirare dette trauesse dal piombo, al lato A B. Fatto questo disegnisi un cerchio sotto la piramide, che habbi tanto diametro quanto ha la piramide, & il suo centro venga a diritto del piombo A E. Questo cerchio rappresentando la pianta della

piramide segnisi ancor esso $ABCDE$. Tirisi dipoi da ciascuna delle diuisioni della FG , della piramide linee diritte parallele infra loro, & fra il piombo AE , che vadino a diuidere cosi la piramide come la pianta, nella parte della quale BED , che vien diuisa dalle dette, notinsi i numeri per quello ordine che si notarono di sopra. Aprinsi dipoi le feste per la larghezza che è fra la linea del piombo AE , & la F , principio della FG , in essa piramide, & trasportando questa distantia nella pianta, tenendo fermo un pie delle feste nel centro A , tirisi una portione di cerchio, qual ci daranno le feste dalla linea del numero 1. nella pianta fino a tanto che passando per il diametro AD , termini nella altra parte di detta linea 1. talche ella diuenti corda di questo arco. Tornisi dipoi nella piramide a pigliare l'altra distantia fra la linea del piombo AE , & il lato AD , del numero, o diuisione 2. & trasportisi nella pianta, & con un pie delle feste fermo pur nel centro A , tirisi quella portion di cerchio che tocca alla linea 2. della pianta, come si fece della linea 1. talche una parte di detta linea 2. diuenti corda di detto arco che le tocca. Et cosi successiuamente si facci di tutte le altre, sino a tale che i numeri non passano la linea del piombo, come si vede il 4. nel disegno, che è fra il piombo & il lato AD . Ma quando i numeri sono fra il piombo, & il lato AB , bisogna pigliare queste distantie fra il piombo, & il lato AB , come interuiene della diuisione segnata 5. & trasportarla nella pianta, & far come delle altre, quella portione di cerchio che tocca a detta linea 5. della pianta, talche parte di essa ne diuenti corda. Et cosi seguire di fare di tutte. Trasportate che haremo tutte le distantie nella pianta, et tirati i loro archi piglisi la corda intrapresa del primo arco segnato 1. & trasportisi nella linea 1. dello ouato FG , & cosi tutte l'altre, ma ciascuna però rispettuamente a numeri corrispondenti, & vedremo che come il diametro BD , della

della pianta diuide le corde di detti archi, cosi la FG , dell'ouato diuide a corrispondentia le parallele, o corde dello ouato. Vedremo oltre questo che la corda dello arco 6. sarà a punto la larghezza del nostro ouato, cioè $\frac{2}{3}$, conciosia che ella è la linea della diuisione della schianciana FG , che la diuide a punto nel mezzo. Adunque la pianta ci mostra che quando la sega sarà passata per la linea FG , della piramide, & la hara diuisa, haremo uno ouato simile a quello ci eramo proposto alto 1. braccio & largo $\frac{2}{3}$. Et ricordiamoci che a uolere mantenere la lunghezza & la larghezza di tale ouato, non si puo porre in cosi fatta piramide il filo per la sega in altro luogo che nel detto, perche si varierà sempre la forma dello ouato, ogni uolta che trasporteremo, o piu su, o piu giu nella piramide, detta FG , conciosia che trasportandola in su la larghezza diuenta sempre minore, & trasportandola in giu maggiore, manerrebbe si adunque la altezza & non la larghezza, come ancora se uolesimo trasportare, o piu su, o piu giu la stessa larghezza si uarierebbe la lunghezza, & questo basti quanto al cauare lo ouato, la larghezza o lunghezza del quale hauendo hauuti questi auuertimenti si potra pigliare a corrispondentia piu su, o piu giu come ci tornerà piu commodo.

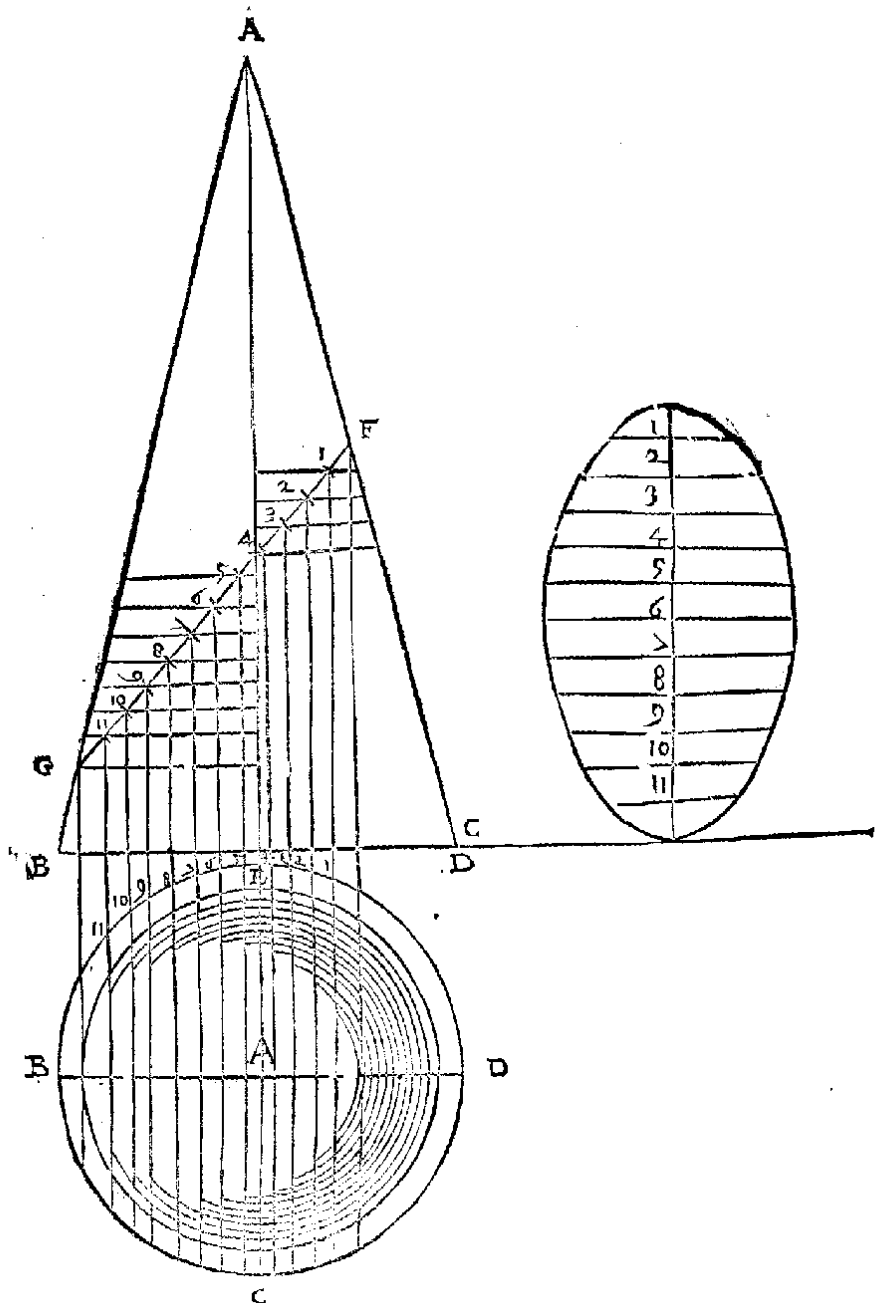
Ma quando si uolesse cauare di detta piramide una faccia, o forma che non fusse ouata del tutto, ma che hauesse da piede una basa, bisogna considerare che larghezza noi uogliamo che habbi detta basa di tal faccia, o forma, & trasportarla nella pianta talmente che diuenti corda di quel arco che li tocca, & per esempio dicasi che la pianta, & la piramide sia la medesima che la passata, & che ne uogliamo cauare una forma che sia parte di ouato, alta medesimamente un braccio, et larga nella sua basa $\frac{2}{3}$. aprinsi le feste per la larghezza di detti $\frac{2}{3}$. & trasportisi nella pianta ad angoli a squadra del diametro BD , & si chiami HI , la quale tirisi in lungo sino nella basa

L I B R O .

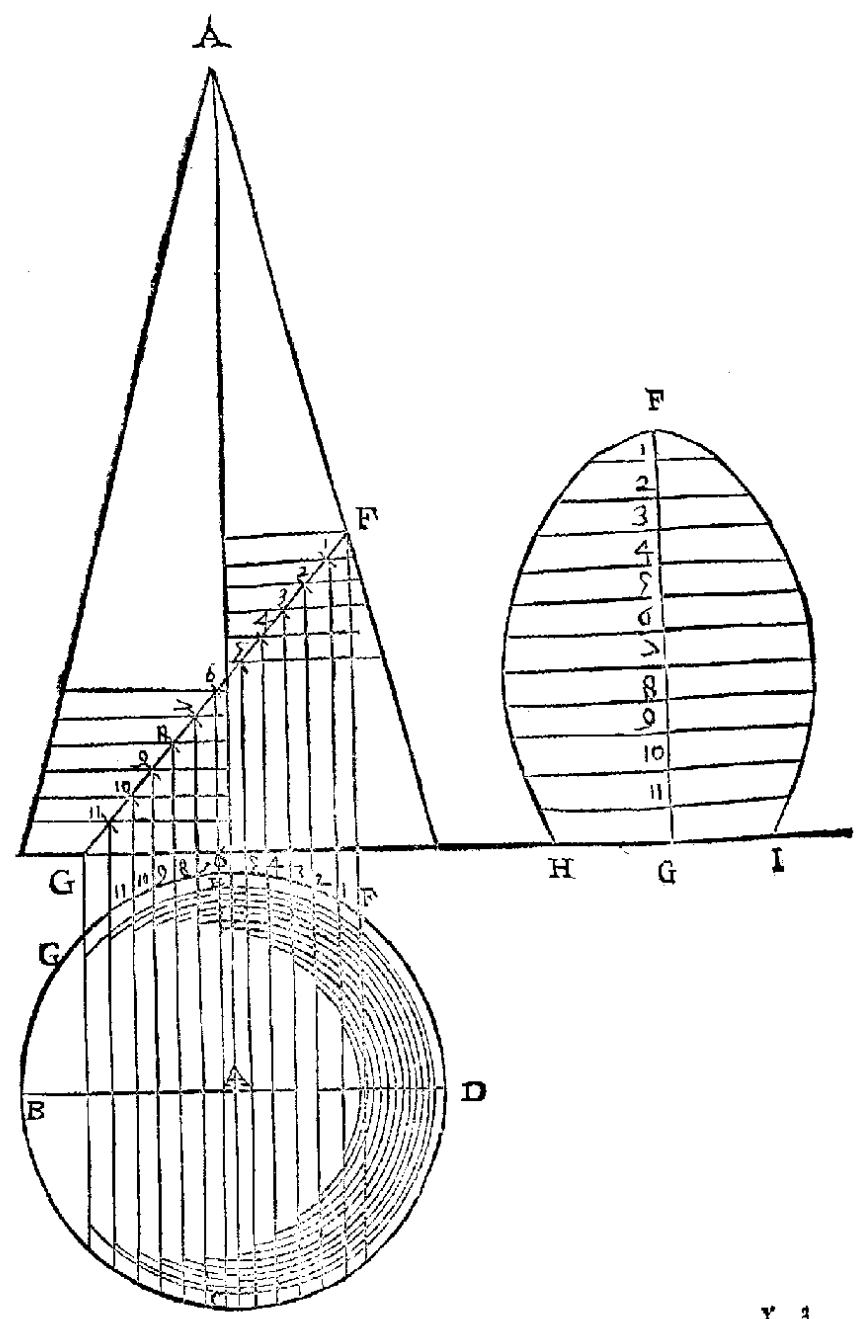
della piramide, & douc la tocca quini si segni C, aprirsi poi le fesse alla altezza di un braccio, & fermo un piè di esse in detto C, ueggasi douc l'altro intersega il lato A D, della piramide, et quini si segni F, & tutto il resto si operi nel medesimo modo che si fece nella operatione passata. & nella fine di tale operatione vedremo la forma dello ouato essere qualo ci mostra il disegno che segue, che sarà alto braccio 1. & largo da piè $\frac{2}{7}$. ne si puo di così fatta piramide cauare forma simile che ci dia le dette altezze & lunghezze in altro luogo, perche variando uno di questi termini, varia sempre lo altro, ma si puo bene tenendo ferma la lunghezza hauere dal piè dello ouato piu o meno di $\frac{2}{7}$. secondo ci tornerà piu commodo, o che varieremo nel trasportare la quantità della corda che vorremo in essa pianta, del piu, o del meno de $\frac{2}{7}$. potremo ancora tenendo ferma la larghezza del da piede de $\frac{2}{7}$. fare la altezza, o piu lunga, o piu corta di detta forma, che già ci proponemmo di un braccio, come potrà vedere chi ne sarà esperienza con le dette regole, & per maggior dichiarazione ueggasi in disegno quel che si è detto.

Ma quanto al ultimo modo di segar la piramide per la lunghezza parallelamente al suo piombo, perche facilissimamente solo con il pigliare le altezze, dalla altezza della piramide, et le larghezze dalla basa di detta si puo vedere & trouare qual si voglia faccia che ci vogliamo, non ne dirò altro.

Come



T E R Z O .

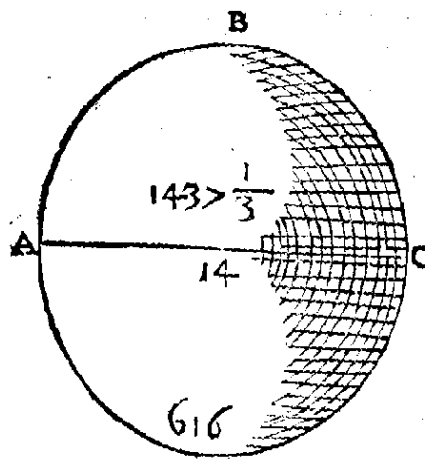




PARE a molti come in uero è che una palla, ouero un corpo sferico, sia il comune ricetto de cinque corpi regolari, come che dentro ad esso si possino disegnare detti corpi, & non dentro a nessuno altro corpo, o forma di corpo. La detta palla si puo misurare in duoi modi, cioè o la superficie di fuori, o tutta la grossezza, & per far ciò. Moltiplichisi primieramente il diametro della palla per la sua maggior circonferentia: & quel che ce ne uerrà, sarà la quantità delle braccia della superficie di detta palla, et la ragione è che la superficie tonda è uguale, o simile ad un cerchio il diametro del quale fusse il doppio maggiore che quel della palla. Ouero moltiplichisi lo spazio della circonferentia di detta palla per 4. & ce ne uerrà il medesimo, perche la superficie è per quattro tanti dello spazio, cioè del cerchio descritto in piano intorno al suo diametro. Seruaci per esempio la dimostrazione della palla disegnata qui di sotto A B C, il diametro, della quale cioè quello della superficie sia braccia 14. adunque per il 26. cap. del libro passato, la circonferentia della palla sarà braccia 44. & lo spazio 154. Moltiplichisi adunque 44. per 14. & ce ne uerrà 616. ouero 154. per 4. & ce ne uerrà il medesimo 616. & tante braccia è la superficie di detta palla A B C.

Ma se noi uolestimo sapere la grossezza di detta palla, cioè quante braccia sode ella è lo potremo sapere in quattro modi. Primieramente moltiplichisi la quantità della superficie della palla per la sesta parte del diametro. Ouero la terza parte della superficie nel mezzo diametro, oueramente moltiplichisi lo spazio della circonferentia in tutto il diametro di detta palla, & pigli sene i duoi terzi di tale moltiplicato. Conciosia che secondo Archimede, quella colonna che

ha per basa il cerchio della palla, & per altezza il diametro di detta palla corrisponde per sesquialtera, cioè per la metà più a detta palla. Ultimamente troueremo il medesimo, se misurata una piramide tonda, che habbi la basa quanto la circonferentia della palla, & alta quanto il mezo diametro di detta palla, & la multiplicheremo per 4. conciosia che la palla è per quattrotanti di detta piramide come poco fa si disse. Multiplichisi 616. per $2\frac{1}{3}$. che è la sesta parte di esso diametro già detto 14. & ce ne verrà 1437 $\frac{1}{3}$. oueramente multiplichisi 205 $\frac{1}{3}$. che è il terzo di esso 616. già trouata superficie, per 7. che è il mezo diametro, & ce ne verrà di nuovo 1437 $\frac{1}{3}$. Et se si multiplicherà 154. per 14. ce ne verrà 2156. i duoi terzi del quale multiplicato sarà medesimamente 1437 $\frac{1}{3}$. Ouero se si multiplicherà 154. per $2\frac{1}{3}$. cioè per la terza parte del mezo diametro ce ne uerrà



359 $\frac{1}{3}$. il qual numero multiplicato per 4. farà medesimamente 1437 $\frac{1}{3}$. per il che per tutti questi modi si troua la grossezza della palla essere 1437 $\frac{1}{3}$. Da questo si puo raccorre così la grandezza di essa meza palla, quanto ancora la grandezza del suo sodo, imperò che saputa la metà dell'una & dell'altra, sapremo quel che andauamo cercando.

Potremo trouare ancora il medesimo se si multiplicherà la circonferentia per il mezo diametro, ouero multiplichisi lo spazzo della detta palla per 2. & haremo la metà della superficie tonda. Accioche

cioche tutte le cose siano come nel passato esempio, multiplichisi 44. per 7. o 154. per 2. & nel un modo & nell'altro, ce ne verrà 308. che è la metà di 616. al quale se si aggiugnerà 154. ce ne verrà la intera superficie della meza palla che sarà braccia 462.

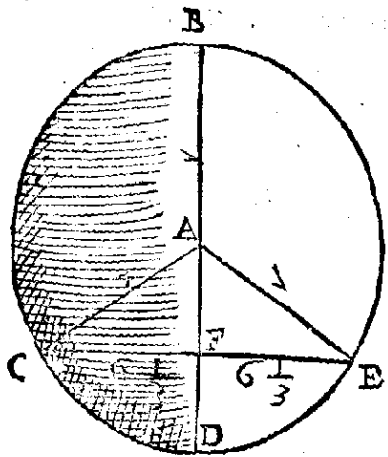
Ma se noi vogliamo la grossezza della meza palla, multiplichisi la superficie della palla per la sesta parte del mezo diametro. Ouero la terza parte di essa superficie della palla per il mezo diametro. Ouero lo spazzo del cerchio maggiore per il mezo diametro, & piglisi i duoi terzi del multiplicato. Ouero multiplichisi lo spazzo di esso cerchio, o circonferentia per un terzo del mezo diametro, & raddoppi il multiplicato, & ce ne verrà sempre la meza grossezza della palla. Ma mostrinsi li esempi secondo l'ordine detto di sopra. Multiplichisi 308. per $2\frac{1}{3}$. & ce ne verrà 718 $\frac{2}{3}$. ouero multiplichisi 102 $\frac{2}{3}$. che è il terzo della superficie della palla per 7. che è il mezo diametro, & ce ne verrà medesimamente 718 $\frac{2}{3}$. ouero multiplichisi 154. per il medesimo 7. & ce ne verrà 1078. i duoi terzi del quale è pare 718 $\frac{2}{3}$. Et se si multiplicherà 154. per $2\frac{1}{3}$. ce ne verrà la piramide 359 $\frac{1}{3}$. che addoppiata ci farà medesimamente 718 $\frac{2}{3}$. tanta è adunque la grossezza della meza palla, perche 718 $\frac{2}{3}$. è la metà di 1437 $\frac{1}{3}$.

Come si misuri un segamento maggiore, o minore del diametro di una palla, o la portion maggiore, o minore di detta palla. Cap. XVIII.



ENOI hauesimo a segare una palla, una parte della quale hauesi ad essere maggiore della metà, & che il segamento hauesse ad essere, o maggiore, o minore del diametro, faccisi in questo modo per sapere il segamento, & la superficie, & la grossezza. Sia il cerchio

cerchio maggiore della palla $A B C D E$, cioè A centro, $\&$ $B D$ dia-
metro, $\&$ $C E$ sia il filo del segamento minore, che con angoli a squa-
dra interseghi il diametro $B D$, nel punto F , uche viene ad esser dia-
metro del cerchio minore, che diuenterebbe il piano, o faccia di tale
segatura se per esso passasse la sega, $\&$ si facesse due parti disuguali
di detta palla, della quale la parte maggiore della meza palla sareb-
be $C B E$, $\&$ la minore $E D C$. Se vorremo un segamento maggio-
re del mezo diametro, tirinsi dal C , $\&$ dalla E , duoi mezi diametri,
che uadino a cōgiugnersi nel centro A . Dipoi p trouare primieramen-
te la superficie tonda di amēduc queste porzioni di palla, auuertiscasi
che corrispondentia habbia quella porzione di linea retta $A F$, intra-
presa fra la diuisione $C E$, $\&$ il centro A , con la $A C$, o con la $A E$,
 $\&$ a tale corrispondentia, o proporzione, tragasi la parte proportio-



nale della metà della super-
ficie tonda, $\&$ ce ne reste-
rà la superficie della parte
minore, lo arco della qual
parte uiene ad essere $C D E$
Et se si aggiugnerà la me-
desima parte proportionale
alla metà della superficie
sferica, ce ne uerrà la super-
ficie della parte maggiore,
della quale lo arco sarà C
 $B E$, $\&$ la parte della ci-
ma B .

Seruaci per esemplo che il diametro $B D$, della palla sia braccia
14. $A F$ braccia 3. $\&$ $F D$ 4. $\&$ l'altre cose come nell'altra palla,
perche il 3. e $\frac{1}{7}$. del mezo diametro liensi $\frac{1}{7}$. da 308. come è 132. ce
ne resterà

ne resterà 176. dicefi che tante braccia è la superficie tonda della C
 $D E$, portion minore di detta palla. Aggiughisi dipoi 132. cioè $\frac{1}{7}$.
di detto 308. ad esso 308. $\&$ ce ne uerrà 440. che sarà il numero
delle braccia della superficie tonda della portion maggiore $C B E$. Et
quando auuenisse che sapeßimo la altezza di $B E$, $\&$ uoleßimo sa-
pere quella di $F D$, multiplichisi $C F$, ouero $F E$, per se stessa, concio
sia che le sono fra loro uguali secondo la terza del terzo di Euclide,
 $\&$ il multiplicato diuidasi per la medesima $B F$, $\&$ sapremo $F D$.
 $\&$ così per lo altro uerso se si partirà questo medesimo multiplicato
per $D F$, haremos la $F B$. Seruaci per esemplo che dalla quaran-
taesetesima del primo di Euclide si uedrà che $C F$, ouero $F E$, sarà
braccia $6\frac{1}{7}$. che multiplicata per loro stesse fanno braccia 40. parta
si adunque 40. per 4. $\&$ ce ne uerrà 10. $\&$ tanta sarà $B F$, ouero
partasi il detto 40. per 10. $\&$ ce ne uerrà 4. che è quel tanto che di-
cemo essere $F D$. Posto adunque che sappiamo la altezza di qual
si uoglia di queste diuisioni, potremo per essa trouare la altezza del-
l'altra. Quanto alla grossezza di dette porzioni di palla si troua-
no in questo modo. Multiplichisi la trouata superficie dell'una,
 $\&$ dell'altra porzione per la sesta parte di detto diametro. Ouero
la terza parte dell'una et dell'altra superficie, per il mezo diametro,
conciosia che nell'un modo $\&$ nell'altro si troua il segamento mag-
giore della basa, che è $A C B E$, $\&$ il minore $E A C D$, per ilche se
si aggiugnerà la piramide che ha per basa il cerchio minore, $\&$
per diametro $C E$, $\&$ per altezza A , ad esso segamento $A C B E$.
ce ne uerrà la portion maggiore $C B E$. Ouero se si trarrà la
medesima piramide $A C E$, dal segamento $A C D E$, ci resterà la
grossezza della portion minore. Misurisi adunque inanzi all'al-
tre cose la piramide $A C E$, come si mostrò nel passato Capitulo, la
quale sarà braccia $126\frac{2}{7}$. che son quasi $\frac{1}{7}$. Multiplichisi dipoi 176.

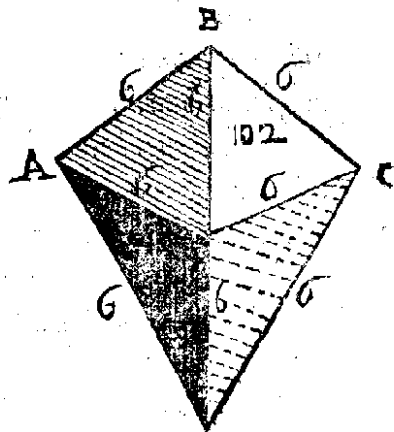
per $2\frac{1}{2}$. ouero $58\frac{2}{3}$. che è il terzo di 176. per 7. che nell' un modo & nell' altro ce ne verrà $410\frac{2}{3}$. che è il numero delle braccia del segmento A C D E. Multiplichisi di nouo 440. per $2\frac{1}{2}$. ouero $146\frac{2}{3}$. che è il terzo di detto 440. per il detto 7. & haremò per l' uno & per l' altro modo $1026\frac{2}{3}$. che è il numero delle braccia del segmento A C B E, al quale se si aggiungerà 126. & $\frac{2}{3}$. ce ne verrà la portione maggiore C E B, che sarà braccia $1152\frac{2}{3}$. Ouero se si trarrà il medesimo $126\frac{2}{3}$. del $410\frac{2}{3}$. ci resterà la portion minore C B F, che sarà braccia $284\frac{2}{3}$. & per fede delle sopra dette cose, se si metterà insieme l' uno & l' altro segmento, cioè $1152\frac{2}{3}$. & $284\frac{2}{3}$. ce ne resulterà nell' un modo & nell' altro la poco fa ritrouata grossezza della palla, cioè braccia $1437\frac{1}{3}$.

Come si misuri lo otto facce corpo regolare di otto triangoli uguali. Cap. X I X.



PER le cose dette si uede come si misuri il quattro base corpo composto di quattro triangoli di lati uguali, il 6. base, cioè il dado, & come si chiamino corpi regolari infra i cinque di Euclide, restaci adunque a trattare delli altri tre, cioè dello otto facce, che è composto di otto triangoli di lati uguali infra loro, et del uenti facce, che si fa di uenti triangoli simili, & del dodici facce che si fa di dodici pentagoni che hanno cinque lati per uno. Tratteremo adunque prima dello otto facce, qu' al diremo che sia A B C, per sapere la grossezza del quale multiplichisi uno de' lati in se stesso, & quel ce ne viene, rimultiplichisi per il diametro di esso otto facce, & di quel ce ne viene pigli si il terzo, quale ci darà la proposta grossezza. Conciosia che in questo modo si viene a fare una colonna a facce, che è per tre tanui di esso corpo di

po di otto facce. Ma per trouare il diametro multiplichisi un lato in se stesso, & addoppisi il multiplicato, & poi sene caui la radice quadrata secondo la quarta tasettesima del primo, la qual radice sarà il detto diametro. Seruaci per esempio che ciascuno de' suoi lati sia braccia 6. adunque multiplicato per se stesso ci darà 36. & addoppiato ci darà 72. la radice quadrata del qual numero è $8\frac{2}{3}$. dice si che 8. braccia & $\frac{2}{3}$. è il diametro di detto 8. facce. Multiplichisi adimamente 36.



per $8\frac{2}{3}$. & ce ne verrà 306 il quale partito per tre haremò 102. & tanto è il numero della grossezza di detto otto facce, cioè 102. braccia sode. Et multiplicando lo spazio di una di esse facce triangolari per 8. ci darà la quantità delle braccia superficiali del tutto di detto otto facce.

Come si misuri il dodici facce fatto di pentagoni, cioè di dodici superficie di cinque lati uguali l' una.

Cap. X X.

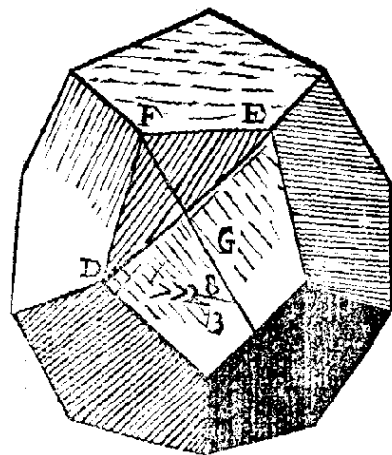


MISURASI una delle dodici piramidi secondo che si insegnò nel 12. cap. di questo libro, & poi si multiplichisi una di queste piramidi per 12. & haremò la grossezza di esso 12. facce, conciosia che il 12. facce

è divisible in dodici piramidi, le bafe delle quali sono li dodici pentagoni che terminano il dodici facce, le punte delle quali si vanno a congiungere insieme, nel centro di esso dodici facce. Ma per misurare una di dette piramidi è di necessità sapere il fusso, o vogliamo dire il piombo di detta piramide, il quale si trouerà in questo modo.

Moltiplichisi una linea tirata da angolo ad angolo, la piu vicina sotto ad uno di detti angoli per se stessa, & quel che poi ce ne viene moltiplichisi per 3. & di tal moltiplicato piglisi la radice quadrata che sarà il diametro del dado, sopra il quale è fabricato il 12. facce. La metà del qual diametro, ouero radice, moltiplichisi per se stessa, & dal moltiplicato traggasi il quadrato del mezo diametro del resto del cerchio disegnato intorno a detto pentagono, ultimamente cauisene la radice quadrata che sarà il fusso, ouero il piombo di qual si è l'una piramide pentagonale. Et se si moltiplicherà un lato del pentagono disegnato dentro al medesimo cerchio, per se stesso & trarrassene il moltiplicato del quadrato del lato del pentagono, & di quel ci resta, se ne cauerà la radice quadrata, trouerremo a corrispondentia il mezo diametro del cerchio disegnato a torno al detto pentagono, ouero trouato il centro del pentagono, quella linea diritta che da esso andrà a qual si voglia angolo del pentagono, ci mostrerà piu facilmente il medesimo. Seruaci per esempio il dodici facce, l'una delle bafe del quale sia un pentagono D E F, ciascun de lati del quale, sia braccia $4\frac{2}{7}$. & la linea piu vicina, che è sotto all'angolo D E F, sia D F di braccia $7\frac{2}{7}$. & il mezo diametro del cerchio disegnato intorno al pentagono sia braccia 4. Moltiplichisi $7\frac{2}{7}$. per se stesso, & ce ne verrà $57\frac{2}{7}$. il qual numero rinterzato ci darà $172\frac{2}{7}$. la radice quadrata del quale, che è il piombo del quadrato sopra il quale è fabricato il 12. facce, è $13\frac{1}{3}$. & la metà di questa radice è 6. & $\frac{2}{3}$. Moltiplichisi di nouo $6\frac{2}{3}$. per se stesso, & ce ne verrà $42\frac{4}{9}$. del qual

qual numero traggasene il quadrato del mezo diametro E G, cioè se dici, & ce ne resterà $26\frac{4}{9}$. la radice quadrata del quale è $5\frac{11}{9}$. & tanta è la altezza, o vogliamo dire il piombo di qual si voglia di dette piramidi, & lo spazio del pentagono D E F, secondo la regola del 22. capo del passato libro si trouerà essere braccia $37\frac{1}{3}$. il qual moltiplicato per $5\frac{11}{9}$. ci darà $193\frac{22}{27}$. il quale partito per 3. ci darà $64\frac{2}{3}$. in circa: percioche ci manca solamente $\frac{1}{975}$. & tante braccia sode viene ad essere la grossezza di essa piramide pentagonale, moltiplichisi finalmente $64\frac{2}{3}$. per 12. & haremos il tutto delle braccia sode, o vogliamo dire cubiche del detto 12. facce essere $772\frac{2}{3}$. a punto.



Come si misuri il uenti facce fatto di corpi, o piramidi triangolari. Cap. XXI.



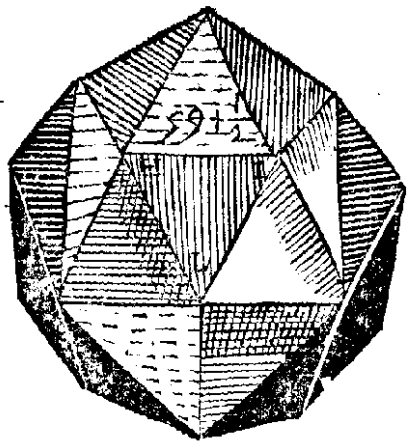
ER misurare un si fatto corpo bisogna primieramente trouare la linea del piombo, che dal centro di tutto il corpo cade in qual si voglia bafa; come quella che termina, la altezza di ciascuna delle 20. piramidi delle quali si fa questo corpo. Trououisi dipoi la quantità di una di dette piramidi, secondo la regola data nel 12. cap. di questo libro, & moltiplichisi per 20. & haremos la grandezza di tutto questo corpo, conciosia

conciosia che il uenti facce, si fa di uenti piramidi che hanno tre lati fra loro uguali la punta delle quali è il centro comune di tutto il uenti facce. Et il fusso, ouero piombo di qual si uoglia piramide si troua in questo modo, cioè la altezza di qual si uoglia piramide.

Notisi primieramente ciascun lato delle base del pentagono disegnato dentro ad un cerchio, conciosia che dato un lato di un pentagono descritto dentro ad un cerchio, si troua ancora il lato del 10. facce da descriuerfi dentro al detto cerchio, come è quella corda che si porrà sotto alla metà dell' arco del pentagono. Misurisi adunque un lato delle base triangolari del detto 20. facce, et multiplichisi per se stesso, et da tal multiplicato traggasi il quadrato del lato del 10. facce, et ci resterà il quadrato del mezzo diametro del cerchio, dentro al quale è disegnato il pentagono. Et se al lato del 10. facce si aggiun-

gerà la metà del mezzo diametro, del cerchio, che è intorno al pentagono, cauandone la radice quadrata del poco si troua il quadro fatto del detto mezzo diametro, haremo il piombo, ouero la altezza di qual si uoglia piramide. Sia il corpo di 20. facce triangolari HTL, ciascun lato, del quale sia braccia 6.

Et di quella medesima sorte parti, che il lato del pentagono è 6. sia il lato del 10. facce $3\frac{1}{2}$. multiplichisi adunque 6. per se stesso, et ce ne uerrà 36. et multiplicato ancora $3\frac{1}{2}$. in se stesso ci darà $9\frac{1}{4}$. il che traggasi da 36. ce ne resterà $26\frac{3}{4}$. La radice di quel numero è $5\frac{1}{4}$. et tanto è il mezzo diametro del



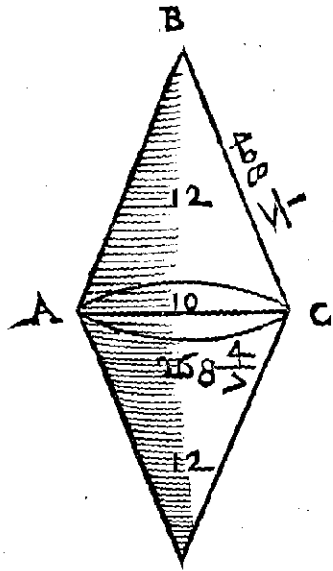
tro del cerchio dentro al quale è disegnato il pentagono, et il 10. facce. Aggiungasi conseguentemente ad esso lato del 10. facce, che è $3\frac{1}{2}$. la metà di se stesso, che è il mezzo diametro, cioè $2\frac{1}{2}$. et ce ne uerrà $5\frac{1}{4}$. che sono le braccia della altezza, ouero piombo di ciascuna piramide triangolare del detto 20 facce. Et lo spazio ultimamente del triangolo che ha braccia 6. per lato, secondo il 5. cap. del secondo libro è $15\frac{1}{2}$. il quale multiplicato per $5\frac{1}{4}$. fa $88\frac{11}{16}$. il qual numero partito per 3. ci darà $29\frac{11}{16}$. et tanta è la grossezza di una delle dette piramidi triangolari. Multiplichisi finalmente adunque $29\frac{11}{16}$. per 20. et haremo la intera grossezza del 20. facce, che saranno cubiche braccia $591\frac{1}{2}$.

Come si misurino i corpi solidi a guisa di mandorla, che sono irregolari. Cap. XXII.



CORPI solidi a guisa di mandorla possono occorere di più sorti, ma tre sono i principali, o elle son mandorle tōde per la loro lunghezza, o è elle sono di linee diritte, o egli sarà un corpo composto di più facce a mandorle. Il corpo a mandorla di linee diritte si misurerà facilmente, mediante le cose dette. Conciosia che quando noi vorremo sapere la quantità di detta mandorla, considerisi che ella non è altro, che due piramidi congiunte insieme nelle loro base, talche a uolere sapere la quantità di detta mandorla misurisi una delle sue piramidi, et raddoppisi il misurato: et del misurare la piramide già si è data la regola nel 12. cap. di questo libro. Seruaci per maggiore dichiarazione delle cose dette, che la mandorla solida, o uogliamo dir piena sia ABC, fatta intera da due piramidi la altezza, della quale sia braccia 12. et il cerchio della basa habbia per diametro A C che

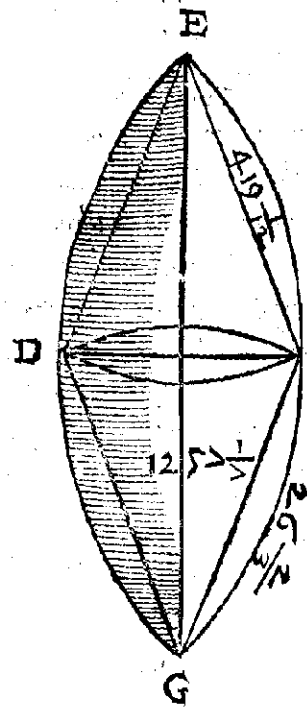
che sia braccia. 10. Cauasi adunque dal detto 12. cap. di questo libro, la grãdezza dell'una piramide & dell'altra essere braccia $31\frac{2}{7}$.



solide, il qual numero addoppiato ci darà $628\frac{2}{7}$. che saranno il tutto della grossezza della mandorla. La superficie ancora dell'una piramide & della altra si caua dal detto capitolo essere $204\frac{2}{7}$. braccia quadre, il qual numero raddoppiato fa $408\frac{2}{7}$. che è la superficie del tutto di detta mandorla. In questo medesimo modo ancora, si misura una mandorla solida cōposta di due piramidi disuguali. Imperò che dal raccorre insieme le misure dell'una et dell'altra piramide ne resulterà sem-

pre la grãdezza di detta mādorla, da Greci, & da Latini chiamata Rōbo. Le mādorle tonde p la lunghezza, cioè fatte ad arco, che forse non si disdirebbe chiamarle mandorle ouate si misurano in un altro modo. Presupponghiamoci che la detta mandorla sia DEFG, il piombo della quale EG, & il diametro che lo attraversa con angoli a squadra DF, se si segasse a punto questa mandorla nel diametro, se ne farebbe due piramidi uguali, talche la di sopra sarebbe DEEF, come proua Archimede nel libro che tratta de' corpi sferici, & DGF, sarebbe l'altra piramide. Misurisi adunque la mandorla

dorla che si fa di due piramidi come di sopra si disse, et addoppiasi detta misura, & haremo il tutto di detta mādorla ouata, la quale Archimede chiama corpo sferico. Sia per modo di esempio questa mādorla ouata DEFG, della medesima grandezza che la prima ABC, & la sua grossezza sia pur braccia $628\frac{2}{7}$. sode il qual numero addoppiato fa $1257\frac{2}{7}$. & tante braccia diremo che habbi di sodo questa mandorla ouata. Et se noi vorremo sapere la sua superficie multiplichisi lo arco FGE, per la metà del cerchio, che ha per diametro la linea DF, ouero multiplichisi tutta la circonferentia per la metà di detto arco. Sapremo ancora il medesimo se si multiplicherà lo spazio del cerchio, che ha per diametro la linea dritta DF, per esso arco EDG, ouero GEF, & partirassi tal multiplicato per il mezo diametro del medesimo cerchio. Seruaci per esempio che la linea DF, sia braccia 10. & lo arco EDG, sia braccia $26\frac{2}{7}$. la onde la circonferentia che ha per diametro DF sarà braccia $31\frac{2}{7}$. & lo spazio braccia $78\frac{2}{7}$. Multiplichisi adunque $26\frac{2}{7}$. per la metà di esso $31\frac{2}{7}$. cioè per $15\frac{2}{7}$. & ce ne verrà $419\frac{2}{11}$. Ouero multiplichisi $31\frac{2}{7}$. per $13\frac{2}{7}$. cioè per la metà del detto $26\frac{2}{7}$. & haremo medesimamente $419\frac{2}{11}$. Ouero multiplichisi

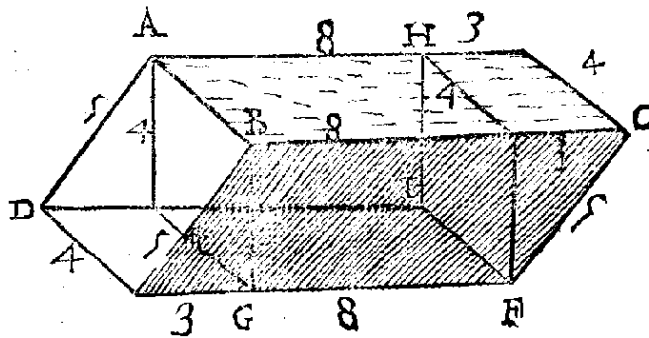


78⁴. per 26⁷. Et ce ne verrà 2095. che partito per 5. cioè per la metà di detta linea, o diametro IO. ci darà medesimamente 419. che sarà il numero delle braccia quadrate di detta mandorla ouata, cioè la superficie, che chiamammo D E F G.

I corpi fatti di piu facce a mandorle, si possono ancor essi facilmente misurare, come sarebbe a dire per nostro esempio un corpo che fosse terminato da sei mandorle piane, le quali tutte fusino rispettivamente parallele infra di loro, come dimostra la figura che poco di sotto porremo, la quale chiameremo A C D E, la parte di sopra della quale sia A B C, & la basa D E F, del qual corpo se noi vorremo sapere la grossezza. Tirinsi le linee de piombi B G, & E H, & conseguentemente ad amendue esse A B, & B G, & similmete alla E F, & alla E H, linee parallele. Sarà adunque diuiso questo ammandorlato in un corpo quadro, a guisa di colonna quadra, o di pilastro, & in duoi pezzi triangolari, il corpo quadro sarà A B E F, & i duoi triangoli saranno A B D, & E F C, la misura delle quali cose la mostrammo nel cap. 6. & nel 7. di questo libro. Misurisi adunque la colonna quadra, & i duoi corpi triangolari, & raccolghinsi insieme i multiplicati loro, & haremo la grandezza di questo corpo composto di mandorle. Seruaci per esempio che ciascun lato della colonna per la lunghezza sia braccia 8. & ciascun lato dell'una & dell'altra basa sia braccia 4. & i lati de corpi triangolari per il piu lungo siano braccia 4. l'uno, & delle loro base un lato sia braccia 3. l'altro 4. & l'ultimo 5. Sarà adunque la grossezza di detta colonna quadra braccia 128. & la grossezza di qual si è l'uno de corpi, o colonne triangolari che dire lo vogliamo braccia 24. & 2. uie 24. fa 48. il quale aggiunto a 128. fa 176. Et come diremo che siano le braccia del fondo di effo corpo ammandorlato che ci eramo presupposto. Ouero piu breuemete multiplichisi la basa A B G, per la linea retta B C,

ouero

ouero la basa F E H, per la linea retta E D, cioè 16. per 11. Et ce ne verrà una colonna quadra uguale al propostoci ammandorlato, però che 11. uie 16. fa 176. Et se bene un de corpi triangolari, manca da uno lato a dar compimento alla detta colonna, vien nondimeno ricompensato da quel che si è preso piu dall'altra parte, & questo modo è piu comodo a qual si voglia forma, o disposizione di ammandorlato.



Mediate queste cose, & le passate ancora si puo facilmente conietturare, con quale ingegno si possono misurare gli altri corpi che si chiamano irregolari, imperoche si come le diuerse facce piane si diuidono in triangoli, & in parallelogrammi, cioè in quadri lunghi, & poi si mettono insieme le particolari misure di qual si è l'uno di loro, bisogna similmente risolvere i corpi irregolari solidi, o vogliamo dire massicci in corpi quadri di angoli retti, o in corpi triangolari, o in piramidi (secondo che ci sarà piu commodo) & prese d'sperse le misure di ciascuno, raccorle dipoi tutte insieme, ouero trar l'una dell'altra se ci farà di bisogno. Quando adunque il propostoci corpo sarà irregolare egli è certo, che o gli manca, o gli auanza qual cosa per essere regolare, se egli manca cosa alcuna, bisogna arrouerui quel tanto che

Come si misurino le botti da uino, o da altro.

Cap. XXIII.

li manca a farlo diuentare regolare & intero, ilche si farà median-
te lo allungare de lati tanto che vadino a congiugnersi, & misurare
poi queste parti aggiunte come se il corpo fusse intero, le quali aggiun-
te poi si hanno a trarre della misura del tutto.

Ma se a questo propositoci corpo auanzasse qual cosa, alla sua re-
golarità, misurisi primieramente quel che ha di regolare, & dipoi
quel che gli auanza, & tal misure poi raccolghinsi insieme, & ha-
remo la intera misura del tutto. Sono inuero le forme & figure
de corpi massicci, che ci possono occorrere infinite, ma non ce ne potrà
mai occorrere alcuna che ancor che intera & regolare, o che le man-
chi, o che le auanzi qual cosa allo essere regolare, che non si possa facil-
mente misurare secondo le regole, & li ammaestramenti dati di so-
pra, se già elle non hauesino perduta quasi del tutto ogni forma di fi-
gura ragioneuole. Et sarebbe certamente stata cosa superflua, di su-
tile, & difficilissima, il uolere dar regola, o ammaestramento pro-
prio, & particolare sopra qual si uoglia figura, o forma di corpi simi-
li, anzi certo uno aggrauare le menti di coloro che leggono. Conciostia
che ei si dice, che indarno si insegnano quelle cose per uie lunghe, che
si possono insegnare per uie breui & expedite. Non voglio lascia-
re di dire che a queste cose, che inuero in prima uista pare che hab-
bino del difficile, ancor che del diletteuole, giouerà assai la destrezza
dello ingegno (oltre alla notitia dello abbaco) di colui che si vorrà in
così fatte misure esercitare, auuertendo ciascuno, che non basta lo
intendere le cose che si son dette, ma che lo esercitarsi in esse giouerà
grandissimamente.

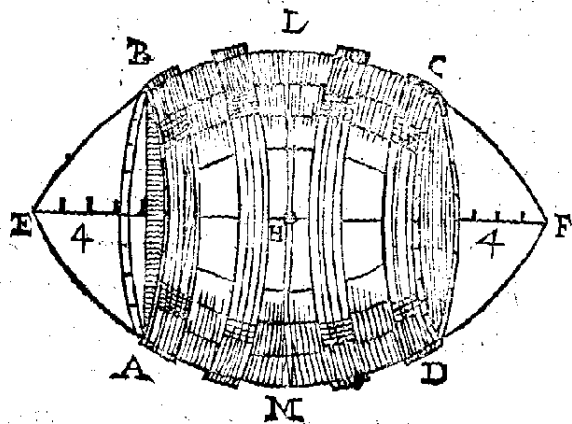
Come



DIACEMI di dimostrare un modo da misurare le
botti da uino, o da altro, diuerso da quello che usa hog-
gi la maggior parte de gli huomini. Sia adunque
la botte da misurarsi terminata da duoi cerchi nelle
teste i diametri aequali sieno infra di loro uguali come che la botte
sia $ABCD$, & i diametri di detta botte sieno AB , & CD , uguali
infra di loro che terminino la grãdezza della botte con le linee curue
del corpo di quella. Tirinsi da ogni parte linee curue secondo il corpo
della botte, sino a tanto che congiugnendosi insieme diano fine ad un
corpo sferico fatto a guisa di uno ammandorlato ouato, il quale sia
 $ELFM$, & questo si faccia, o in un piano presa la quantità de dia-
metri AB , & CD , & la quantità ancora di LM , ouero applican-
do al corpo della botte, alcuni regoli accomodati al piegarsi che per-
ciò siano apparecchiati. Fatto questo tirisi il filo, ouero linea EF ,
che passi per il centro H , & che diuida in due parti uguali la linea
 AB , nel punto G , & la CD , nel punto I . Misurisi dipoi la pira-
mide, o uogliam dire il conio, che ha per basa il cerchio AB , & per
punta della linea a piombo E , & per fine G , secondo quella regola
che si diede nel cap. 12. di questo libro. Misurisi dipoi lo intero di
tutto questo corpo a mandorla ouata $ELFM$, come nel passato cap.
si disse, quando si trattò de corpi irregolari a quali bisognaua, o leua-
re, o arrogere per ridurli regolari, & da quel ce ne viene, traggasi
l'una, & l'altra aggiunta che si fece alla detta botte, cioè ABE , &
 CDF , & ci rimarrà la grandezza a punto della proposita botte.

Trouisi poi finalmente la quantità della diuisione ABE , in que-
sto modo, guardisi in che proportionè corrisponda una linea diritta
composta

composta della lunghezza GF , & FH , con la FG . Conciofia che la diuisione ABE , corrisponde in quella medesima alla piramide, che ha la medesima basa, & la medesima altezza che essa diuisione, cioè che ha per basa il cerchio AB , & per altezza la linea GE .



Hauuta che haremo la notizia delle tre cose facilmente haremo notizia della quarta, mediante la regola delle quattro proportionali.

Et il medesimo vorrei che si intendessi della altra diuisione CD F , conciofia che ella corrisponde cō quella medesima proportionione alla sua piramide, che fa la linea diritta cōposta di IE , & EH , ad essa EI . Sia AB , uguale al CB , o sia pur piu lunga, che non importa, queste cose tutte si sono cauate dalle dimostrazioni di Archimede, delle quali i questo caso ci siamo seruiti, come delli altri habbiamo fatto delle propositioni, o proposte di Euclide. Ilche vogliamo che basti, che se volessimo addurre le dimostrazioni particolari di Archimede, o altre simili haremo hauuto a fare un nuouo, & gran uolume. Seruaci per esemplo che l'una & l'altra AB , & CD , sia braccia 7. & LM , sia braccia 10. & il fuso EF , braccia 20, et GH , & HI , ciascuna sia braccia 6. & l'altre GE , et IF , siano ciascuna braccia

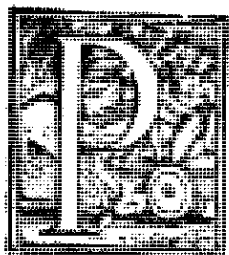
braccia 4. harà adunque (se si auuertirà diligentemente le cose dette di sopra) la intera grossezza di tutto questo corpo a mandorla ouata $ELFM$, braccia $1047\frac{11}{21}$. di sodo, conciofia che la piramide che ha per basa il cerchio che ha per diametro LM , di braccia 10. & per altezza HE , ouero HF , di braccia medesimamente 10. secondo che si mostra nel 12. cap. è braccia $261\frac{27}{21}$. sode, le quali addoppiate fanno la metà della mandorla ouata ELM , ouero FLM , di braccia $523\frac{54}{21}$. il qual numero addoppiato fa $1047\frac{11}{21}$. che è lo intero di detta mandorla ouata $ELFM$. La piramide oltre di questo ABE , disegnata dal triangolo AGE , ouero GBE , secondo quel si disse nel 12. cap. ha braccia $51\frac{1}{7}$. di sodo, & la linea cōposta di GF , & FH , ha braccia 26. & GF , braccia 16. per le cose dette. Pongasi adunque per il primo numero il 16. per il secondo il 26. & per il terzo $51\frac{1}{7}$. di poi moltiplichisi il terzo, per il secondo, cioè $51\frac{1}{7}$. per 26. & ce ne uerrà $1334\frac{2}{7}$. ilche partito per 16. che fu il primo numero che si pose, ce ne uerrà per qualunque parte $83\frac{1}{12}$. & tante saranno le braccia che di sodo ha la diuisione ABE , ouero CDF , traggasi adunque finalmente $83\frac{1}{12}$. cioè $166\frac{1}{6}$. dal detto numero $1047\frac{11}{21}$. & ce ne resterà $880\frac{11}{21}$. le quali diremo che siano le braccia che di sodo ha la propostaci botte $ABCD$, la importantia adunque è sapere quanti barili entrino in un braccio quadro, & secondo tal numero moltiplicare lo $880\frac{11}{21}$. come se si dicesse che il braccio quadro tiene barili 5. moltiplichisi $880\frac{11}{21}$. per 5. & ce ne uerrà $4403\frac{11}{21}$. che saranno a punto il numero de barili che tiene la propostaci botte $ABCD$.

DEL MODO DI MISVRARE
TUTTE LE COSE TERRENE,
DI COSIMO BARTOLI
Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

LIBRO QVARTO.



Del descriuere le Prouincie.



DARMI cosa conueniente hauendo tratta-
to infino a qui come particolarmente si possi-
no misurare tutte le cose priuate, passare a
trattare come si misurino le publiche, come sa-
rebbe una Prouincia, o un Regno intero, con
le Città, Terre, Castella, Fiumi, Liti, Porti,
& luoghi notabili da poterla mettere in carta, o in tauola piana. Et
se bene io so che essendo il modo di forma Sferica, egli non ha conue-
nientia alcuna con il piano: nel descriuere nondimeno una Prouin-
cia, o un Regno di 300. o 400. miglia non puo nascere tale errore, &
differentia che sia in un certo modo sensibile, o apparente. Et non
essendo per hora mia intentione di insegnar descriuere un mondo in-
terro, o la maggior parte di esso in una palla, come farebbe piu ragio-
neuale, & come le misure di esso tornerebbono piu giuste secondo lo
oràine, & le regioni del Cielo, passerò solamente a trattare de modi
da descriuere le parti particolari, di esso mondo con quelle regole
che da Gemma Friso, dal Perurbachio, da Pietro Appiano,
& dallo

QVARTO. 93

& dallo Illustre M. Giouan Roia, & molti altri, ho possuto ritro-
uare. Dico adunque che una Prouincia si può disegnare in piano
in quattro modi. Il primo è senza sapere le lunghezze, o le larghezze,
o le lontananze de luoghi. Il secondo è sapendo solamente le lonta-
nanze de luoghi. Il terzo che si puo fare senza la bussola in piano &
la ritta. Il quarto è sapendo le lontananze delle miglia de luoghi, et
le linee delle vedute, da alcuni chiamate linee, o angoli di positi-
oni, o positure. Et perche quanto al primo modo ci bisogna hauere una
bussola piana con l'ago & con l'altre sue appartenenze, non mi pare
inconueniente descriuere il modo di fare detta bussola, ancor che da
Vitruuio già fusse descritto il medesimo, & questo per commodità
di chi legge, & dello insegnare applicare la bussola ritta senza l'ago,
alla bussola che terremo a piano con l'ago per dirizzarla sempre alla
tramontana, secondo che si ricercherà poi nel mettere in opera, o in
atto la operatione da farsi.

Come si facci una bussola.

Cap. I.



APPARECCHISI la prima cosa una tauoletta di
argento, o di ottone, o di bossolo, o di qual altro legno
si voglia, pur che sia sodo & pulito, & atto a non
si torcere, o a non si fendere, nel mezzo del quale ser-
mato un piè delle feste, ouero festone descriuasi un cerchio che hab-
bia di diametro un terzo di braccio in circa, il quale habbia ad essere
l'ultimo termine di detta bussola. Dal medesimo centro si tiri poi
un altro cerchio, quasi per lo spazio di una costola di coltello, lontano
dal primo, cioè piu verso il centro, infra i quali cerchi si hanno a tira-
re poi le linee de gradi, grado per grado come di sotto diremo. Fatto
questo ristringhinsi le feste, ouero il festone per fare un terzo cerchio
A a lontano

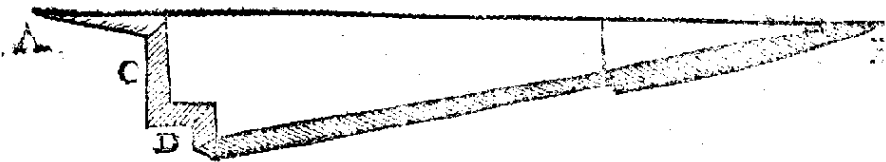
lontano dal secondo, per due volte la lontananza, che è fra il primo & secondo, perciocche infra lo spazio, che è fra il secondo, & questo terzo cerchio si hanno a mettere i numeri delle cinquine de gradi, & tirarle come si dirà di sotto. Tirati questi cerchi diuidansi con una linea trauerfa che passando p il centro faccia di tutti, due parti uguali, lungo la parte di sopra, della quale scriuasi, tramontana, & nella parte di sotto, mezzo di. Diuidasi dipoi detta linea in due parti uguali, talche passando detta linea per il centro faccia angoli a squadra con la prima linea, & dalla destra scriuasi lungo questa seconda linea, leuante, & dalla sinistra ponente. Ridiuidasi poi la quarta parte del cerchio, che è fra tramontana & leuante in due parti uguali, & tirisi una linea che passando per il centro ridiuidi tutti i cerchi, da ciascuna banda, lungo la quale dalla parte di sopra scriuasi greco, & dalla parte di sotto libeccio. Ultimamente ridiuidasi lo arco, che è fra tramontana, & ponente in due parti uguali, con una linea che passando per il centro diuidi di quà, & di là, oltre, & indietro a detto centro tutti i cerchi, & dalla parte di sopra fra tramontana & ponente, scriuasi maestro, & dalla parte di sotto scilocco, & così habemo già con quattro linee gli otto venti principali, i quali voglio che ci bastino per la nostra bussola, sapendo che chi vorrà si potrà ridiuidere in tante parti che harà se vorrà, & li 16. & li 24. venti secondo Vitruuio, ma parendoci che in questo nostro strumento per hora che otto ci siano a bastanza ci contenteremo di essi. Già habbiamo diuise per metà tutte le quarte come si puo vedere, perche greco diuide per mezzo la quarta fra tramontana & leuante, scilocco la quarta fra leuante & mezzo di, libeccio la quarta fra mezzo di & ponente, & maestro la quarta che è fra ponente et tramontana. Ridiuidasi dipoi la ottaua parte del cerchio, che è fra tramontana & greco con duoi punti in tre parti uguali, & ciascuna di esse

tre

tre parti, pur con duoi altri punti in tre parti uguali, & applicando sempre una testa del regolo al centro, & l'altra a ciascuna delle diuisioni, tiransi lineeette infra il primo & il terzo cerchio, & questo ordine si tenga a torno a torno nel diuidere tutta la circonferentia di quarta in quarta, o di ottaua in ottaua parte. Fatte queste diuisioni, applichinsi alle lineeette già tirate i numeri loro infra il secondo & il terzo cerchio, cominciandoci da tramontana a dire 5. 10. 15. 20. &c. fino a che 90. verrà a terminare a punto a leuante, ilche si faccia dall'altra parte ancora da tramontana in ponente seguendo 5. 10. 15. 20. &c. talche 90. termini alla linea di ponente. Comincisi poi ancora dalla linea di mezzo di, & caminando con lo scriuere verso leuante dicasi 5. 10. 15. 20. &c. talche il 90. termini in leuante, & per il contrario 5. 10. 15. 20. &c. da mezzo di in ponente, talche a ponente termini il 90. Debbesi poi ciascuna delle diuisioni già fatte ridiuidere in cinque parti con quattro punti fra loro uguali, & applicando come dell'altre lineeette si disse una testa del regolo sempre al centro, tirare le lineeette fra il primo & il secondo cerchio, che dinotino grado per grado, le quali fra tutte adēpieranò il numero di 360 gradi, 90. cioè per quarta, ne uò lasciare di dire che nel tirare de cerchi, & delle linee, si debbe affondarle tanto che per il maneggiare poi la detta bussola, & voltare in quà & in là la linda, secondo che ricerca il bisogno, elle si preseruino, & non si scancellino, come se fusse solo di inchiostro, ilche si debbe ancora molto auuertire nello imprimere, o i numeri, o le lettere cō i punzoni di acciaio, perche nel batterli poco, non rimangono improntate dette lettere, o numeri, & nel batterli troppo, uanno tanto a fondo che offuscandosi & le lettere, & i numeri, non si discernono. Bisogna adunque batterli a modo, & però è bene farne prima un poco di pruoua, o di esperienza in su uno altro pezzuolo di argento, o di ottone, o di bossolo, o di qual altro

Aa 2 legno

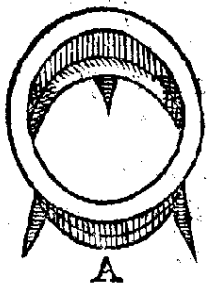
legno si sia che facciamo la nostra bussola, & fatto tal pruoua im-
 prontare poi a discretione dette lettere, o numeri in detta bussola.
 Disegnata in questa maniera la bussola, è di necessità scauare un cer-
 to spazio intorno al centro, col tornio, o meglio con un ferro fatto a po-
 sta per metterui il perno che ha a reggere lo ago, & sopraui poi il ue-
 tro, & per piu dichiaratione fabbrichisi un ferro che sia dal mezzo in
 giù di acciaio, con una punta sottilissima dalla quale si parta il ta-
 glio del ferro largo per la metà di quel che vogliamo che sia il cer-
 chio da scauarsi, & dipoi con uno altro taglio piu lontano dalla pun-
 ta, & piu uerso il manico, che farà la seggiola sopra la quale si pose-
 rà poi il vetro. Et eccone lo esempio A punta, B manico, C taglio
 primo, & D taglio secondo.



Questo ferro vuol hauere la punta tonda, i tagli smussati come i fer-
 ri da piolla, & il manico quadro, il quale messo in un volgioio co-
 me si usa, nel girarlo a torno ci farà il cerchio scauato che haremo di
 bisogno per la bussola applicando la punta A, al centro della detta
 bussola. Puossi ancora a detto ferro fare un manico a guisa di su-
 chiello, & cō la man poi girarlo, ma piu presto, piu facile, et piu netto
 si opera con il volgioio, il quale per essere instrumento molto nouo nõ
 descriuo altrimenti. Nel centro dipoi di questo scauato si debbe
 collocare un pernetto di ottone cō la punta sottilissima che debbe reg-
 gere

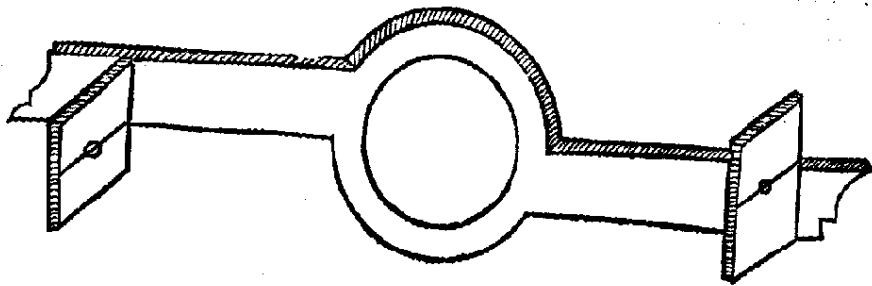
gere lo ago: questo perno bisogna auerire che non sia tanto lungo
 che posato sopra lo ago, & copertolo con il uetro, o cristallo, venga
 detto cristallo, o uetro a toccare lo ago, & impedirlo dal suo poter si-
 voltare alla tramontana, come fa sempre calamitato che egli è, &
 non mi è nascoso che non si volta precisamente alla tramontana, ope-
 rando noi in questi nostri paesi, perche so che ci si fa una differentia
 di sette in otto gradi, ilche molti dicono perche la calamita non trae
 a dirittura alla tramontana, & che tal virtù di tirar che ella fa il
 ferro non viene dalla tramontana, ma da certi monti della Norue-
 gia, che sono tutti di questa miniera della calamita, i quali nel tirare
 le diritture della tramontana pendono uerso leuante i detti otto gra-
 di: ma importandoci questo poco, o niente nel nostro operare lo lasce-
 remo come cosa per hora a noi non attenente da parte, & torneremo
 al nostro proposito bastandoci hauerne detto quel poco, che si è detto
 di sopra. Lo ago si fa di acciaio sottilissimo a guisa di freccia, &
 talmente bilanciato nel suo coppo di ottone, che posto sopra d'un per-
 no, tanto pesi la punta quanto la penna, non altrimenti che se fusse una
 giustissima bilancia. Temperasi dipoi sopra un ferro rouente, tan-
 to che pigli il colore della viola mamonta: & temperatosi calamita,
 & calamitato si mette sul perno della bussola, & si cuopre con il ve-
 tro, o cristallo, & per fermare detto cristallo si fa un cerchietto di filo
 di ottone, o di rame, che serrandosi nella seggiola, tiene detto vetro,
 & dico di ottone, o di rame, acciò non ci venisse fatto di fil di ferro,
 che darebbe poi impedimento al voltarsi dello ago. Fatto questo
 si ha a considerare che ci si ha a maneggiare la linda intorno alla bus-
 sola, la quale sarebbe di necessità che fusse impernata nel centro di
 detta bussola: ma perche ui habbiamo posto lo ago non è possibile.
 Ma in cambio di perno per la linda facciasi un cerchio di ottone il
 diametro del quale sia un poco maggiore dello scauo, che si fece per lo
 ago.

ago. Questo cerchio vorrebbero fatto che fusse massiccio da non si poter torcere, & hauesse di sotto da quella parte che ha da posare sul piano della bussola tre punte da poterlo con esse fermare in detto piano, & perche ha da tenere ancora l'altro cerchio della lina da che se li debbe girare a torno come diremo, debbe hauere una inaccatura a torno a torno, che ritenga poi il cerchio della lina, che girandosi non salti suso, la quale inaccatura chiamamo A.



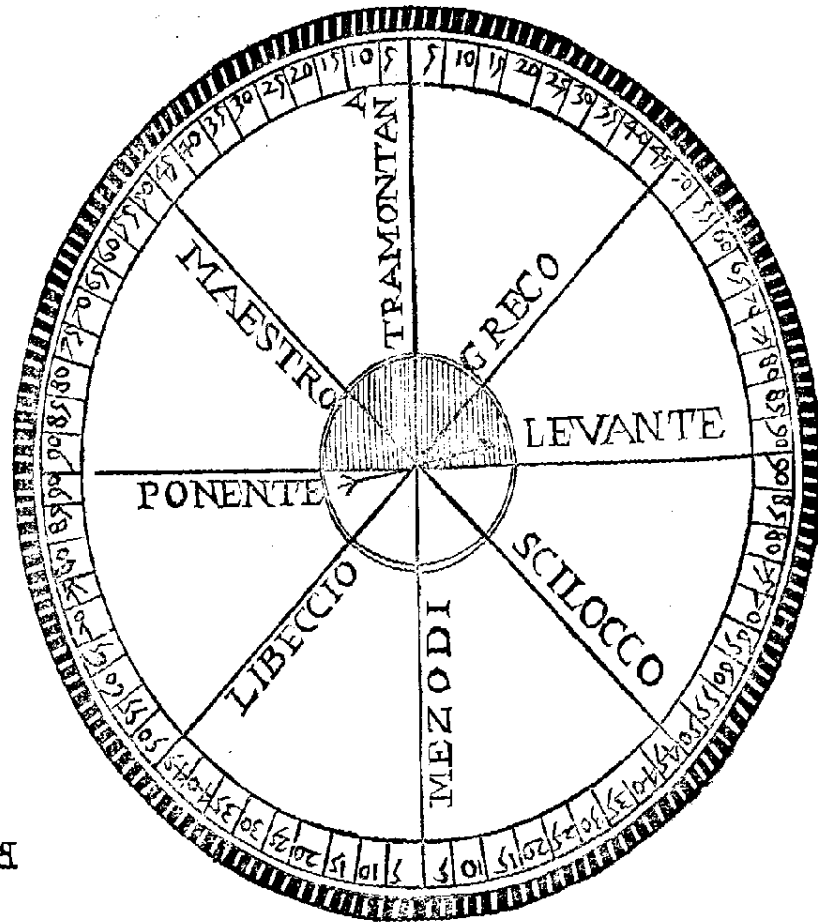
Questo si fatto cerchio si fermara cō le dette tre pūte talmente sul piano della bussola, che ugualmēte la sua circonferenzia venga da p tutto lontana a un modo dal perno dell'ago della bussola, & però vuol essere di dentro, & di fuori torniato pulitissimamēte, di dentro perche scuopra senza impediz-

mento il vetro & l'ago, & di fuori perche vi si possa girar a torno giustissimamente il cerchio della lina, la quale a corrispondenzia faremo in questo modo.

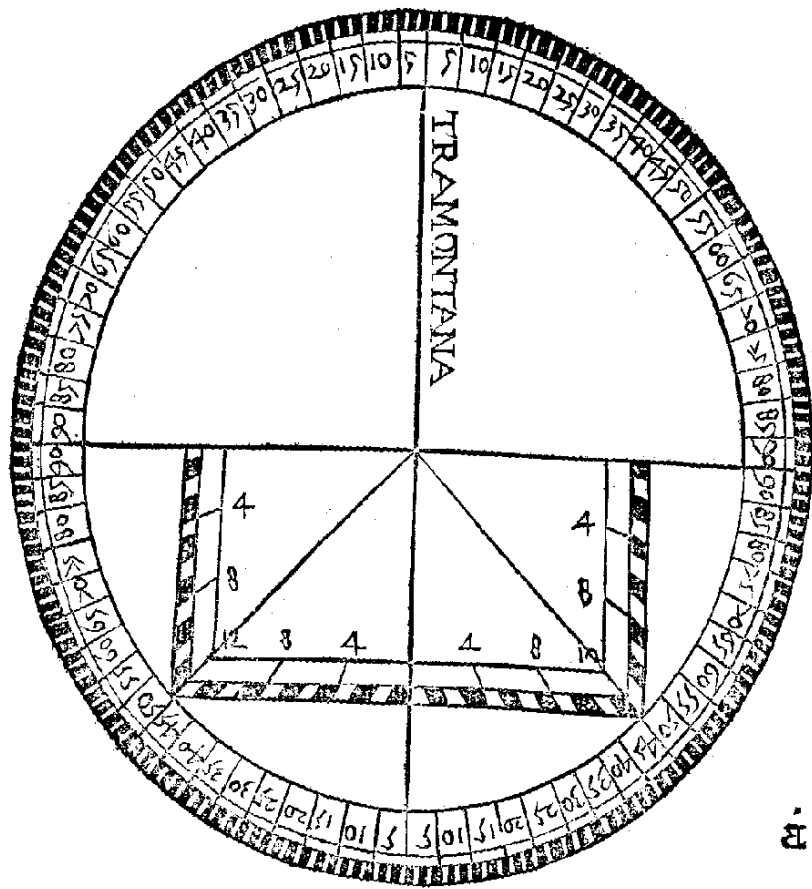


Così dunque haremo dato fine alla bussola, ma volendo seruircene a descriuere cō essa una Prouincia, o una Regione: ci sarà molto cōmodo fare uno altro instrumento pur tondo simile alla bussola, cioè diuiso in tre 360. gradi 90. cioè per quarta, & in esso della parte di mezzo di, disegni la scala altimetrica in questo modo, diuidasi tutto il cerchio in quattro parti uguali, & da dette diuisioni nella parte però di sotto si tirino tre linee che attrauerfino la linea meridiana ad angoli a squadra, & termini la prima nel cerchio, nel quale son descritte le cinquine de gradi circolari, & lascino queste tre linee infra di loro duoi spazj l'uno maggiore dello altro, dipoi tirinsi per il trauerso le dette tre linee, fino a tanto che da ogni banda terminino nella linea che passando per il centro fa leuante & ponente. Scompartiscinsi dipoi dette tre linee talmente che se ne facci dodici parte per lato, cioè dodici da mezzo di uerso ponente, dodici dal detto mezzo di uerso leuate, & dodici da ciascun lato, delli angoli insino alla linea che fa come si dice leuante & ponente, & applicando una testa del Regolo ferma al centro tirinsi lincette a schiancio, che diuidino le tre linee in parti, & a quelle si applichino i numeri cominciando a porli, dalla linea di mezzo di, & andare uerso li angoli, & il simile si faccia, delle altre parti che uanno a terminare nella linea che fa leuante & ponente. Questo instrumento, o bussola ritta non ha bisogno di ago, ma si bene di una lina con le sue mire impernata nel centro, è di necessità fermare questa bussola in uno stile che a guarda si rilieui di su la lina della bussola piana, & talmente che il suo profilo barta in su la linea della lina piana, che da molti è chiamata la linea della fede, & che nel mouer la lina della bussola piana in qua, o in la, a quei gradi che ci occorrono, porti sempre seco questa bussola ritta, & auuertiscasi che lo stile della bussola ritta stia per ogni uerso a piombo su la lina della bussola piana, ilche si uedra con duoi piombetti

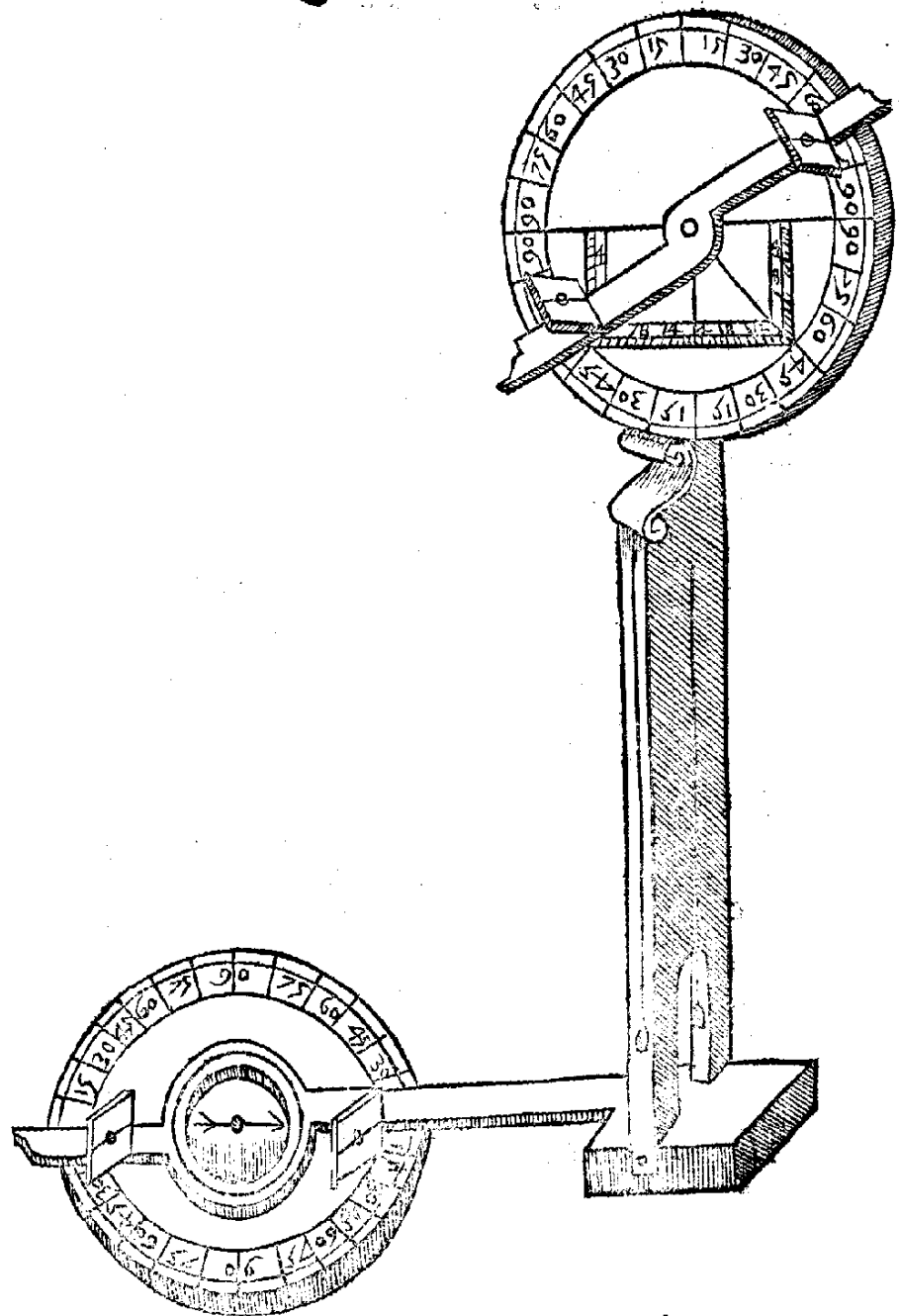
binetti collocati in detto stile, come si vedrà in disegno. Bisogna anco auuertire nel collocare questo stile su la linda che non impedisca le mire della linda piana, ilche si farà facilmente lasciandolo da piè nel mezzo aperto a guisa di porta: alcuni hanno usato nel collocare questo stile su la linda accomodarlo di forte, che a sua comodità lo possono leuare & porre, ilche io lodo grandemente, si per potere maneggiare la bussola piana a leuar le piante, senza la ritta, si ancora per la comodità del poter mettere l'una & l'altra bussola in una scatola, & portarla oue ci farà di bisogno, pur che lo stile & la linda sia di materia soda, che nel cōmetterli insieme facciano sempre angolo a squadra, ne uò mancar di dire che le dodici parti di qual si uoglia lato della scala altimetrica si debbon diuidere ciascuna in quattro parti, cioè gradi, talche dalla linea meridiana alli angoli uenghino per ciascun lato gradi 48. & così per li altri lati come si vedrà nel disegno: ma porremo prima il disegno della bussola piana.



Poi che di là si è posto il disegno della bussola piana senza la linda, mi pare ragioneuole mettere al presente in disegno, la bussola ritta senza la linda per maggior dichiarazione, come dopo questo si metterà anco in disegno l'una & l'altra bussola applicate insieme con le loro linde & stile, & altre appartenenze.

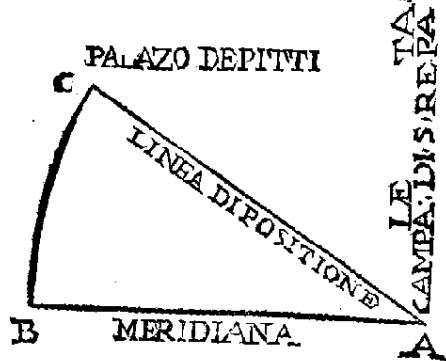


*Bèn nò credere che mediante il presente disegno, ogni ragione-
 le ingegno potrà conoscere in che modo habbi ad essere applicata la
 bussola ritta sopra la piana, quando bene ne gli scritti passati hauesi
 hauuto qualche difficoltà circa lo intenderli, ancor che per quanto mi
 è stato possibile io mi sia ingegnato di essere stato piu largo, & piu
 aperto*



aperto ch'io ho potuto. Non vorrei già che alcuno mi imputasse se in questi disegni io non hauesi posti i gradi un per uno, o a cinque a cinque come nelle figure passate, che venendo queste figure tanto piccole, non mi pareua di poterlo fare, senza arrecare confusione a gliocchi de reguardanti.

Inanzi che si diano le regole, o i modi dello operare mi pare conueniente dichiarare che cosa sia linea, o angolo di positione, ouero positura mediante le quali ci haranno a gouernare in queste nostre operationi, alcuni le hanno chiamate linee di positione, conciosia che trouandosi cō la bussola ad operare in alcun determinato luogo nel guardare uno altro luogo, voltando la linda ad esso, hanno chiamato linea di positione quella dirittura che passa per detto luogo in su la quale poi hanno a terminare il sito, o positura di quel tal luogo, & la distanza che è poi infra la linea del meridiano, oue saremo stati alla operatione, a questa linea della positione del luogo veduto, chiamano angolo di positione. Seruaci per esemplo che A sia Firenze, & la sua linea meridiana sia B, & che stando in Firenze con la nostra bussola sul campanile di S. Reparata nella suprema altezza doue sia la sponda di marmo del angolo del detto campanile che risponde su la piazza di S. Giouanni allato a S. Reparata facemmo tale operatione,



ne, veggiamo il palazzo de Pitti discostarsi dalla linea di mezzo di, verso ponente gradi 24. & chiamasi C, dico che la linea AC, si chiama linea di positione, o di veduta, & l'angolo ABC angolo di positione & questo

questo ci basti per tale dichiarazione, conciosia che io voglia piu tosto chiamarla linea del luogo che io guardo, & applicarui il nome di quel luogo perche ne habbiamo dipoi bisogno per i riscontri delli intersecationi come diremo di sotto.

Come si operi con la bussola per descriuere una Regione. Cap. II.



RASFERIREMOCI in al uno luogo alto, & che nō habbia impedimenti a torno, accio le vedute sieno libere & spedite, & quui fermeremo la bussola a piano, & talmente volta che lo ago venga a dirittura della tramontana, & tenendola ferma, voltisi la linda, a luoghi che noi vogliamo vedere, & se alcuni di detti luoghi ci uenisse tanto sotto che noi non lo potessimo vedere per le sue mire, guarderemo per le mire della bussola ritta, che trasportata dalla linda della bussola piana, ci darà commodità di vedere detto luogo, & ueduti i luoghi da presso, o da lontano, nō tinsi da parte i nomi di detti luoghi, & i gradi doue batte la linda nella bussola piana. Fatto questo, & notati tutti i luoghi che ci occorreranno, è di necessità trasferirsi con la bussola in uno altro de già ueduti luoghi doue posta la bussola a piano voltando pur l'ago alla dirittura della tramontana come si fece nella prima operatione, uoltisi la linda a tutti i luoghi che vedemmo, nel primo luogo della prima operatione & non tinsi da parte ancora i nomi di detti luoghi, et i lor gradi della bussola piana. Fatta l'una & l'altra operatione & presi i gradi, & nomi de luoghi, apparecchisi un cartone, tanto grande appiccando piu fogli insieme & per la lunghezza & per la larghezza, quanto vorremo che sia la Prouincia che vorremo descriuere, faccisi ancora un cerchio di

di cartone, quasi a guisa di bussola scompartito in 360. gradi, 90. cioè per quarta come la bussola, da poterlo applicare piu quã, & piu la per detto cartone, & seruircene in piu luoghi. Ordinate queste cose stabiliscasi un punto, o nel mezzo di detto cartone, o in altro luogo secondo che daremo principio a disegnare detta Prouincia, o da un luogo che sia nel mezzo, o da un luogo che fusse da una testa, o da un lato vicino a confini: Et per venire allo esemplo dicasi che lo stabilito punto sia il campanile di S. Reparata doue stemmo a fare la prima operatione; applichisi la bussoletta di cartone col suo centro al detto punto, e poi si tiri la linea fra tramontana & mezzo di a dirittura, ricorderemoci che notammo da parte, nella prima nostra operatione, che hauuamo trouato il palazzo de Pitti a gradi 24. fra mezzo di & ponente, per il che posta una testa del regolo al centro di questa bussoletta, andremo con l'altra a trouare li detti 24. gradi fra mezzo di & ponente, & tireremo una linea senza inchiostro, alla fine della quale in lato che non impedisca il campo, scriuerremo il suo nome, cioè Palazzo de Pitti; ricorderemoci ancora che uedemmo la torre de gli Alessandri a gradi 55. fra tramontana & leuante: & il palazzo di sua Eccellenza Illustrissima a gradi 10. tra mezzo di & leuante, Monte oliueto a gradi 81. fra mezzo di & ponente. Belvedere a gradi 66. fra mezzo di & ponente, Bello sguardo a gradi 53. fra mezzo di & ponente, la Petraia a gradi 14. fra tramontana & ponente, Fiesole a gradi 40. fra tramontana & ponente, il Caualiere, ouer Bastion di S. Giorgio a gradi 3. fra mezzo di & ponente, da quali gradi si debbon a ciascuno disporsi tirare le loro linee, secondo che ci darà il centro della bussoletta di cartone & il grado luogo per luogo, & notarle con i lor nomi, talche haremo di già le diritture di detti luoghi della prima operatione. Trasferimmoci di poi per la seconda operatione al palazzo de Pitti, & saliti al secondo

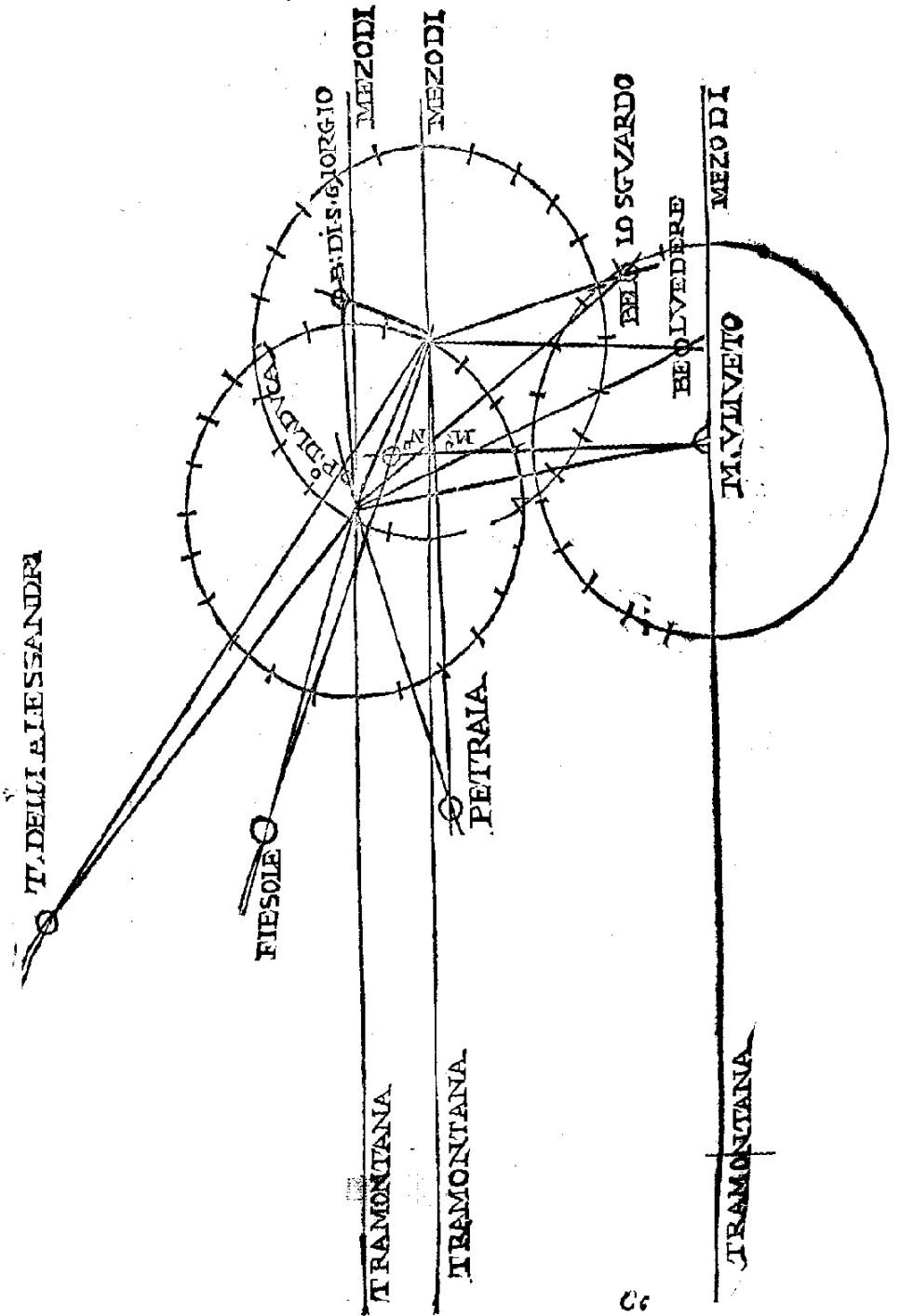
finestrato

finestrato posta la bussola su lo angolo verso Arno della facciata dinanzi, quãui facemmo la seconda operatione. Et però licuisci la bussoletta di sul cartone di quel luogo che ci ha seruito per il campanile alla prima operatione, & trasportisi su per la linea della veduta del palazzo de Pitti presso, o lontano, a nostra commodità, ad un punto determinato che ci serua per il canto, o angolo del palazzo de Pitti alla seconda operatione, & accomodisi di maniera che tirando la linea da tramontana a mezzo di, sia parallela & ugualmente lontana dalla altra che tirammo per la prima operatione. Collocata la bussoletta in questa maniera uedremo che il campanile di S. Reparata, batterà ancor esso fra tramontana & leuante a gradi 24. luogo o grado a punto opposto alla prima operatione, nella quale stãdo sul campanile di S. Reparata uedemmo il palazzo de Pitti a gradi 24. fra mezzo di & ponente. Et però in questo luogo non occorre tirare altra linea perche il centro della bussola serue per il palazzo de Pitti. Fatto questo ricorderemoci che nella seconda operatione uedemmo la torre de gli Alessandri a gradi 47. fra tramontana & leuante, & però tirisi una linea che passando dal centro della bussoletta per detti gradi 47. uadia ad intersecare la linea di detta torre delli Alessandri della prima operatione, et doue occorre detta intersecatione quãui sarà il luogo di detta torre. Ricorderemoci ancora che in questa seconda operatione trouamo il palazzo di S. Eccellenza Illustrissima a gradi 37. fra tramontana & leuante. Monte oliueto a gradi 74. fra tramontana & ponente. Belvedere a gradi 89. fra tramontana & ponente. Bello sguardo a gradi 73. fra mezzo di & ponente, la Petraia a gradi 5. fra tramontana & ponente. Fiesole a gradi 27. fra tramontana & leuante, il Caualiere di S. Giorgio a gradi 59. fra mezzo di & leuante, & però tirinsi le lor linee che dal centro della bussoletta & da gradi di ciascun luogo uadino ad intersecare

segare

LIBRO

segare le linee, della prima operatione & nelle intersecationi che fanno dette linee si ponghino i luoghi loro come ne disegni si puo vedere. Et auuertiscasi che se per sorte accadesti, come tal uolta occorre, che nell'una operatione & nell'altra ci uenisse per dirittura alcun luogo, che non sapeffino doue collocarcelo, o piu inanzi, o piu indietro per detta linea, bisogna trasferirsi in un terzo luogo a far la terza operatione per detto luogo, come per esempio se nella linea, che è fra il campanile et i Pitti fusse anco il Mercato Nuouo, talche non sapeffimo doue collocarcelo, trasferiremoci con la nostra bussola a Monte oliueto, & posto lo ago alla dirittura della tramontana vedremo che ci darebbe detto Mercato Nuouo a gradi 86. fra tramontana & leuante, tireremo adunque una linea da Monte oliueto per detti gradi 86. & doue ella intersecherà la linea tirata infra il campanile & il palazzo de Pitti quini sarà il luogo di Mercato Nuouo come per maggiore dichiaratione si uedra nel disegno che segue.



Come si possa mettere in carta una Prouincia sapute le distanzie di luoghi, Cap. III.



SI COME mediante il Cap. passato ci bisognaua hauere due linee di positioni, o di uedute cosi per operare in questo altro modo, ci bisogna sapere le distanzie diritte di qual si voglia luogo, che saranno infra esso & duoi altri luoghi. Faccisi adunque primieramente una scala delle miglia a nostro piacimento, pigliando una lunghezza con decente alla carta in che vogliamo descriuere detta Prouincia. Dipoi ponghinsi in detta carta le due prime terre, castella, o luoghi doue uorremo, secondo le lor distanzie, et per il terzo luogo, o terra bisogna saper la distanza che è fra i duoi primi et questo terzo, & pigliando con le seste, nella scala delle miglia la distanza che è fra questo terzo luogo, & uno de già posti prima fermisi un piè delle seste nel primo luogo, & con l'altro tirisi un cerchio, dipoi piglisi l'altra distanza delle miglia nella scala, & posto un piè delle seste nel secondo luogo tirisi un altro cerchio; questi duoi cerchi, o si intersecheranno insieme in duoi punti, o si toccheranno in un punto solo se si toccheranno solamente in un punto, quello sarà il termine & il punto del terzo luogo: il qual toccamento ci sarà piu chiaro se dal centro dell'un cerchio tireremo una linea al centro dell'altro. Ma se i detti cerchi si intersecheranno in duoi lati auuertiscasi che il detto terzo castello sarà in una delle due intersecationi, per il che considerisi se detto terzo castello uicne in su la destra, o in su la sinistra delli duoi già prima posti, & pongasi su la intersecation che uicne, o destra, o sinistra. Seruaci per esempio che la scala sia di 15. miglia A B, io porrò primieramente Firenze, & sapendo che la bella uilla di Castello di S. Eccell. Illustrissima, è lontana da Firenze per tre miglia e mezzo,

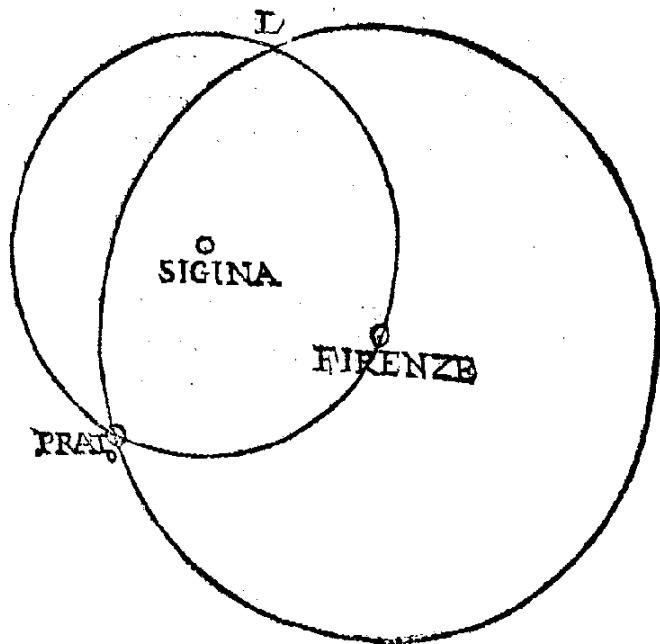
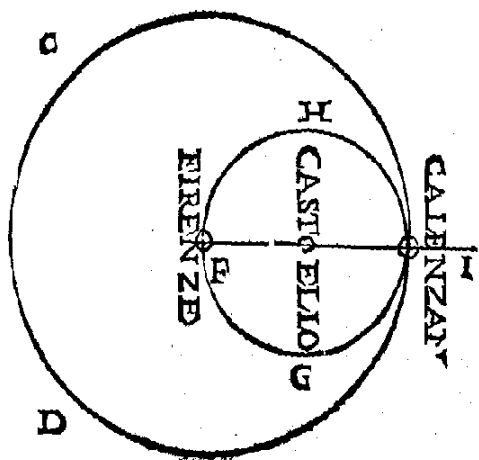
piglio

piglio la distanza di tre miglia e mezzo nella scala, & fermo un piede in Firenze, fo con l'altro un punto che serue per detta uilla di Castello: dipoi per porre Calenzano sapendo che da Firenze a Calenzano sono sette miglia, piglio nella scala la distanza di sette miglia, & fermo un piè delle seste in Firenze, fo con l'altro un cerchio quale, è C D E, il simile fo della uilla di Castello, presc le $3\frac{1}{2}$. miglia nella scala & tenendo un piè delle seste fermo in Castello, fo un altro cerchio F H G, questi duoi cerchi si toccano in un lato solo, & detto toccamento, è incerto & però tiro una linea da centro a centro, & dico che Calenzano, è nel punto del toccamento I. Ma se hauesimo uoluto uedere doue hauesimo a porre posto Firenze, Prato & Signa sapendo che da Firenze a Prato sono 10. miglia fatto la apertura di 10. miglia con le seste nella scala, tireremo un cerchio, fermo in piede in Firenze, & dipoi preso lo spazio che è fra Firenze & Signa, che sono sette miglia & fatto un cerchio dal punto di già preso per Signa, fo un altro cerchio il quale interseca il primo i duoi punti K, & L, & perche io so che Signa, è su la man sinistra di Firenze guardando verso Prato, dico Prato hauere ad porsi nel punto K, questo modo è facilissimo, ogni volta che o per mare, o per terra noi hauesimo la uera notitia delle miglia da luogo a luogo.

Non uò mancare di dire che questo modo passato se bene, è facile a metterlo in atto, saputo che haremo le miglia de luoghi, non è però molto fedele, mediante la inegualità delle miglia, nõ andando sempre le strade per linee rette da luogo a luogo, ma torte in verso piu lati secondo il caso, o la occasione del paese, & però è di necessità che nel metterlo poi in atto faccia su la carta qualche varietà.



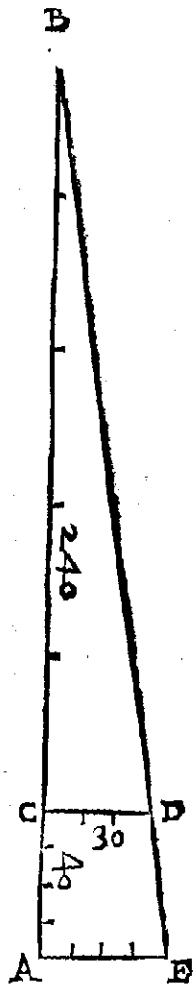
Come si trouui una distantia di un luogo e sia quanto si
uoglia lontano. Cap. IIII.



ANCORA che il medesimo si sia insegnato nel terzo cap. et nel quarto del primo libro non mi pare fuor di proposito replicare in questo luogo un modo di trouare le distanze atteso quanto sia necessario per porre le regioni in carta, et che molte volte accaggia non hauer seco strumento alcuno co che pigliare si possino dette distantie diritte; però siami concesso il poterlo quasi che replicare in questo luogo ancorche si uari qualche cosa da modi detti. Seruaci per esempio che sia un castello del quale vogliamo saper la distantia, archeremoci in un campo largo et spazzato per il quale possiamo andare inanzi e indietro, et tornare ancora a nostro piacimento, et se bene non sarà piano non importa molto. Quindi presa la veduta del castello accosteremoci per linea diritta ad esso castello dal luogo prima determinato, per 35. passi et quivi rizzisi in terra fitta a piombo una asta, la quale chiamaremo C, il castello da ueder si V, et il nostro primo luogo cūc ci ponemmo A. Fatto questo discosteremoci dal C, in su la mano ritta ad angolo a squadra della dirittura AB, per 26. passi, et in questo luogo porremo una seconda asta, la quale chiamaremo D, doueuasi porre per terza asta A se bene non si è detto prima, et partendoci da essa douemmo discostarsi ad angolo a squadra verso la man destra tanto che la veduta dello occhio nostro passando per la seconda asta D, arriui al castello da misurarsi, et quivi poni un termine, o asta che sia E, misurisi dipoi, o con braccia, o cō canne quante le siano infra C et D, prima et seconda asta, et ponghinsi da parte il numero di questa prima lontananza misurisi dipoi quante braccia sono infra C et A, la quale chiamaremo lontananza seconda

et par=

Et porremo da parte anco questo suo numero, ultimamente misurisi la terza lontananza, cioè infra A & E, & ponghinsi da parte ancora le sue braccia. Traggasi dipoi la prima lontananza dalla terza,



et quel che ce ne resterà diuenrà il nostro partitore. Multiplichisi dipoi la terza lontananza per la seconda, & quel che ce ne risulta partasi per il partitore, & quel che ce ne verrà sarà la dirittissima distanza infra A & B, cioè fra la terza asta & il castello. Dicefi adunque che essendoci discostati dal C, ad D, per 26. passi, che sono braccia 30. in circa, che poco o niente possono variare di questo.

Et dal C, A, per 40. braccia, & dalla A E, per braccia 36. traggasi il 30. dal 36. et ce ne resterà il partitore, che sarà 6. multiplichisi dipoi il 40. p 36. & ce ne verrà 1440. il qual multiplicato partito per 6. ci darà braccia 240 che è la uera diritta lontananza infra A & B, & è chiarissimo che questo modo è certissimo ogni uolta che nel discostarsi per lato dalla prima ueduta & seconda, ce ne discosteremo ad angoli retti, così l'una uolta come l'altra, ma credo bene che senza un quadrante,

o altro instrumento simile, difficilissimamente potremo discostarci ad angoli a squadra, & quanto maggiore fusse detto quadrante, tanta

tanta più giusta sarebbe la operatione, ma mostrisi la figura p maggiore dichiarazione. Non è dubio che chi considererà diligentemente potrà conietturare che questo medesimo si può fare con il quadrante come si fece nello operare che si insegnò nel primo libro, & che poco di sopra si è allegato, modo insegnato dal Perurbachio, & dallo Orontio & da altri, ma auuertiscasi che quanto maggiori, si pigheranno le distantie fra asta & asta, tanto più giusta tornerà la operatione, la quale non vorrebbe passare però molta gran lontananza si per la Piccolezza della scala alimeira descritta nel quadrante, & si per la acutezza de razi della ueduta, che non è possibile che non uadino in qualche cosa variando, ma parendomi che nel primo libro se ne sia parlato a bastanza uò por fine a questo ragionamento.

Come ueduti dua, o tre luoghi si possono giustamente trouare le loro distantie, mediante le linee & gli angoli delle positioni, ancorche non ci trouassimo in alcuno di detti luoghi: & come si possa disegnare una Prouincia senza la bussola ritta, & senza l'osservatione della tramontana. Cap. V.



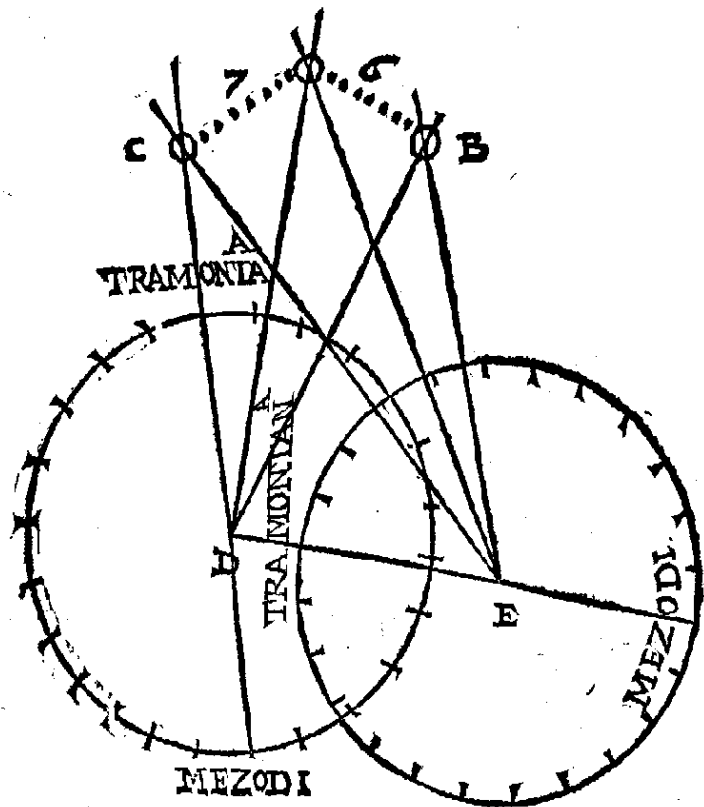
ER trouare la uera distanza di 3. o 4. luoghi andrencene con la bussola in una campagna, & non attendendo alle regioni del cielo uolteremo uno de suoi diametri, cioè quello che ua da tramontana a mezo di ad uno de luoghi da misurarsi, et sia qual si uoglia, dipoi uoltsi la lenda (stando ferma la bussola) a tutti i luoghi che vorremo misurare. Et notinsi i gradi, & i nomi de luoghi, secondo che si accostano, o discostano dal detto diametro dalla bussola, & il luogo ancora doue disegneremo stare alla seconda operatione, & secondo che già si disse nel

nel secondo capitolo di questo libro, ponghinsi con la bussola di cartone, in carta dette linee. Trasferiremoci dipoi in quel luogo dove vorremo stare per la seconda operatione, che sia un 300. braccia, o piu lontano, per la dirittura nodimeno del luogo disegnato per la detta seconda operatione, & volteremo la bussola che con il suo diametro, che passa da tramontana a mezzo di, guardi verso il luogo della prima operatione, & veggasi doue battono, cioè a quanti gradi le linee delle cose, o luoghi che vedesti nella prima operatione, in questa operatione seconda, & notinsi i nomi & i gradi da parte. Fatto questo pongasi la bussola di cartone su la carta che vorremo che serua a descriuere tal Regione, talmente che il suo diametro che passa da tramontana a mezzo di vadia a trouare, il luogo della prima operatione, & di quiui si tirino le linee della veduta, o posuione di questa seconda operatione, & doue elle intersecheranno le altre a lor simili, cioè de medesimi luoghi & nomi della prima operatione, quiui sarà i termini & le positure di detti luoghi. Misurinsi dipoi quante braccia sono dal luogo della prima operatione a luogo della seconda, perche mediante queste misure troueremmo le misure de gli altri luoghi in questo modo. Diuidasi la linea che è fra un centro & l'altro della prima & seconda operatione in quante parti noi vorremo, & secondo queste parti, misurinsi le distantie che son poi fra luogo & luogo. Multiplichisi dipoi quelle tali parti che sono infra i duoi luoghi, per la lontananza che è fra le due operationi, & quel che ce ne viene partasi per le parti delle operationi, & haremo la vera distantia de luoghi. & il simile si faccia delli altri luoghi, ma perche si è parlato alquanto scuramente, vengasi allo esempio per facilitare la cosa. Siano tre luoghi A B C, de quali noi uogliamo sapere le distantie fra l'uno & l'altro, senza hauerci a trasferire in alcuno di essi, io porrò la nostra bussola nel punto D, talmente che

il dia=

il diametro di detta che passa da tramontana a mezzo di sia volto al C, non hauendo riguardo alcuno alle regioni, o parti del Cielo dipoi volgendo la linda guardisi per le mire il luogo A, & il luogo B, & similmente E, doue disegneremo stare a fare la seconda operatione, & trouisi che fra C, & A, sono 20. gradi, & fra C, & B, ne sono 40. & fra la linea C D, & la E, ne sono 110. Tigliasi dipoi la nostra bussola di cartone, & fermisi sopra il cartone nel qual si ha a disegnare la Prouincia, & tirisi la linea dal centro D, primieramente al C, che serue per il diametro che è fra tramontana & mezzo di, & hauendo trouato che A, era 20. gradi lontana dalla linea C D, tirisi da detti gradi & centro una linea che sarà D E, la quale passa per A, & dipoi tirisi la linea de 40. gradi D B, per infino al G, ultimamente tirisi la linea di 110. gradi D E, per infino alla H, giu per questa linea poi si ponga un centro lontano quanto si uoglia, che sarà E, doue si ha a por di nuouo la bussola per la seconda operatione, la qual ponghiamo che sia in una distantia dal D, di 300. braccia, & volta la bussola di cartone, che con il suo diametro che ua da tramontana a mezzo di, guardisi il punto D, della prima operatione, dipoi si uolta il regolo dal E, al C, che si allontanaua per 40. gradi, & quiui si tiri una linea che interseca detto C, passando per detti 40. gradi, trisi poi la A, che è a 60. gradi, & B alli 75. li quali linee diuidono tutte le linee della prima operatione. Fatto questo diuidasi la linea D E, con le sette in dieci parti uguali, mediante le quali parti misurinsi le distantie tra luogo & luogo, & dico per la regola delle tre cose, se 10. mi da 300. & 10. ha fra B & A, sei di quelle parti che D E, è 10. che mi darà 6. è chiaro che mi darà 180. ilche è la vera distantia infra A B, & in questo medesimo modo sapremo le distantie fra A C, D C, D A, D B, C B, E C, E A, et E B, & questo è il terzo modo di disegnare una prouincia, facilissimo piu

D d di



di tutti gli altri, conciosia che non si ha bisogno se non d'un cerchio di viso in 360. gradi con la linda, non ci fa mestiero di bussola ritta, o in piano, non di osseruatione di tramontana, nò di longitudine, o latitudine, nò di distantie de luoghi, & è tanto certo & chiaro modo che serue per 200. 300. & 400. miglia, senza alcuno errore, o differentia notabile, pur che lo occhio ci serua, & si faccino come si è detto 2. operationi da duoi luoghi, tal che le cose ci uenghino sempre vedute due volte, & in questa maniera si puo disegnare Città, Castella, Torri, Nascite, Suolte, o Sboccamenti di fiumi, Liti, Porti & qual si uoglia sorte di luoghi, o siti.

Come

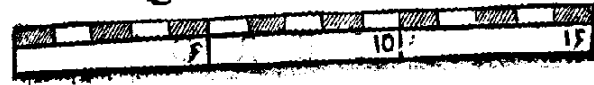
Come si possa descriuere una Regione, o Prouincia, sapendo le distantie, & li angoli delle positioni,

Cap. V I.



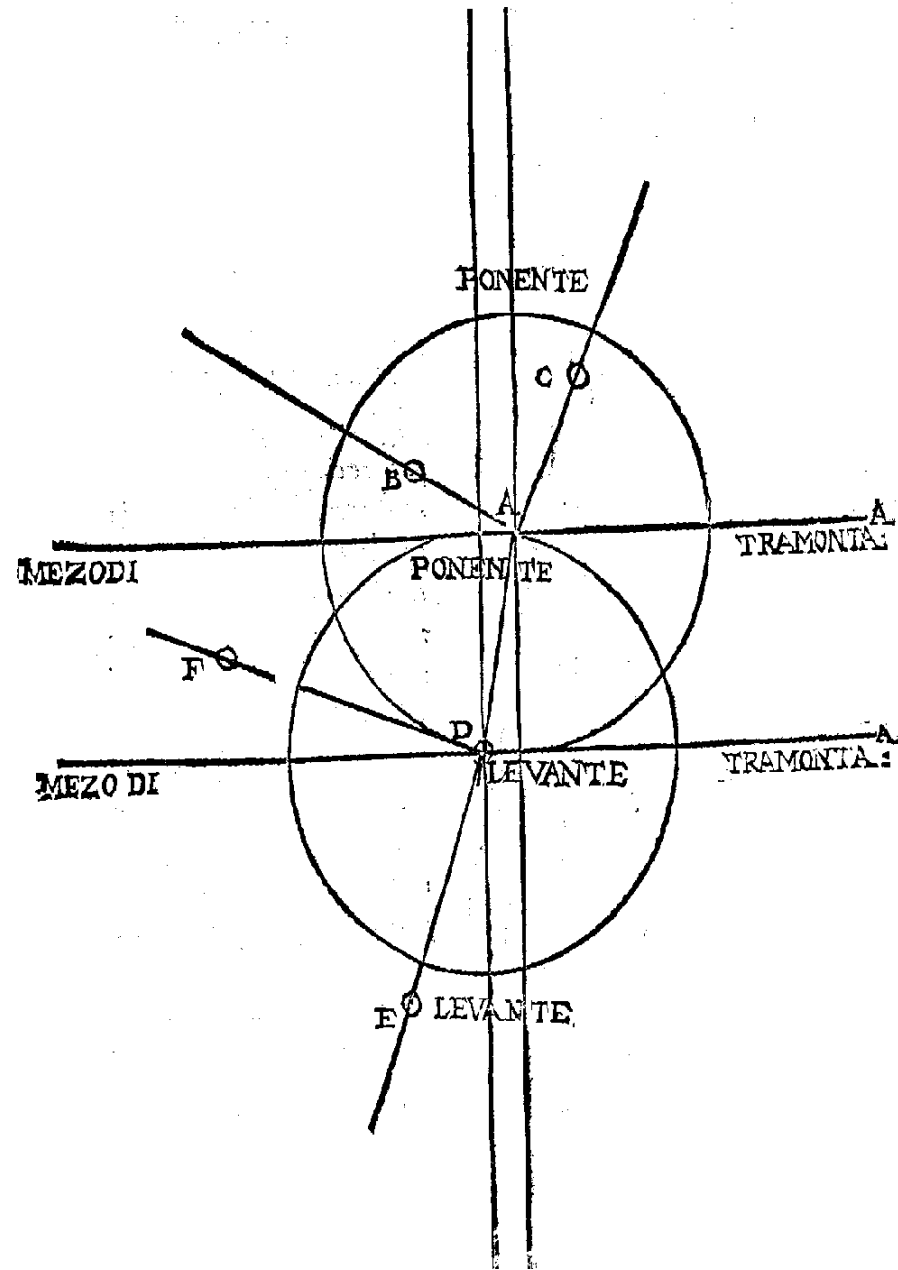
QUESTO ultimo quarto modo è molto facile, ma si ha bisogno di due cose prima di sapere le distantie; & poi trouare le linee delle positioni; le quali cose quando haremò sapute mediante le cose di già insegnate. Piglisi la bussoletta di cartone, & applichisi secondo il luogo donde si ha a cominciare in sul cartone, cioè se il luogo sarà nel mezo della Regione, o Prouincia, pongasi detta bussoletta di cartone nel mezo del cartone; & se altrimenti pongasi secondo che ricerca il bisogno. Fatto questo tirinsi le linee delle diritture, o positioni, in quel modo che già si è insegnato. Fatto questo faccisi una scala delle miglia secondo la grandezza della carta doue uogliamo disegnare detta Prouincia; & da questa scala piglinsi le distantie, cioè la quantità delle miglia; & trasportinsi dal centro donde si tirarono le diritture fino alla quantità che si sarà presa luogo per luogo in dette diritture & se fatto una prima operatione, ci piacerà di andare a fare la seconda, applichisi la bussoletta di cartone ad uno de luoghi già descritti, uoltandola talmente che tramontana corrisponda a tramontana, & mezo giorno a mezo giorno, & sieno ugnamente discosto, cioè parallelo l'un diametro allo altro, & dell'altre cose, operisi come già si è detto. Seruaci per esempio che il primo luogo sia A, & i luoghi allo intorno siano B C D. Discostisi B, da mezo di inuerso ponente per 30. gradi, & C, da ponente verso tramontana per uenti gradi, & D, da leuante verso mezo di, per 10. gradi, & infra B, & A, siano tre miglia, & infra C, & A, quattro, & infra D A, cinque, io applico la bussoletta di cartone alla A, & tiro linee

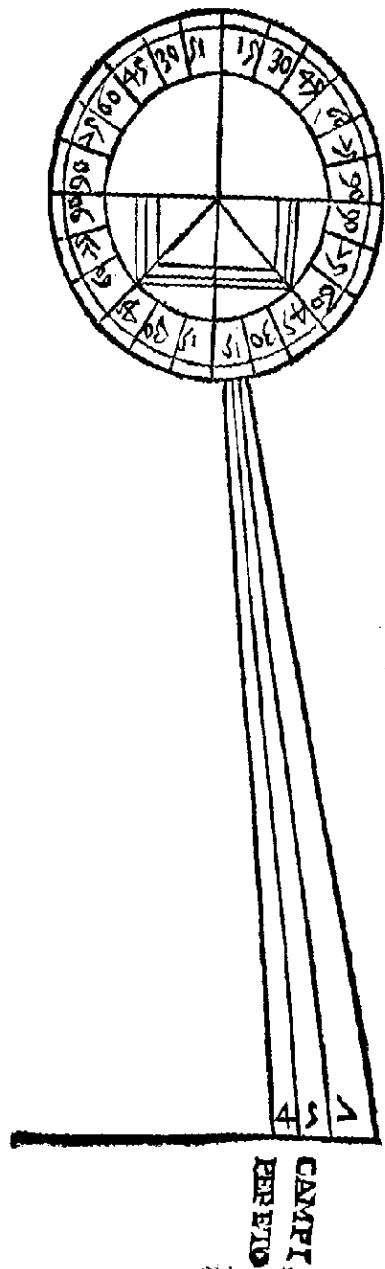
D d 2 A B,



L I B R O.

*AB, AC, & AD, secondo i loro gradi, dipoi piglio con le feste la
 quantità delle miglia luogo per luogo. & trasporto nelle loro linee.
 Trasferiscomi dipoi nel luogo D, intorno al quale sono duoi luoghi
 E & F, & la detta E, si discosta da leuante uerso mezo di, per 20.
 gradi, & F, da mezo di, in ponente per duoi, & E, è lontana da D,
 per sei miglia, & F, per sette. Pongo adunque la bussolotta di car-
 tone nel centro D, talmente che la sua linea della meridiana, sia pa-
 rallela alla meridiana della prima positura, & poi tiro le linee DE,
 & DF, secondo i loro detti gradi, dipoi piglio le distantie delle lor
 miglia nella scala, & le trasporto nelle loro linee, & così haremo da-
 to fine a quattro modi del mettere le prouincie in carta, che promet-
 temmo nel principio di questo quarto libro, nel qual non ci resta a di-
 re altro se non aduertire chi legge, che questo modo del descriuere le
 prouincie non è molto fedele, mediante la disugualità delle miglia,
 & piegamenti delle strade, i quali modi se perauuentura non pia-
 cesimo a qualcuno, ricordisi che Gemma Frisio, & molti altri han-
 no usato dire, che se Tolomeo risuscitasse non saprebbe ne potrebbe
 dare regole migliori per descriuere le regioni, in piano, & per dichia-
 ratione maggiore delle cose dette ueggasi la figura che segue.*





Non uoglio lasciare indietro la commodità della bussola ritta nel pigliare le distantie, per cioche quando noi fusimo con essa in alcun luogo di Firenze, et voltassimo la linda della bussola piana alla ueduta di Peretola, et uolemmo notare la distàtia delle diritture mediate la bussola ritta, guardisi a quati gradi della bussola ritta si uede per le mire della sua linda, che ponghiamo che sia per modo di parlare cinque gradi della quarta da mezo di, a leuante, notisi poi che a sei gradi di detta quarta, ci darà uno spazio a dirittura, et per modo di dire fra Peretola et Campi di quattro miglia, et dipoi a sette, ci darà uno spazio di cinque miglia, tanto che di già da cinque a sei, et da sei a sette gradi, ci harà fatto una differentia di un miglio per grado, ueggasi dipoi un altro grado piu inanzi, et ci darà forse una differentia di dua miglia, con la qual regola delle differentie, si potrà procedere in infinito,

infinito, crescendo sempre di grado in grado quel che li tocca. Ma auuertiscasi che questa regola non serue in tutti i luoghi ne in tutte le altezze, anzi bisogna sempre in ogni luogo doue ci troueremo, fare questa scala delle differentie che ci darà l'un grado dall'altro, concio sia che tali differentie, si uanno variando, secondo le altezze nelle quali ci troueremo a fare le operationi, o piu alte, o piu basse, da luoghi che uorremo misurare per porte in disegno, et eccone lo esempio in disegno, troppo piccolo inuero a queste minuuie, ma serua per svegliare lo ingegno di chi legge.

DEL MODO DI MISVRARE
TUTTE LE COSE TERRENE,
DI COSIMO BARTOLI
Gentilhuomo, & Academico Fiorentino.

LIBRO QUINTO.



DOI che io ho presa la fatica di giouare a molti che non hanno notitia della lingua greca, o latina, nel mettere in questa nostra materna lingua Fiorentina le cose dello Orontio, & di alcuni altri attenenti alle misure come per lo adietro si è dimostro, non voglio recusare ancora questa altra fatica di mettere nella medesima lingua quelle dimande, concezioni, o proposizioni di Euclide, che sono state, ne capitoli de libri passati, piu volte da me citate, accioche coloro che vorranno piu esattamente vedere in fonte la ragione delle cose dette, possino satiare lo animo loro, & godersi di queste mie fatiche, emmi parso metterle da parte tutte insieme, & non luogo per luogo doue le sono citate per non confondere gli animi di coloro che uolesino solamente attendere alla pratica dello operare a quali bastera forse le cose dette infino a qui. Ma per satiare alli studiosi ho voluto che le si possino uedere in questa lingua tutte insieme. Satisfaccisi dunque ciascuno di quel che piu li piace, & contentisi per hora, solamente di quelle che io ho messe in questo libro insieme, per dichiarazione delle cose passate, non essendo stato mia intentione di voler tradurre come molti forse desidererebbono Euclide: ma di voler solamente tradurre

tradurre quella parte che mi è parsa necessaria per rendere ragione delle cose insegnate ne passati libri. Ma per non consumare piu tempo che ci bisogni nelle parole cominceremo a dire che le dimande di Euclide sono cinque, delle quali ci bisogna far mentione.

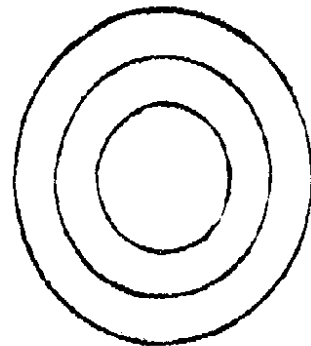


Dimanda prima.

Concedasi che da qual si uoglia punto si possa tirare una linea diritta ad uno altro punto, & che ella si possa tirare lunga a dritto quanto ci piace.

Dimanda I I.

Concedasi che da qual si uoglia punto si possa tirare un cerchio, che occupi quanto spazio ci piace.



Dimanda I I I.

Concedasi che tutti gli angoli retti sieno fra loro uguali.



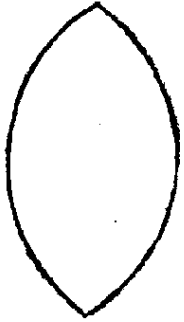
Dimanda I I I I.

Concedasi che se una linea diritta cadrà sopra due linee diritte, & che i duoi angoli da una banda sieno minori di duoi angoli retti, che si chiaro che le dette due linee tirandole a dilungo si congiungeranno insieme.



E e Di

Concedasi che due linee diritte non possono conchiudere alcuna superficie.



Le concettioni dello animo quanto ad Euclide sono otto ma due solamente son quelle delle quali ci habbiamo da seruire.

Concetto dello animo I.

Quelle cose che sono uguali ad una & medesima cosa, sono ancora fra loro uguali.

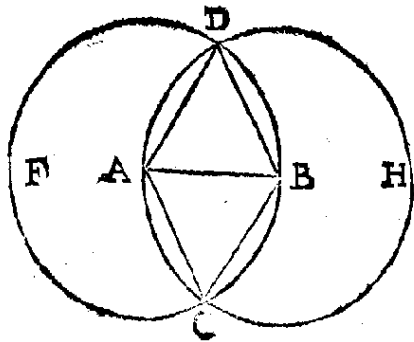
Concetto II.

SE si aggiungon cose uguali alle uguale ogni cosa sarà uguale.

Concetto VIII del I. di Euclide.

SE alcuna cosa si porrà sopra di un'altra & si applicherà a quella, & l'una non auanzerà l'altra, elle saranno fra loro uguali.

Proposta prima del primo libro di Euclide.

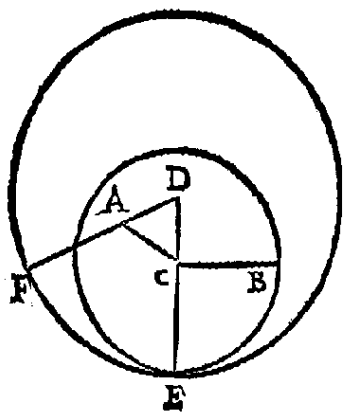


STabilire un triangolo di lati uguali, sopra una linea diritta proposta. Sia la proposta linea diritta AB, sopra della quale io voglio stabilire un triangolo di lati uguali. Pongasi un piè delle feste sopra una delle sue

le sue teste, cioè nel punto A, & con l'altro girisi un cerchio per quanto è la lunghezza di detta linea che passerà per il punto B, come ne insegnò la seconda dimanda. Il qual cerchio sarà CBDF, dipoi faccisi centro del punto B, & girisi uno altro cerchio, il quale sarà CADH, questi duoi cerchi si intersecheranno in duoi lati, cioè nel punto C, & nel punto D, da una delle quali intersecatione, cioè dal D, tirerò due linee DA, & DB, secondo la regola della prima dimanda. Hora perche dal punto A, che è centro del cerchio CBDF, si son tirate le linee AD, & AB, sino alla sua circonferentia, esse faranno di necessità uguali mediante la diffinitione del cerchio, la quale dice. Il cerchio è una figura piana fatta da una linea, che si chiama Circonferentia, nel mezzo della quale è un punto, dal quale tutte le linee diritte che si partono & vanno sino alla circonferentia sono uguali l'una all'altra, & il suo punto del mezzo si chiama centro. Similmente ancora perche dal punto B, che è centro del cerchio CADH, si son tirate le linee BA, & BD, infino alla sua circonferentia, elle saranno uguali; Et perche l'una & l'altra, cioè AD, & BD, è disperse uguale alla linea AB, come si è già prouato, saranno ancora infra di loro uguali, mediante la regola della prima concettione, o vogliamo dir la concettione dello animo. Perilche habbiamo in questo modo collocato, ò stabilio sopra la proposta linea diritta un triangolo di lati uguali come ci fu proposto.

Proposta seconda di Euclide.

Tirare da un dato punto intorno a una linea diritta proposta, una linea diritta che le sia uguale. Sia il dato punto A; & BC, la linea proposta, se noi vorremo dal punto A, tirare una linea uguale alla BC, dal qual si voglia parte che ci occorra, tirisi una linea che congiunga la A, con quella testa della BC, che ci occorrerà



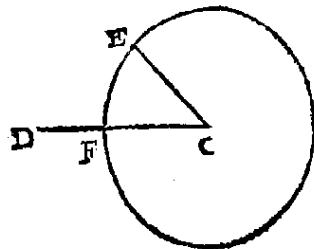
piu oportuna, ma dicasi che la congiungiamo con la resta C, & che questa linea sia AC, faccisi poi sopra di questa linea AC, un triangolo di lati uguale, come nella passata proposta si è detto, il qual sarà ACD. Pongasi dipoi un piè fermo delle feste nella resta della data linea C, & tirisi un cerchio per quanto è detta linea, il qual cerchio sarà EB dipoi allungarsi il lato del triangolo, che è incontro al dato punto, dal cē

tro di questo cerchio per infino alla sua circonferentia, talche la linea così tirata sia tutta DCE, faccisi poi secondo la lunghezza di questa linea un altro cerchio fatto centro del D, il qual cerchio sarà EF, & tirisi poi il lato DA, per infino alla circonferentia di questo ultimo cerchio, al punto E, dico adunque che AF, è uguale alla BC, conciosia che BC, & CE, sono uguali come quelle che si partono dal centro del cerchio EB, & vanno infino alla sua circonferentia. Similmente ancora DF, & DE, sono uguali perche partendosi dal centro del cerchio EF, vanno per infino alla sua circonferentia. Di poi considerisi che DA, & DC, sono uguali, conciosia che ei sono lati di un triangolo che è di lati uguali. Perilche se la DA, & la DC, si torranno via dalla DE, & dalla DF, che sono uguali, quelle che rimarranno che saranno AF, & CE, saranno ancora esse uguali. Et perche l'una & l'altra, cioè AF, & CE, è dispersè uguale alla CE, è di necessità che sieno ancora uguali infra di loro. Per la qual cosa si vuole che noi habbiam tirata dal punto A, una linea AF, uguale alla BC, come ci fu proposto.

Proposta

Proposta terza.

Proposteci due linee disuguali, tagliare la piu lunga di esse, tanto che ella diventi uguale alla piu corta. Siano due linee AB, & CD, & sia la AB, la minore, se noi vorremo tagliare della CD, tanto che ella diventi uguale alla AB. Tirisi prima dal punto C, un'altra uguale alla AB, in quel modo che si è detto nella passata, la quale sia CE, dipoi posto un piè delle feste nel punto C, tirisi un cerchio per quanto è la CE, il quale intersecherà la linea CD, nel punto F,

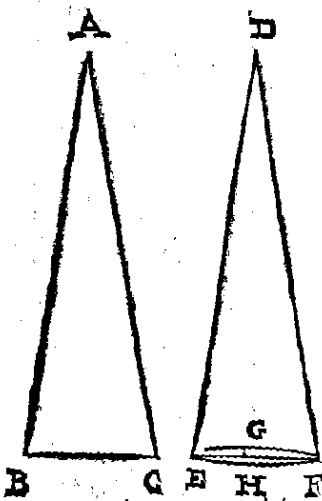


perilche la linea CF, sarà uguale alla CE. Conciosia che partendosi amendue da un medesimo centro vanno per infino alla circonferentia di un medesimo cerchio, oltre di questo perche l'una & l'altra, cioè AB, & FC, sono uguali alla CE, è di necessità che elle sieno ancora uguali infra di loro, che è quello ci era proposto.

Proposta quarta.

Di quali si vogliono duoi triangoli, l'un de quali habbi duoi de suoi lati, uguali a duoi lati dell'altro: et che i duoi angoli causati da lati uguali siano fra loro uguali è di necessità che gli altri lati che si risguardano, siano fra loro uguali et che gli altri duoi angoli del uno siano uguali, a duoi angoli dell'altro; & che tutto il triangolo finalmente sia uguale all'altro triangolo. Siano duoi triangoli ABC, & DEF, & il lato AB, sia uguale al lato DE, & il lato AC, al lato DF, & lo angolo A, all'angolo D, dicefi che la basa BC, è uguale alla basa EF, & l'angolo B, all'angolo E, et l'angolo C, all'angolo F, ilche

ilche si proua in questo modo. Pongasi il triangolo ABC, sopra il triangolo DEF, in modo che l'angolo A, caschi su l'angolo D, & il



lato AB, sopra il lato DE, & il lato AC, sopra il DF, egli è manifesto secondo lo ottauo concetto, che negli angoli ne i lati, non si auanzano l'un l'altro, pche l'angolo A, è uguale a l'angolo D, & i lati sopraposti a quelli che li son sotto, per le cose dette, adunque i punti B C, cadranno sopra i punti E F. Se adunque la linea BC, cade sopra la linea EF, egli è chiaro quel che cercuamo: perche quado la linea BC, posta sopra la EF, non auanza & non è

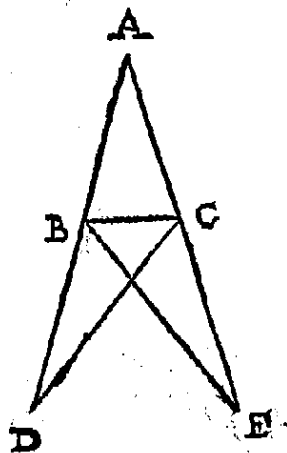
auanzata da lei, ella le sarà uguale secondo lo ottauo concetto, Per la medesima ragione sarà lo angolo B, uguale allo angolo E, & l'angolo C, uguale allo F. Ma se la linea BC, non cadesi sopra la linea EF, ma cadesi dentro al triangolo come la EGF, o fuori come la EHF, auerrebbe che due linee diritte serrerebbero allora una superficie, ilche è impossibile secondo la quinta dimanda di Euclide.

Proposta quinta.

DI ogni triangolo che habbi duoi lati uguali, è di necessità che gli angoli che sono sopra la basa sieno uguali, et se i suoi lati uguali si tirerāno oltre a dilungo, causerāno ancor sotto la basa angoli fra loro uguali. Sia il triangolo ABC, che habbi duoi lati uguali, cioè lo AB, uguale allo AC, dice si che l'angolo ABC, è uguale allo ACB, & se si allungheranno AB, & AC, per infino al D, & alla E, si farà lo angolo DBC, uguale all'angolo ECB, ilche si proua in questo

modo. Tirinsi oltre le AB, & AC, & pongasi per terza la AD, uguale alla AE, & tirinsi le linee EB, & DC, & percio intendi

duoi triangoli ABE, & ACD, i quali si prouerrà che sono uguali & di lati & di angoli. Conciosia che i duoi lati AB, & AE, del triangolo ABE, sono uguali a duoi lati AC, & AD, del triangolo ACD, & l'angolo A, è comune all'uno et all'altro, per ilche secondo la quarta la basa BE, è uguale alla basa CD, & lo angolo ABE, è uguale all'angolo ACD. Intendinsi medesima

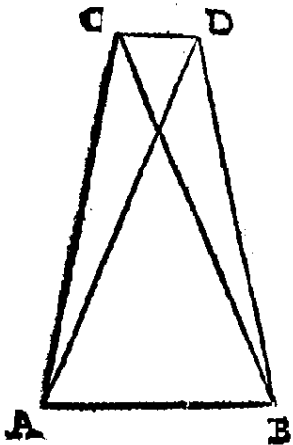


mente duoi triangoli DBC, & ECB, i quali si prouerrà medesima mente che sono & di lati & di angoli uguali. Conciosia che i duoi lati DB, & DC, del triangolo DBC, sono uguali a duoi lati EC, & EB, del triangolo ECB, & lo angolo D, è uguale all'angolo E, per ilche secondo la quarta, la basa alla basa, & gli altri angoli a gli altri angoli, per ilche lo angolo DBC, è uguale all'angolo ECB, ilche è quel che fa a nostro proposito che gli angoli, cioè sotto la basa sono uguali. Oltre di questo lo angolo BCD, è uguale all'angolo ECB, & tutto lo angolo ABE, è uguale allo angolo ACD, come si proua di sopra, per ilche l'altro angolo ABC, è uguale all'altro ACB, l'uno & l'altro de quali è sopra la basa, ilche è quello che si cercaua.

Proposta settima.

SE da duoi punti che terminano alcuna linea uscirāno duoi linee. Sche si uadino a congiugnere insieme in un punto, egli è impossibile tirare verso la medesima banda da medesimi punti, due altre linee, simili

simili che si vadino a congiungere in un altro punto. Sia la linea A.B, dalle teste della quale tirinsi inuerso vna delle bande due linee

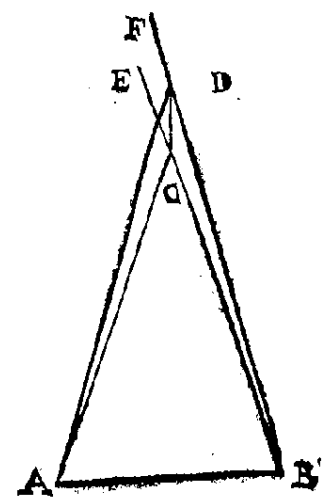


talmente che si vadino a congiungere insieme in un medesimo punto, cioè A.C, & B.C, che si congiungano nel punto C, dice si che uerso questa medesima banda non si possono tirare due linee da quelle teste medesime che vadino a congiungersi in vno altro punto, talmente che quella che esce dal punto A, sia uguale alla A.C, & quella che esce dal punto B, sia uguale alla B.C. Seruaci per esempio dello impossibile. & tirinsi dua altre linee dalla medesima parte, le quali si congiungano nel punto D, & dicasi che la linea A.D, sia uguale alla A.C, & la B.D, sia uguale alla B.C; ei ci auerà che il punto D, sarà, o dentro, o fuori al triangolo, conciosia che in vno de lati non puo cadere, per cioche se questo fusse, la parte sarebbe uguale al tutto, ma se ei cadrà fuori del triangolo, o vna delle linee A.D, & B.D, intersecherà una delle linee A.C, & B.C, o nessuna di queste ultime non intersecherà alcuna delle prime: ma diasi prima lo esempio che l'una intersechi l'altra, & tirisi la linea C.D, adunque perche i duoi lati del triangolo A.C.D, cioè A.C, & A.D, sono uguali, lo angolo A.C.D, sarà uguale all'angolo A.D.C, secondo la quinta. Et similmente perche i duoi lati B.C, & B.D, del triangolo B.C.D, sono uguali, gli angoli B.C.D, & B.D.C, saranno secondo la medesima ancora uguali. Et perche lo angolo B.D.C, è maggiore dell'angolo A.D.C, ne seguirà che lo angolo B.C.D, sia maggiore dell'angolo A.C.D, la parte, cioè

maggior

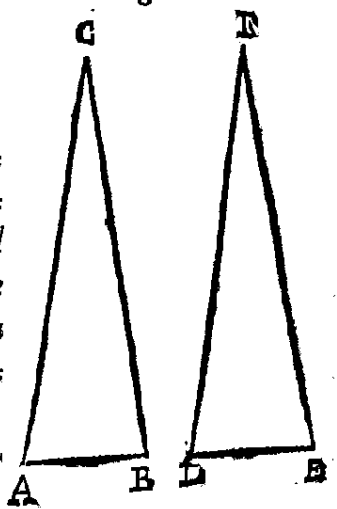
maggior del tutto ilche è impossibile. Ma se nel cadere il D, fuori del triangolo A.B.C, non si intersecherà alcuna linea, tirisi la D.C,

& allunghinsi B.D, & B.C, sotto la basa sino alla E, & F, per cioche le linee A.D, & A.C, sono uguali, saranno ancora gli angoli A.C.D, et A.D.C, per la quinta uguali. Et similmente perche B.C, & B.D, sono uguali, gli angoli ancora sotto la basa C.D.F, & D.C.E, saranno per la seconda parte della detta uguali. Et perche lo angolo E.C.D, è minore dello angolo A.C.D, ne seguirà lo angolo F.D.C, esser minore dell'angolo A.D.C, ilche è impossibile, & in questo modo medesimo s'indurrebbe lo auersario allo inconueniente, quando il punto D, cadesse dentro al triangolo A.B.C.



Proposta ottaua.

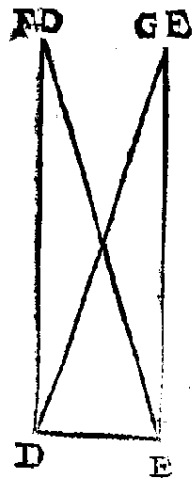
Di quali si vogliano duoi triangoli, de quali i duoi lati dell'uno siano uguali a duoi lati dell'altro, & la basa dell'uno sia uguale alla basa dell'altro, è di necessità che i duoi angoli causati da lati uguali, sieno ancor essi uguali.



Siano duoi triangoli A.B.C, & D.E.F, et lo A.C, sia uguale al D.F,

& il

Et il BC, uguale allo EF, & lo AB, al DE, dicefi lo angolo C, efi-
ser uguale all'angolo F, & l'angolo A, all'angolo D, & l'angolo B,
all'angolo E. Mettasi la basa AB, sopra la basa DE, le quali efi-
sendo uguali non auanzeranno l'una l'altra secondo lo ottauo conce-
to dell'animo, & il punto C, cadrà



sopra il punto F, o no, se ei vi ca-
drà perche l'angolo C, posto sopra
l'angolo F, non auanza & non è a-
uanzato, ei sono infra di loro ugua-
li secondo il concetto ottauo, & il
medesimo si potrà dire de gli altri
angoli. Ma se il punto C, non ca-
drà sopra il punto F, ma sopra qual
si voglia altro, come farebbe il G,
perche la EG, è uguale al BC, an-
zi la medesima; sarà medesima-

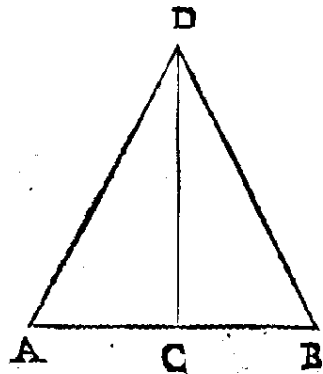
mente DG, uguale al AC, & EG, al EF, & DG, al DF, ilche
secondo la settima è impossibile.

Proposta XI.

Come data una linea diritta, si possa sopra di essa tirare da un
suo determinato punto, una linea a piombo, la quale causi da
amendue le bande duoi angoli a squadra & uguali.

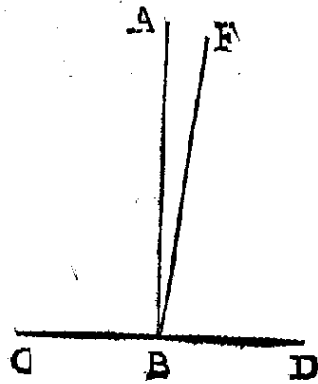
Sia la data linea AB, nella quale sia determinato il punto C, al
quale ci bisogna tirare una linea a piombo. Faccisi la linea BC,
mediante la terza proposta uguale alla AC, & sopra tutta la AB,
faccisi un triangolo di lati uguali che sia ABD, & da esso si tiri la
linea CD, dico che ella è a piombo sopra la AB, considerisi che ci
sono

sono duoi triangoli ACD, & BCD, perche dunque i duoi lati AC
& CD, del triangolo ACD, sono uguali a duoi lati CB, & CD,
del triangolo CBD, & la basa AD,
alla basa BD, sarà mediante la
ottaua lo angolo ACD, uguale al-
l'angolo BCD, per ilche l'uno &
l'altro sarà retto secondo la diffini-
tione dell'angolo retto & la linea CD,
sarà a piombo sopra la AB, se-
conda la diffinitione della linea a
piombo che dice, la linea a piombo è
quella che sta sopra ad una linea,
sopra della quale ella è posta, &
che da ogni banda fa angoli retti, si
che habbiamo prouato quello ci erano proposto.



Propositione XIII.

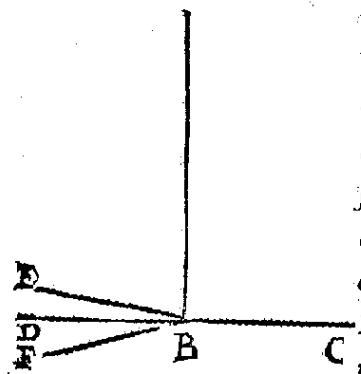
I Duoi angoli da amendue le bande di qual si voglia linea diritta
che caschi sopra una altra linea diritta sono, o retti, o uguali a
duoi retti. Sia che la linea diritta AB, caschi sopra la linea diritta
CD, dicefi che se ella vi cadrà su a piombo, causerà duoi angoli
a squadra, secondo la diffinitione della linea a piombo già detta.
Ma se ella non vi cadrà sopra a piombo, tirisi dal punto B, la BE,
a piombo sopra la CD, secondo la undecima, & faranno i duoi an-
goli BEC, & EBD, retti secondo la diffinitione, perche adunque
i duoi angoli DBA, & ABE, son uguali all'angolo DBE, ei saran-
no con l'angolo CBE, uguali a duoi retti. Per ilche i tre angoli
DBA, ABE, & CBE, sono uguali a duoi retti. Et perche lo
Ff 2 angolo



angolo CBA, è uguale a duoi angoli CBE, & EBA, i duoi angoli, adunque CBA, & ABD, sono uguali a duoi retti, che è quello ci fu proposto, per il che è manifesto, che ogni spazio che si troua in qual si voglia superficie piana intorno a qual si voglia pñto è uguale a quattro angoli retti.

Proposta XIII.

SE due linee si partiranno da un punto di una linea, & andranno in parti contrarie, & faranno intorno a loro angoli retti, o duoi simili a duoi retti, egli è di necessità che le sieno congiunte insieme, et diuentate una linea sola.



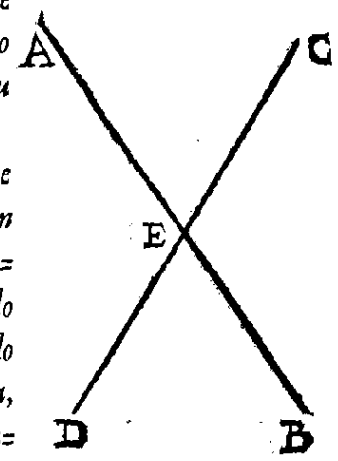
Auenga che dal punto B, della linea AB, eschino due linee una in qua & l'altra in là, che sieno BC, & BD, & causino duoi angoli, come CBA, & DBA, uguali a duoi retti, dice si che le linee CB, & DB, sono ad una dirittura, & in un solo, cioè diuentate una linea sola, & questa è la contraria della passata.

Et se ci fusse detto che non fusse vero tiri questo tale la CB, a dirittura et a dilungo, la quale se nō sarà un amedesima con la DB, o ella le passerà di sopra come la BE, ouero di sotto come la BF, pche adunque la linea

la linea AB, cade sopra la linea diritta CBE, gli angoli CBA, & EBA, saranno uguali secondo la passata a duoi retti, & perche tutti gli angoli retti sono scambievolmente uguali secondo la terza dimanda, gli angoli ancora CBA, et DBA, sono uguali a duoi retti et per le ragioni dette, saranno i dua angoli CBA, & FBA, uguali a dua angoli CBA, et DBA, adunque tolto via lo angolo comune CBA, sarà lo angolo EBA, uguale all'angolo DBA, la parte al suo tutto, il che è impossibile. Similmente per la linea CB, tirata a lungo, si proauerà l'angolo DBA, essere uguale all'angolo FBA, se perauuentura lo auuersario dicesse che la linea CB, tirata a dilungo cade sotto la BD.

Proposta XV.

DI quali si vogliono due linee che si intersechino insieme, tutti gli angoli che le causano contrari l'uno a l'altro, cioè di rincontro sono uguali. Onde è manifesto che due linee diritte che si intersechino scambievolmente l'una l'altra, causano angoli uguali a quattro retti.

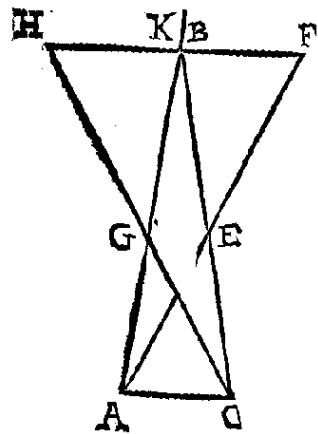


Siano due linee AB, & CD, che si intersechino l'una l'altra nel punto E, dico che lo angolo DEB, è uguale all'angolo AEC, & che lo angolo BEC, è uguale all'angolo AED, et secondo la terza decima, i duoi angoli AEC, & CEB, saranno uguali a duoi retti. Et i duoi angoli ancora CFB, & DEB, per la medesima sono uguali a duoi retti, per il che i duoi primi sono uguali a duoi ultimi, percioche tutti i retti

iretti sono fra loro scambievolmente uguali, secondo la terza dimanda, tolto adunque via lo angolo comune che è il $C F B$, lo angolo $A E C$, sarà uguale all'angolo $D E B$. Et nel medesimo modo si proverà lo angolo $C E B$, esser uguale all'angolo $A E D$, che è quel che ci eramo proposto.

Proposta X V I.

SE qual si voglia lato di un triangolo si tirerà diritto a dilungo, scaverà lo angolo di fuori maggiore, che l'uno & l'altro angolo del triangolo, che di dentro li è a rincontro. Occorra che il lato $A B$, del triangolo $A B C$, si tiri a dilungo fino al D , dicefi che lo angolo $D B C$, è maggiore dell'uno & dell'altro de duoi angoli di dentro che li sono dirincontro che sono $B A C$, & $B C A$, conciosia che dividendosi la linea $C B$, nel punto E , in due parti uguali tirandosi $A E$, infino a F , talche $E F$, sia uguale alla $A E$, & tirandosi ancora la $F B$, si potranno intendere duoi triangoli $C E A$, et $B E F$. Et perche i duoi lati $A E$, & $E C$, del triangolo $A E C$, sono uguali a duoi lati $F E$, & $E B$, del triangolo $F E B$, et lo angolo E , dell'uno è uguale all'angolo E , dell'altro, secondo quel si è detto, perche ei sono angoli posti contro l'un l'altro,

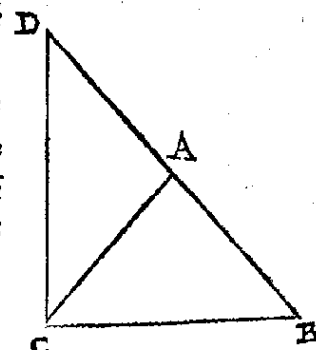


sarà lo angolo $E C A$, secondo la quarta uguale all'angolo $E B F$. Et però lo angolo $E B D$, sarà maggiore dello angolo $B C A$. Prouerarsi ancora per la medesima ragione che egli è maggiore dell'angolo $C A B$.

$C A B$. Imperoche dividasi $A B$, con un punto in due parti uguali al punto G , secondo la decima; & tirisi oltre la $G H$, uguale alla $C G$, secondo la terza. Tirisi dipoi $H B K$, & saranno i duoi lati $A G$, et $G C$, del primo de duoi triangoli $A G C$, & $B G H$, uguali a duoi lati $B G$, & $G H$, del altro, & lo angolo G , dell'uno, all'angolo G , dell'altro secondo la quintadecima, adunque per la quarta lo angolo $G A C$, è uguale all'angolo $G B H$, per ilche secondo la quintadecima, all'angolo ancora $K B D$. Et perche lo angolo $C B D$, è maggiore dell'angolo $K B D$, sarà ancora maggiore dell'angolo $B A C$, che è quello che cercuamo.

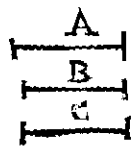
Proposta X X.

I Duoi lati di qual si voglia triangolo congiunti insieme son maggiori dell'altro. Sia il triangolo $A B C$, dico che i duoi lati $A B$, et $A C$, sono piu lunghi del lato $B C$, all'unghinsi la linea $B A$, per infino al D , talmente che la $A D$, sia uguale alla $A C$, & tirinsi $C D$, secondo la quinta, lo angolo $A C D$, sarà uguale all'angolo D , per ilche lo angolo $B C D$, è maggiore dell'angolo D . Adunque per la diciottesima, che si dice (il lato piu lungo di qual si uoglia triangolo è posto rincontro all'angolo maggiore) il lato $B D$, è maggiore del lato $B C$, ma $B D$, è uguale ad $A B$, & $A C$, per ilche $B A$, & $A C$, congiunti insieme sono maggiori del lato $B C$, che fu quello che da principio ci proponemmo.

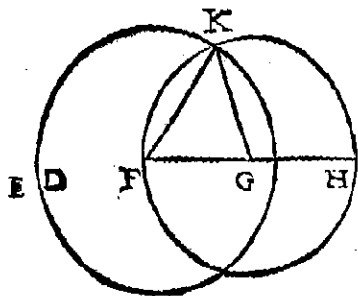


Proposta

Dato che ci siano proposte tre linee diritte, due delle quali, & siano quali si vogliono congiunte insieme, siano piu lunghe che l'altra come si possa stabilire un triangolo di tre altre linee simili a quelle. Sianoci proposte tre linee diritte ABC, & siano due di



loro quali si vogliono, congiunte insieme piu lunghe che l'altra. Percioche sarebbe impossibile fare di quelle tre linee uguali un triangolo secondo la uerissima. Quando adunque noi vorremo stabilire un triangolo delle tre dette linee, pigliasi una linea diritta che sia DE, alla quale dalla parte E, non si assegna fine determinato di questa poi pigliasi secondo la terza proposta, la DF, uguale alla A, & FG, uguale al B, & GH, uguale al C, & fatto centro del punto F, tirisi un cerchio p quanto

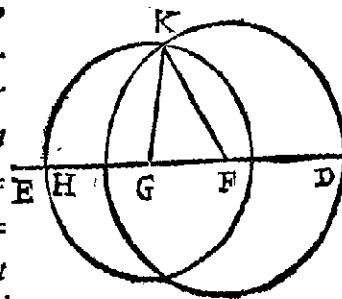
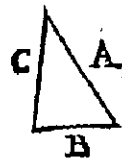


to è la FD, che sia DK. Et dipoi fatto centro del G, faccisi p quanto è la GH, il cerchio KH, che si intersecheranno in duoi punti che uno sarà K, altrimenti ne seguirebbe che una delle dette linee fusse uguale all'altre due congiunte insieme, o maggiori di esse, che è il contrario di quel ci siamo proposto. Tirinsi adunque KF, & KG, & sarà fatto il triangolo KFG, di tre linee uguali alle proposte ABC, perche FD, & FK, sono uguali, conciosia che le uanno dal loro centro alla circonferentia, perilche FK, è uguale alla A, & GH, & GK, sono uguali, perche le uanno dal centro alla circonferentia, perilche

perilche GK, è uguale al C. Et perche GF, fu presa uguale al B, è manifesto quel che cercuamo.

Proposta XXIII.

Come propostaci una linea diritta, si possa sopra uno de suoi termini, stabilire un angolo uguale a qual altro si uoglia proposto di angolo. Sia la proposta linea FE, & le linee che fanno l'angolo proposto, siano BA, sotto al quale angolo tirisi la basa C, & verrei sopra il punto F, della linea EF, si facesse un angolo uguale al proposto. Aggiunghisi alla EF, la ED, uguale alla A, & detta FE, pigliasi la FG, uguale al B, & di GE, pigliasi GH, uguale al C. Et se da punti FG, si tiri in duo cerchi DK, & KH, per quanto son la FD, & GH, che si intersecheranno nel punto K, come si insegnò nella passata, & tirate le linee KF, & KG, i duoi lati KF, & FG, del triangolo KFG, saranno uguali a duoi lati A, & B, del triangolo ABC, & la basa GK, sarà uguale alla basa C, adunque secondo la ottaua, lo angolo KFG, sarà uguale all'angolo che fanno la A, & il B, che è quel che cercuamo.



Proposta XXVI.

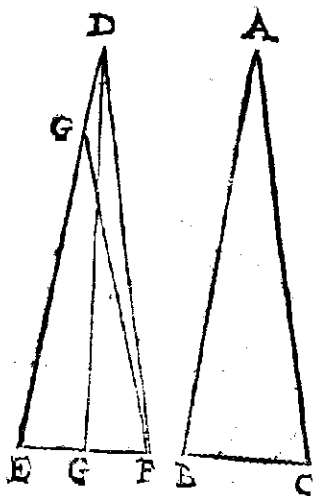
DI quali si vogliono duoi triangoli, de quali i duoi angoli dell'uno saranno uguali a duoi angoli dell'altro, ciascu però a quel che

Gg li è

li è a rincontro, $\&$ il lato ancora dell'uno uguale al lato dell'altro, et sia qual si voglia infra i duoi angoli uguali, o rincontro ad uno di loro, saranno ancora gli altri duoi lati dell'uno uguali a gli altri duoi lati dell'altro, $\&$ ciascuno però ugualmēte a quel che li è a rincōtro, $\&$ l'altro angolo dell'uno sarà uguale all'altro angolo dell'altro.

Siano duoi triangoli $A B C$, $\&$ $D E F$, $\&$ lo angolo B , sia uguale a l'angolo E , et lo angolo C , uguale all'angolo F , et sia il lato $B C$, uguale al lato $E F$, o uno de gli altri duoi lati $A B$, et $A C$, uguale all'altro

de duoi lati $D E$, $\&$ $D F$, talmente che $A B$, sia uguale al $D E$, o $A C$, al $D F$, dicefi che gli altri duoi lati dell'uno saranno uguali a gli altri duoi lati dell'altro, et che l'altro angolo sarà uguale all'altro angolo, cioè A , a D . Pongasi primieramēte che il lato $B C$, sopra il quale sono adiacere gl'angoli $B C$, sia uguale al lato $E F$, sopra del quale giacciono gli angoli $E F$, quali si disse che erano uguali all'angoli $B C$. Io dirò alhora che il lato $A B$, è uguale al lato D



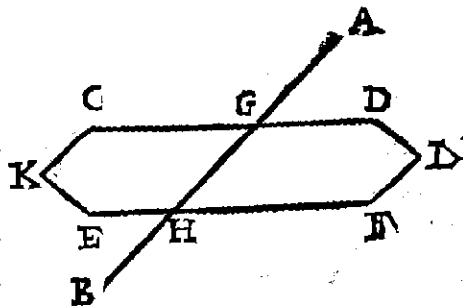
E , $\&$ il lato $A C$, ad $D F$, $\&$ l'angolo A ad D . Et se il lato $A B$, non sarà uguale al lato $D E$, l'uno de duoi sarà maggiore. Ponghiamo che sia maggior il $D E$, il quale togliasi alla grandezza $\&$ uguagliamō che sia maggior il $D E$, il quale togliasi alla grandezza $\&$ uguagliamō di $A B$, $\&$ sia per via di dire $G E$, uguale ad $A B$, $\&$ tirisi oltre la linea $G B$ $\&$ sarà secondo la quarta lo angolo $G F E$, uguale all'angolo $A C B$, per ilche sarà ancora al $D F E C$, cioè la parte al tutto, ilche è impossibile. Sarà adunque $D E$, uguale alla $A B$, adunque per la quarta, $D F$, sarà uguale al $A C$, $\&$ l'angolo D , all'angolo A ,

lo A , che è il primo mēbro della propostaci diuisione. Siano di nuovo duoi angoli come prima B , $\&$ C , uguali a dua angoli E , $\&$ F , $\&$ sia il lato $A B$, che è rincontro all'angolo C , uguale al lato $D E$, che è rincontro all'angolo F , uguale al quale dicemmo che era lo angolo C , dico che il lato $B C$, sarà uguale al lato $E F$, $\&$ il lato $A C$, al lato $D F$, $\&$ lo angolo A , all'angolo D , che se il lato $E F$, non fusse uguale al lato $B C$, sarà uno de duoi maggiore. Pongasi che sia maggiore $E F$, $\&$ che $E G$, sia uguale al $B C$, $\&$ tirisi la linea $D G$, sarà per la quarta, lo angolo $D G E$, uguale all'angolo $A C B$, per ilche all'angolo ancora $D F E$, cioè il di fuori a quel di dentro, ilche è impossibile mediante la sedicesima, per ilche la $E F$, sarà uguale alla $B C$, adunque per la quarta, il lato $D F$, sarà uguale al lato $A C$, $\&$ lo angolo D , all'angolo A , che è il secondo membro della propostaci diuisione, la onde il tutto ci è manifesto.

Proposta xxvii.

SE una linea dritta cadrà sopra due linee dritte, et causerà duoi angoli corrispondenti, che sieno fra loro uguali quelle due linee saranno fra loro parallele.

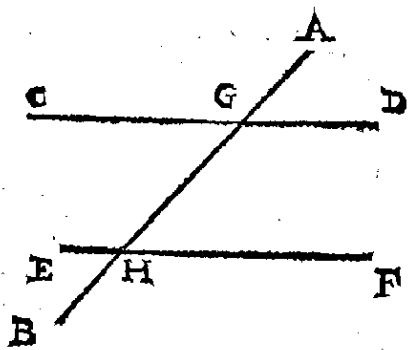
Assenga che la linea $A B$, caschi su le due $C D$, $\&$ $E F$, $\&$ intersecchi la $C D$, nel punto G , $\&$ la $E F$, nel punto H , $\&$ sia lo angolo $D G H$, uguale all'angolo $E H G$, dicefi che le linee $C D$, $\&$ $E F$, sono parallele, $\&$ se elle non saranno, andranno a



congiugnerfi insieme, dalla parte CE, al punto K, o dalla parte DF, al punto L, & in qual si voglia modo accadrà lo impossibile secondo la sedecesima, cioè che l'angolo di fuori sia uguale all'angolo di dentro, conciosia che uno de detti corrispondenti che si è detto che sono uguali, sarà di fuori & l'altro di dentro. Adunque perche egli è impossibile che elle si vadino ad unire insieme da alcuna delle bande, saranno veramente secondo la definizione parallele, che è quel che ci eramo proposto.

Proposta XXVIII.

SE una linea dritta cadrà sopra due linee dritte, et l'angolo suo di dentro sarà uguale all'angolo di fuori che gli è à rincontro, o i duoi angoli di dentro da una banda saranno uguali ad dua angoli retti quelle due linee saranno parallele. Sia una linea AB, che inter-



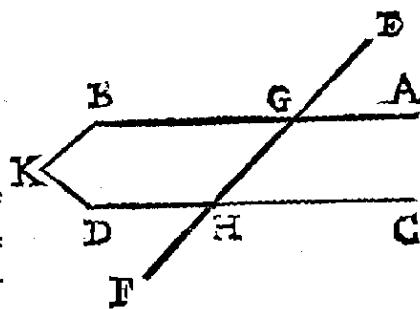
sechi le due linee CD, & EF, ne pñti G, & H, et l'angolo G, di fuori sia uguale all'angolo H, di dentro che gli è a rincontro, preso dalla medesima banda, o vero i duoi angoli G, & H, di dentro presi dalla medesima banda sieno uguali a duoi

retti, dicefi le due linee CD, & EF, essere parallele, sia primieramente lo angolo DGA, uguale allo FHG, & sarà l'angolo CGH, secondo la quindicesima, uguale al medesimo angolo FHG, per il che secondo la ventiseftima CD, & EF, sono parallele siano ancora i duoi

i duoi angoli DGH, & FHG, uguali a duoi retti, & perche per la tredicesima i duoi angoli DGH, & CGH, sono similmnente uguali a duoi retti, lo angolo CGH, sarà uguale all'angolo FH, la onde per la passata CD, & EF, saranno parallele, che è quello che cerca uamo.

Proposta XXIX.

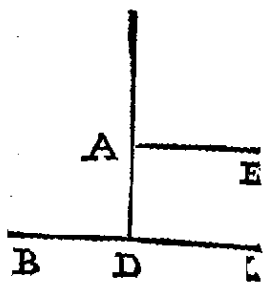
SE una linea cadrà sopra due linee parallele i duoi angoli rispettiuamente corrispondenti saranno fra loro uguali, & lo angolo di fuori sarà uguale all'angolo di dentro che li è dirincontro, et i duoi angoli di dentro dall'una parte, et dalla altra saranno uguali a duoi retti. Siano due linee AB, & CD, parallele sopra le quali caschi la linea EF, che le intersechi ne punti G, & H, dico tre cose, la prima che, gli angoli G, & H, corrispondenti sono uguali, secondariamente che lo angolo G, di fuori è uguale all'angolo H, di dentro postoli a rincontro, & preso dalla medesima banda; & per terza dico che gli angoli G, & H, di dentro presi da una medesima banda sono uguali a duoi retti, che è la contraria delle due passate, Et che ciò sia primieramente vero si vede in questo modo. Se lo angolo BGH, non fusse uguale all'angolo CHG, uno di loro è forza che fusse maggiore dell'altro, pongasi che CHG, sia maggiore, & perche i duoi angoli CHG, & GHD, sono uguali a duoi retti, secondo la già allegata tredicesima i duoi angoli BGH, & DHG, saranno minori di duoi retti, ad que



per

per la quarta dimanda se le due linee AB , & CD , si tireranno ol= tre si congiugneranno insieme nelle parti B , & D , a qualche punto, come è al K , & non saranno adunque secondo la loro diffinitione pa= rallele, che sarà contro al propostoci argomento, & perche questo è impossibile saranno i duoi angoli corrispondenti BGH , & CHG uguali, che è quel che da prima ci proponeremo, Da questo è mani= festo quel che secondariamente si disse, percioche lo angolo BGH , secondo la quintadecima è uguale all'angolo AGE , perilche lo an= golo AGE , sarà uguale all'angolo CHG , il di fuori, cioè a quel di dentro, che fu la seconda cosa che ci proponemmo, da questo di nuo= vo si vede manifesto quel che occorre dire per la terza cosa, concio= sia che secondo la tredicesima, i duoi angoli AGE , & AGH , so= no uguali a duoi retti, adunque i duoi angoli AGH , & CHG , sa= ranno ancor essi uguali a duoi retti, che sono i duoi di dentro presi da la medesima banda, che è la terza cosa che si propose.

Proposta XXXI.



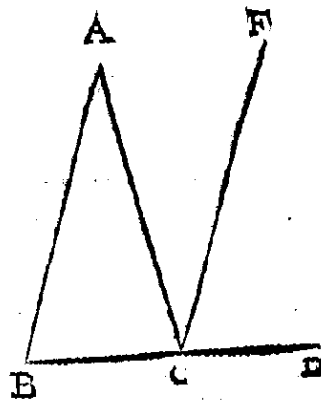
BC , tirisi la linea AD , in qualunque modo occorra sopra il punto A , che è la estrema della linea AD , & faccisi lo angolo EAD , secondo

DA un punto propostoci fuori di una linea, tirare una li= nea parallela alla già propostoci li= nea. Il punto propostoci fuori di una linea si intende, quando tirando una linea da amendue le bande nõ passa per esso. Sia il punto A , pro= postoci fuori della linea BC , dalqua= le bisogni tirare una parallela alla

secondo la ventitreesima, uguale all'angolo $BD A$, suo corrispon= dente, & sarà AE , paralella alla BC , per la ventisettesima, che è quello ci proponemmo.

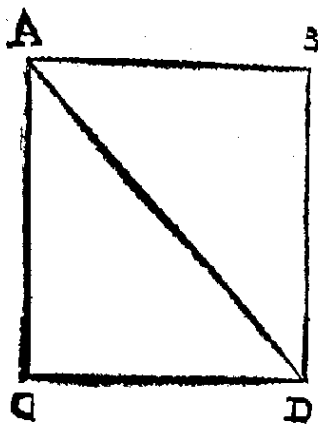
Proposta XXXII.

OGni angolo di fuori di qual si uoglia triangolo è uguale a duoi angoli di dentro postoli a rincontro, & tutti a tre i suoi angoli è di necessità che sieno uguali a dua angoli retti. Sia il triangolo ABC , il lato BC , del quale si prolunghi sino al D , dico che l'angolo C , di fuori è uguale a duoi angoli di dentro A , & B , postoli a rincontro congiunti insieme, & che i tre angoli del triangolo ABC , congiunti insieme sono uguali a duoi retti. Io pro= lungherò dal punto C , il lato CF , paralello ad AB , & lo angolo $FC A$, sarà uguale all'angolo A , concio= sia che sono corrispondenti secondo la prima parte della ventinovesi= ma. Et lo angolo $FC D$, di fuori, è uguale all'angolo B , di dentro secõ= do la seconda parte della ventinovesima, perilche tutto la ACD , di fuori è uguale a duoi angoli di dentro A , & B , che li sono a rincon= tro, che è quanto alla prima cosa detta di sopra. Et perche i duoi angoli ACB , & ACD , sono uguali a duoi retti secondo la tredice= sima saranno i tre angoli ABC , di dentro uguali a duoi retti, che è quel che secondariamente ci occorre a.



Proposta

SE nelle teste, ouero alle estremità di due linee parallele, et grandi a un modo si applicheranno due altre linee, elle saranno ancora parallele & uguali. Siano due linee AB, & CD, uguali & parallele, le teste delle quali si congiungano insieme con le linee AC,



& BD, dicesi che le sono uguali & parallele. Percioche tirisi la linea schianciana AD, adunque perche le linee AB, & CD, sono parallele, l'angolo BAD, sarà uguale all'angolo ADC, secondo la prima parte della uentinouesima, per il che i duoi lati AB, & AD, del triangolo ABD, faranno uguali a duoi lati DC, & DA, del triangolo DCA. Et lo angolo A, del primo sarà uguale all'angolo D, del secondo

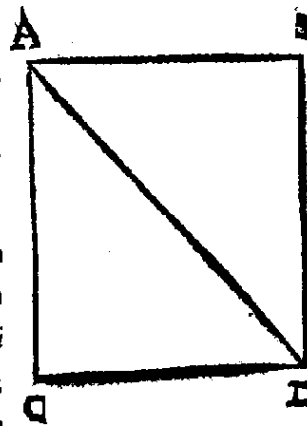
adunque per la quarta, la basa BD, del primo, è uguale alla basa AC, del secondo, & lo angolo ABD, del primo, è uguale all'angolo DAC, del secondo. Et perche ei sono corrispondenti, cioè l'uno come l'altro, le linee BD, & AC, saranno mediante la uentisettesima, parallele per il che essendosi di sopra prouato, che elle sono ancora uguali è chiaro quel che cercuamo.

Proposta XXXIII.

Ogni superficie fatta di lati paralleli, ha le linee et gli angoli di ricontro uguali diuidola un diametro, o schianciana per mezzo.

Sia

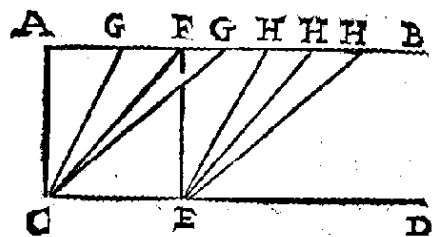
Sia la superficie ABCD, fatta di lati paralleli, talche la linea AB, sia parimente lontana dalla CD, & AC, dalla BD, dicesi che le due linee AB, & CD, & le due altre ancora AC, & BD, sono uguali. Et similmente si dice l'angolo A, essere uguale all'angolo D, & l'angolo B, all'angolo C. Tirisi la schianciana AD, la quale diuiderà questa superficie per mezo, & essendo AB, & CD, parimente lontane, adunque gli angoli BAD, & CDA, che sono corrispondenti saranno per la uentisettesima uguali, & perche AC, & DB, sono ancora parallele, gli angoli ancora CAD, & BDA, che sono corrispondenti saranno ancora essi uguali. Intendinsi duoi triangoli ADB, & DAC, perche i duoi angoli A, & D, del triangolo ABD, sono uguali a dua angoli A, & D, del triangolo DAC, & il lato AD, sopra il quale giaciono quelli angoli è comune nell'uno & nell'altro triangolo sarà secondo la uentisettesima, il lato AB, uguale al lato CD, & il lato AC, al lato BD, & l'angolo B, all'angolo C, & perche l'angolo A, intero, è chiaro che è uguale all'angolo intero D, secondo il secondo concetto di Euclide, egli è manifesto quel che andauamo cercando.



Proposta XXXV.

Tutte le superficie di lati paralleli fatte sopra una medesima basa, & poste in esse linee corrispondenti sono uguali. Siano due linee AB, & CD, parallele infra le quali faccisi la superficie Hh ACE,

ACFE, di lati paralleli sopra la basa CE, dipoi sopra la medesima basa, & infra le medesime linee faccisi un'altra superficie GCH, di lati pur paralleli, dicefi le due dette superficie essere uguali, il che proueremo in questo modo, o la linea CG, intersecherà la linea AB, in qualche punto della linea AF, o nel punto F, o in alcun punto della linea BF, dicasi che primieramente intersechi la AF, nel punto G, come si uede nella prima figura, o dimostrazione. Hora perche l'una, & l'altra di queste linee, cioè AF, & GH, è uguale alla linea CE, secondo la trentaquattresima, cioè la passata le saranno



ancora uguali l'una alla altra, leuata adunque uia la linea FG, comune, ci rimarra AG, uguale alla FH. Et perche secondo la quarantasettesima, AC, di nouo è uguale ad EF, & l'angolo HFE, è uguale

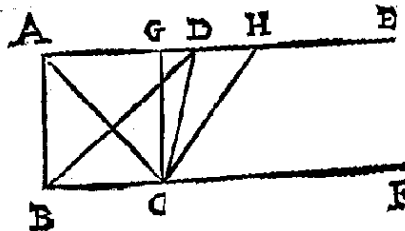
all'angolo GAC, come si prouò nella uentimouesima, cioè il di fuori a quel di dentro, il triangolo ACG, sarà secondo la quarta, uguale al triangolo FEH, adunque aggiunta la figura irregolare di quattro lati, cioè la GCFE, a l'una & l'altra, la superficie ACFE, sarà uguale alla superficie GCH, che è quello ci proponemmo. Intersechi hora la linea CG, la AB, nel punto F, come si uede nella seconda figura i duoi triangoli ACF, & FEH, saranno secondo il primo modo di argomentare uguali, perilche aggiuntili da ogni banda il triangolo FCE, ce ne auerrà quello ci erauamo proposto.

Intersechi la linea CG, nel terzo modo la AB, infra i duoi punti FB come si uede nella terza figura, & verrà a intersecare la FE, nel punto

punto K, & perche secondo il primo modo di argomentare la linea AF, è uguale alla GH, diuenuta la GF, comune, sarà la AG, uguale alla FH, & il triangolo AGC, uguale al triangolo FEH, aggiunto adunque all'uno & all'altro il triangolo CKE, & tratto dall'uno & dall'altro FKG, sarà la superficie ACFE, uguale alla superficie GCH, che è quello ci erauamo proposto.

Proposta XXXVII.

Tutti i triangoli che si fanno sopra una medesima basa, & infra due linee parallele, sono uguali. Siano duoi triangoli ABC, & DBC, fatti sopra le base BC, & infra le due linee parallele AE, & BF, dicefi che ei sono uguali. Tirisi CG, parallela ad AB, & CH, parallela a DB, saranno le due superficie ABCG, & DBC H, uguali secondo la trentacinquesima. Et perche i detti triangoli sono la metà delle dette superficie secondo la trentaquattresima, ci saranno fra loro uguali, secondo la comun sententia, che dice, di quelle cose che il tutto è uguale, la metà ancora è uguale, & così è manifesto quel che andauamo cercando.

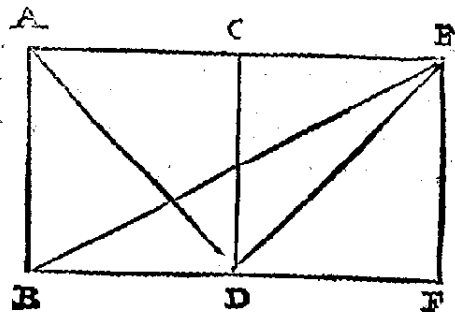


Proposta XLI.

SE un quadro & un triangolo saranno fatti sopra una medesima basa, & infra le medesime linee corrispondenti & conformi,

Hh 2 mi,

mi, egli è di necessità che il quadro sia per il doppio del triangolo.



Sia il quadro $ABCD$, et il triangolo EBD , sopra la basa BD , & infra le linee AE , & BD , che siano parallele; di cefi il quadro essere per il doppio del triangolo.

Tirisi nel quadro la schi-
anciana AD , & cause=

rà il triangolo ABD , il quale per la trentaquattresima, sarà p la metà del quadro. Et perche il triangolo EBD , è uguale alla ABD secondo la trentasettesima, è manifesto il triangolo EBD , esser per la metà del quadro $ABCD$, che è quel che ci eramo proposto.

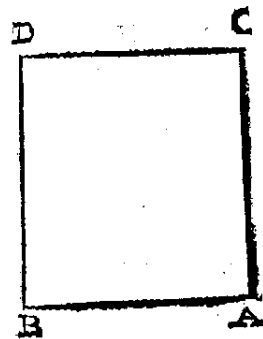
Puossi ancora prouare il simile, che se il quadro & il triangolo farã no fatti sopra base uguali, et infra linee parallele, sarà il quadro per il doppio del triangolo, ilche non si curò di dire Euclide, perche mediante le cose dette era pur assai manifesto. Diuidasi il quadro in duoi triangoli con la schianciana, ouero si facci un triangolo sopra la basa del quadro infra due linee parallele, & vedrassi il quadro per il doppio del triangolo che è quel si cercaua.

Proposta XLV.

Come di una proposta ci linea si facci un quadro. Sia la linea AB , da farne un quadrato, tirinsi dalle sue teste le linee AC , & BD , secondo la undecima, che uenghino a piombo alla AB , che faranno per la ventottesima parallele, & ponghinsi amendue secondo la tredicesima, uguale alla detta AB , & tirisi la linea CD , & sarà

& sarà uguale & parallela alla AB , secondo la trentatreesima, hora perche l'uno & l'altro delli angoli A , & B , è retto, saranno ancora retti C , & D , secondo l'ultima parte della uentinouesima.

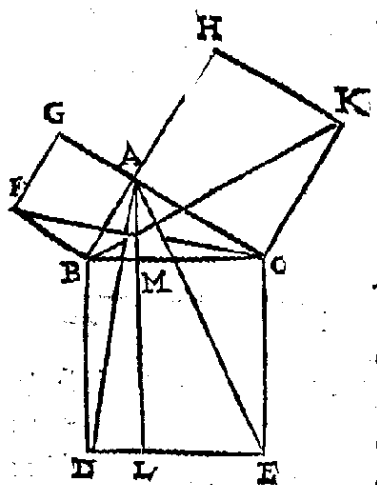
Adunque secondo la diffinitione, $ABCD$, è il quadrato che ci proponemo. Il medesimo si puo vedere altrimenti ancora, sia la AC , a piombo sopra la linea AB , secondo la undecima, & siali come prima uguale & tirisi secondo la trentunesima del punto C , CD , parallela ad AB , & uguale ad essa, & tirisi la linea DB , che secondo la trentatreesima, sarà uguale & parallela alla AC , & tutti gli angoli saranno retti, seconda la prima parte della uentinouesima, haremo adunque secondo la diffinitione, quel tanto ci eravamo proposto.



Proposta XLVI.

Vel quadrato che si fa del lato che è rincontro all'angolo retto, di qual si uoglia triangolo ad angolo retto, è uguale a duoi quadrati che si fanno di amendue gli altri suoi lati. Sia il triangolo ABC , che habbia per angolo retto lo A , dice si che il quadrato che si farà di BC , sarà uguale a duoi quadrati, che si faranno dello AB , & dello AC , insieme. Riquadrinsi questi tre lati secondo la quarantacinquesima, & della BC , sia la superficie $BCDE$, & del AB , sia la superficie $BFGA$, & dello AC , sia la superficie $AGHK$. Tirinsi dall'angolo retto A , alla BE , basa del quadrato maggiore, tre linee; AL , cioè parallela, a l'un & l'altro lato, cioè ad BD , & ad CE ,

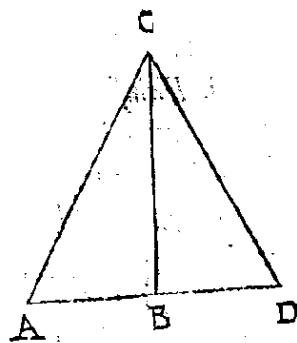
al C E, la quale intersechi la B C, nel punto M, & la A D, & la A E. Tirinsi dipoi da duoi altri angoli del triangolo due linee a duoi angoli de quadrati minori, le quali si intersecheranno l'una l'altra dentro al detto triangolo: le quali saranno B K, & C F, & perche l'uno & l'altro delli angoli B A C, & B A G, è retto secondo la quattordicesima, sarà il G C, una linea sola, & così ancora la B H, conciosia che l'uno & l'altro de duoi angoli C A B, & C A H, è retto: adunque perche il quadrato B E G A, & il triangolo B F C, sono sopra la medesima basa B E, & infra due linee parallele, cioè E G, & B F, sarà il quadrato B F G A, secondo la quarantunesima, per il doppio del triangolo B F C. Et il triangolo B F C, è uguale al triangolo B A D, secondo la quarta, perche F D, & B C, lati del primo, sono uguali a duoi lati A B, & B D, dell'ultimo: & l'angolo B, dell'ultimo, conciosia che l'uno & l'altro, è fatto dell'angolo retto, & dello A B C, che è comune, adunque il quadro B F G A, è per il doppio del triangolo A B D. Ma il quadro B D L M, è per il doppio del detto triangolo, secondo la quarantesima, conciosia che ei sono fatti sopra della medesima basa, la quale è B D, & infra due linee le quali sono parallele, cioè B D, & A L, adunque mediante la comune sentenza il quadrato A B F G, & il quadrato B D L M, sono uguali, perche le metà loro, cioè i detti triangoli sono uguali, nel medesimo modo & mediante le medesime proposte si prouerrà il quadrato A C H K, essere uguale al quadrato C E L M, mediante i triangoli K B C, et A E C, per ilche



per ilche habbiamo lo intento nostro di quanto ci eravamo proposto.

Proposta XLVII.

SE quel che ci viene dall'hauer multiplicato un lato del triangolo per se stesso, sarà uguale a duoi quadrati, che saranno descritti da gli altri duoi lati, quell'angolo che è rincontro a quell'altro sarà retto. Multiplicare una linea per se stessa non è altro, che descrivere il suo quadrato. Sia il triangolo A B C, & del lato A C, sia

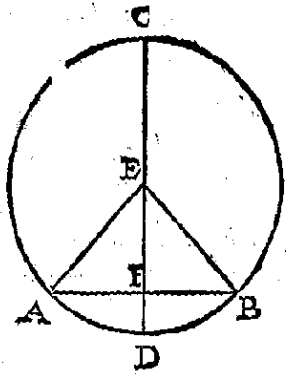


il quadrato uguale a duoi quadrati de lati A B, & B C, congiunti insieme, Dice si lo angolo B, incontro al quale è posto il lato A C, esser retto. Tirisi la linea B D, secondo la undecima a piöbo sopra la B C, che si pose uguale a B A, & tirisi la D C, & sarà secondo la quarantasefima, il quadrato D C, uguale a duoi quadrati delle linee D B, & B C, & perche si pose B D, uguale alla B A, saranno i quadrati delle

due linee A B, & B D, uguali, secondo la comune sentenza che dice, delle linee uguali, sono i quadrati uguali. Per ilche il quadrato D C, sarà uguale al quadrato A C, adunque secondo la comun sentenza che dice, quelle linee sono uguali, delle quali sono uguali i quadrati, sarà il C D, uguale allo A C, secondo la ottava, & lo angolo B del triangolo A B C, sarà retto, che è quello ci eravamo proposto.

Proposta

SE una linea dentro ad un cerchio posta fuori del centro sarà intersecata da una altra, che venga del centro in parti uguali, è di necessità che ella ni sia sopra a squadra, et se la ni sarà sopra a squadra, è forza che la divida in due parti uguali. *Assièga che la linea*



A B, posta dentro al cerchio A B C sia intersecata dalla linea E D, che venga dal centro, et la divida in due parti uguali al punto F. Dicefi che ella la divide ad angoli retti, et per l'altro uerso diuidendola ad angoli a squadra, ella la divide i due parti uguali. Tirinsi le linee E A, E B, et pongo primieramente che ella la divida in parti uguali saranno adunque i duoi lati E A, E F, del triangolo E F A, ugua-

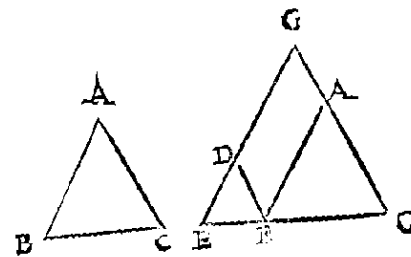
li a duoi lati E F, E B, del triangolo E F B, et la basa A F, alla basa F B, adunque per la ottava, del primo lo angolo F, dell'uno è uguale all'angolo F, dell'altro, perche l'uno et l'altro è retto. per ilche la E F, è a piombo collocata sopra la A B, che è quel che noi cerchiamo. *Secondariamente io dirò che E F, sia a piombo sopra A B, et mostrerò che ella divide la A B, in parti uguali.* Sarà adunque mediante quello si è posto, l'uno et l'altro di questi angoli, che sono al F, retto, per ilche l'uno è uguale all'altro. *Ma perche per la quinta del primo, lo angolo E F A, è uguale all'angolo E F B, et il lato E A, uguale al lato E B, secondo la ventiseffima del primo, sarà la linea A F, uguale alla linea F B, che è quello che cerchiamo.*

Proposta

Proposta IIII. del VI.

DI quali si vogliono duoi triangoli, de quali gli angoli dell'uno sieno uguali a gli angoli dell'altro, i lati che sono rimcontro a detti angoli sono fra loro proportionali. Siano duoi triangoli A B C, et D E F, di angoli uguali, et l'angolo A, sia uguale all'angolo D, et il B, alla E, et il C, alla F, dicefi che tal proportione è dal D, allo E, quale è dal A, al B, et dal D E, al A C, che dal E F, al B C. Im-

però che ponghinsi questi duoi triangoli sopra una linea che sia E C, talmente che i duoi angoli dell'uno, che saranno sopra questa linea sieno uguali a dua angoli dell'altro che sono sopra la medesima linea: ma non però talmente che



l'angolo del mezzo dell'uno venga al mezzo dell'altro, nell'ultimo dell'uno all'ultimo dell'altro, ma si bene che l'angolo del mezzo dell'uno si congiunga in un punto con l'ultimo angolo dell'altro. Et sia la A F C, quel medesimo triangolo che fu A B C, et perche l'angolo A F C, è uguale all'angolo E, et lo angolo D E F, all'angolo C, per la ragion detta, sarà per la prima parte della ventiottesima del primo, la linea A F, parallela alla D E, et la D F, alla A C, finischisi di poi la superficie de lati paralleli, che sarà G F, et G A, secondo la quarta del primo, sarà uguale alla D F, et G D, alla A F, perche adunque per la seconda del sesto G A, corrisponde alla A C, come E F, alla E C, et per la medesima E F, ad F C, come E D, al D G, sarà per la settima del quinto, D F, alla A C, et per la medesima

I; E D,

LIBRO QUINTO.

ED, alla EF, come EF, alla FG, che è quel che andauamo cercando. Et qui mi piace di por fine alle propositioni di Euclide, che mi paion necessarie per rendere la ragione delle operationi passate, che se hauesse a introdurre in questa operetta tutte le Proposte che dependono l'una dalla altra, o che si chiamano Luna l'altra, sarebbe bisogno di andar sene molto in lungo, ilche sarebbe fuori della intentione mia, che ho cerco solo di dimostrare tali operationi per via di ragione, però contentisi chi leggerà questi scruti di quel che mi è parso per questa opera, necessario solamente & utile.

126

DEL MODO DI MISVRARE

TUTTE LE COSE TERRENE,

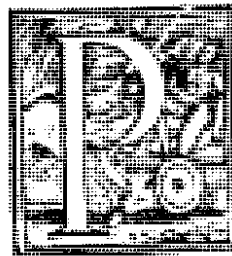
DI COSIMO BARTOLI

Gentiluomo, & Academico Fiorentino,

LIBRO SESTO.



Come si truoui la radice quadrata di qual si uoglia numero.



ER trouare la Radice quadrata di alcun propostoci numero, mi pare quasi di necessita di dichiarare i nomi de numeri secondo che da piu approuati authori sono stati chiamati, accioche la varietà di questi nomi non habbia poi a generare confusione nelle menti di coloro, che vorranno mettere le operationi in atto, dico adunque seguendo Orontio, che i numeri semplicemente come numeri, non sono se non noue come 1.2.3.4.5.6.7.8.9. conciosia che da questi in su non sono piu numeri semplici, ma sono, o articoli, o composti che cosi per lo piu si chiamano, chiamansi questi numeri semplici ancora Diti, et questo dico si per l'uso della pratica da farsi, si per la differentia che è da loro a gli altri, che dependon da loro, aggiunouli il zero, cioè il 0, i quali non piu diti, ma articoli si chiamano come è 10.20.30.100.1000. &c. Chiamansi ancora numeri composti, ouero mescolati quando due figure, o piu, si mettono insieme, come 12.15.30.36.97.24.2158. &c. successiuamente, il significato delle quali figure è notissimo, però non

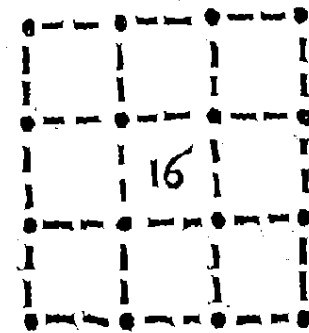
intendo di trattarne, bastandomi hauer accennato questo per la necessit  che ne habbiamo per saper trouare le radici quadrate, per trouare le quali faccisi primieramente una Tauola de diti gi  detti di

Diti quadrati.

1	uic	1	fa	1
2	uic	2		4
3	uic	3		9
4	uic	4		16
5	uic	5		25
6	uic	6		36
7	uic	7		49
8	uic	8		64
9	uic	9		81

uidendoli per lo lungo, & per il trauerso con alcune lineetta come in questa figura si uede, & mettendo rincontro ad ogni dito, o uogliamo dir numero semplice il moltiplicato di se stesso come qui si uede. Fatto questo habbiamo da sapere che trouare una radice quadrata n  e altro che discorrendo con la mente, trouare un numero che moltiplicato per se stesso ci dia precisamente, qual si uoglia numero che ci sia proposto, essendo questo tal proposto ci numero, numero quadrato, ouero ci dia il maggior numero quadrato, che sar  dentro al proposto numero. Numero quadrato, si chiama quel che ci uiene dal moltiplicare di alcun numero in se stesso; & Radice quadrata si chiama quel numero che p la moltiplicatione di se stesso causa il numero quadrato, per la qual cosa pare che qual si uoglia numero, sia radice quadrata di qualche numero, se bene ogni numero non ha radice quadrata: ma quei numeri solamente che sono quadrati; per ilche si uede che la radice & il numero quadrato hanno fra di loro una scambieuole conuenienza & legame. Il riquadrare adunque, ouero moltiplicare quadratamente alcun numero, e un moltiplicare come si e detto qual si uoglia proposto numero per se stesso, cioe moltiplicarlo per quanti

quanti numeri egli e, o uale, come per esempio se si moltiplicasse 4. per se stesso ce ne verrebbe 16. adunque il 16. sarebbe numero quadrato, & il 4. sarebbe la radice del 16. Per ilche, pare che il numero quadrato habbia una certa conuenienza & similitudine con il quadrato geometrico, del quale ciascun lato si chiama la sua radice quadrata: ilche facilmente si puo comprendere mediante la infra



scritta figura, fatta a similitudine di una superficie piana quadrata composta di 16. punti, conciosia che per ogni uerso sono quattro punti, i quali annouerandoli per qual si uoglia uerso, sempre ci danno 16. come si uede: ma torniamo al nostro ragionamento. Propostoci adunque qual si uoglia numero, da uolerne cauare la radice quadrata, pongasi primieramente questo numero in tal maniera in carta, o in tauola da abbaco, che le sue figure mediante alcune lineette tirate a piombo si separino a due a due, & sotto di detto numero si tirino due linee a trauerso, fra le quali si hanno poi a mettere i diti, o numeri semplici come racconteremo. Preparate queste cose cominci la operatione, dal primo numero, cioe dalla man stanca in questo modo considerisi la ualuta di questa prima figura del proposto numero, & uadisi inuestigando, o esaminando uno de numeri semplici, o uogliamo dire diti, il quale moltiplicato per se stesso annichili, o spenga essa prima figura del proposto numero, o quanta maggior parte puo di essa: & pongasi questo numero semplice, o dito, trouato che lo harem sotto detta prima

prima figura, in far le linee che si tirarono a trauerso, ogni volta che il propostoci numero sarà di tante figure, che le sieno in casso: ma se il detto propostoci numero fusse di figure pari, bisogna porre detto dito, ouer numero semplice, sotto la seconda figura del propostoci numero, infra dette linee a trauerso. Fatto questo, multiplichisi detto dito per se stesso, & quel che ce ne viene traggasi dal numero che sopra li corrisponde, notando di sopra il rimanente debitamente se per sorte ve ne occorre; & scancellando quelle figure delle quali ci saremo seruiti. Debbesi dipoi raddoppiare questo dito, cioè multiplicarlo per dua, & se quel che ce ne verrà, sarà di due figure, la prima si debbe porre sotto le linee a trauerso, rincontro alla seconda figura del già propostoci numero; & l'altra, rincontro al già detto dito pur di sotto alle linee a trauerso. Ma per maggiore comodità di coloro che non fusino in simil cose esercitati si fece come si è detto la tauola de diti: Et però esaminato il ualore come si disse della prima figura del propostoci numero, entrisi nella destra colonna della tauola, & quiuu si uadia al numero piu uicino che si approssima alla prima figura del propostoci numero, conciosia che non sempre si riscontrerà, che sia uno stesso numero, però piglisi il piu uicino, ma il minore, & auuertendo nella colonna sinistra si trouerà il numero semplice, o uogliamo dire dito che si debbe torre, per porlo come si è detto fra l'una & l'altra delle linee che si tirarono a trauerso.

Debbesi di nuouo andare ritrouando, o esaminando con la mente uero altro numero semplice, ouero dito, da metterlo non sotto la figura che segue del propostoci numero: ma sotto l'altra uerso la ritta, infra l'una & l'altra delle linee a trauerso, il quale multiplicato per lo addoppiato numero, della prima radice scancelli primieramente quelle figure che sopra di esso addoppiato numero son rimaste da sinistra; et secondariamente multiplicato in se stesso consumi quelle figure che restaron

restaron sopra esso dito uerso la sinistra, ouero la maggior parte che ei puo di loro. Questo dito similmente si addoppi con quel che già si trouò prima, & la ultima figura di quel che ce ne viene, si metta sotto le linee tirate a trauerso rincontro alla prima che segue del propostoci numero, & l'altre per ordine uerso la sinistra, scancellando ancora il primo numero che ci venne dello addoppiamento della prima radice. Questo dito ueramente, & dopo il primo tutti li altri, che secondo la grandezza del propostoci numero saren costretti di trouare, si troueranno senza molto tedioso discorso in questo modo. Diuidasi il numero corrispondente sopra da sinistra a qual si uoglia addoppiato numero delle radici, per esso stesso addoppiato numero, che appunto ci occorre. Imperoche il dito procreato da tal diuisione (conciosia che sempre se ne farà dito) viene ad essere quello che posto poi con gli altri infra l'una & l'altra delle linee a trauerso, ha da essere la radice quadrata che noi andiam cercando. Il quale se noi vorremo esaminare piu diligentemente, guardisi se quel che auanza alla fatta diuisione, sarà insieme con la figura sotto la quale ha a porre il dito maggiore, almanco uguale al numero, che ci viene dal multiplicare il dito in se stesso: percioche se il duo sarà minore dello 1.0 al piu del 2. si debbe pigliare il minore, ilche nondimeno occorre rarissimo. Debbesi ancor di nuouo inuestigar con la mente l'altro dito da porsi non sotto la figura che segue del propostoci numero, ma sotto l'altra infra l'una & l'altra delle linee tirate a trauerso; il quale multiplicato prima per tutte le figure dello addoppiato numero, & poi in se stesso scancelli con due operationi, tutte le figure che di sopra li corrispondono, o la maggior parte che si puo di loro. Conseguentemente questo dito radicale insieme con i già trouati, & posti fra le linee a trauerso, si addoppi come è solito, & quel che ci viene di tale addoppiamento si porga sotto per ordine, come de gli

de gli altri si fece scancellando prima le figure de numeri addoppiati, delle quali ci faremo seruiti. Et questo modo di operare si continuo ui per infino a tanto che si arriui sotto la ultima figura del propostoci numero. Et non ci esca di mente che ogni volta che nella fine, o mezo di tale operatione ci soprauanzasse un 1. per dito radicale, che in suo scambio vi si ha a porre un zero, cioè un 0. il quale si ha ad addoppiare insieme con le già trouate radici, se già non ci occorresse che venisse sotto la ultima figura di tutto il propostoci numero.

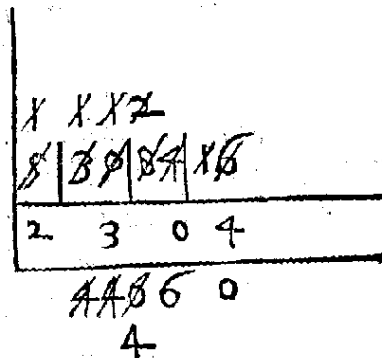
Ricorderemoci ancora che quando haremo dato fine a l'operatione del trouare questa radice, & che del propostoci numero non ci auanza zera cosa alcuna che potremo conchiudere il propostoci numero essere numero quadrato, conciosia che se altrimenti occorresse il detto numero non sarebbe numero quadrato, nè la radice trouata di esso numero si potrebbe chiamaare radice quadrata, ma radice del maggior quadrato numero che si trouasse dentro al propostoci numero.

Conciosia che tutti i numeri non son numeri quadrati. Quel che auanza trouata la radice, si denomina dalla radice addoppiato: la qual radice ancor che ella non sia la vera radice del propostoci numero, è nondimeno molto vicina alla uerità. Da queste cose ne seguita che qual si voglia numero quadrato, multiplicato per numero quadrato, faccia numero quadrato, et che ogni radice ancora addoppiata di qualunque numero quadrato, multiplicata per se stessa produca il quattro tali del suo quadrato. Et che quel rispetto, o proportione che tra la radice alla radice, la ha ancora il numero quadrato al numero quadrato, & così per il contrario. Onde la proportione de quadrati si genera dalla proportione delle loro radici, multiplicata in se stessa. Et se ci sarà nota la radice della proportione de quadrati, ci sarà ancor nota la proportione delle radici, ma non uoglio che noi parliamo hora delle proportioni, hauendone già il nostro

Carlo

Carlo Lenconi scritto a dilungo in questa lingua, no meno dottamente che accuratamente, in quel libro che egli fece in difesa di Dante. Però tornando al nostro proposito daremo lo esempio delle cose dette di sopra, accioche elle sieno piu chiare & piu manifeste.

Dicasi che si vogli trouare la radice 5308416 pon gasi questo numero come si disse & tirisili sotto due linee a trauerso & con alcune linee che a piombo diuidino a dua a dua dette figure cominciandoci da destra & uenendo uerso la sinistra, come nel disegno di rincontro si uede, considerisi aduque la prima figura del



propostoci numero, et vadisi a cercarla nella destra colometa della già fatta tauola, il qual numero non trouerai così precisamente appunto. Et però di quegli ui sono, piglisi il minore di quelli che piu se li appresono, come che essendo il 5. il 1. del propostoci numero, torremo nella colonna destra della tauola, il 4. che è il piu vicino che vi si troua & minore, & guarderemo nella sinistra colonna della detta tauola, che numero semplice, o dito li corrisponda, & trouando che egli è il 2. lo porremo sotto a detto 5. infra l'una & l'altra delle linee si tirarono a trauerso, dicasi dipoi 2. uie 2. fa 4. & traggasi 4. di 5. ci restarà 1. il qual uno si metta sopra il 5. & al 5. si dia di penna, dicasi di nuouo 2. uie 2. fa 4. & pongasi 4. sotto a tutta dua le linee tirate a trauerso, rincontro alla figura che segue, che è il 3. Finito questo primo modo di operare, trouisi lo altro dito che fra li linee

K k a tra=

a trauerfo si ha a porre sotto il 0. in questo modo, partasi il 13. per il 4. & ce ne uerrà 3. per parte, & ce ne auāzerà uno, il qual 1. cō il 0. che segue farà 10. dal qual consequentemente si potrà cauare il quadrato del 3. detto, mettasi adunque il tre fra le linee tirate a trauerfo incontro al 0. & dicasi 3. uie 4. fa 12. il quale tratto de 13. ce ne rimane uno, scancellisi adunque 13. & sopra il 3. si pōga 1. dipoi moltiplichisi 3. per se stesso, & ce ne uerrà 9. il qual numero se lo trarremo di 10. & pōgasi sopra il 0. lo 1. & oltre questo si scancelli il 4. numero primo addoppiato della trouata radice, finalmēte addoppisi l'uno & l'altro dito della addoppiata radice, come è il 23. & ce ne uerrà 46. il quale numero pongasi di nuouo sotto le linee tirate a trauerfo, ponendo 6. incontro allo 8. & 4. incontro al 0. Douerremo consequentemente trouare il terzo dito, che si ha a collocare fra l'una et l'altra linea delle tirate a trauerfo incōtro, nō alla prima figura che segue del propostoci numero, ma alla altra che viene ad esser la quinta, cioè il 4. Ma perche allo addoppiato numero 46. uisponde sopra solanente 18. il quale numero nō si potrebbe diuide re per 46. però bisogna porri un zero. in cambio di dito, perche un 1. sarebbe troppo, il qual 0. si debbe porre sotto il 4. fra l'una & l'altra delle linee a trauerfo. Fatto questo scancellisi 46. che è il numero addoppiato della passata trouata radice: & di nuouo addoppisi 230. & ce ne uerrà 460. il qual numero pongasi sotto le linee tirate a trauerfo il 0. sotto lo 1. il 6. sotto il 4. & il 4. sotto lo 8. del propostoci da prima numero. Finalmente partasi il 1841. per il poco fa addoppiato numero 460. alquale ei corrisponde, & ce ne uerrà 4. per parte & auāzeracci 1. il quale 1. con il 6. che è l'ultima figura del propostoci numero farà 16. dal quale si potrà trarre il quadrato da farsi com e si ricerca, pongasi adunque 4. sotto il 6. fra l'una & l'altra delle linee tirate a trauerfo, & dicasi quattro uie 4. fa 16. il quale

il quale tratto dal 18. di sopra ci resterà 2. scancellisi adunque 18. & sopra lo 8. si ponga 2. Dicasi dipoi 4. uie 6. fa 24. traggasi 24. dal 24. che li è a corrispondentia sopra non ce ne rimarrà niente, scancellisi adunque 24. & il 0. si lasci stare, il quale ancor che sia la prima figura del numero addoppiato, non è attia nata come piu uolte si è detto a produrre cosa alcuna. Dicasi ultimamente 4. uie 4. fa 16. & traggasi 16. dal 16. che sopra li corrisponde, ne ci auāzerà cosa alcuna perilche il propostoci numero 5. 30. 84. 16. sarà numero quadrato, la sua trouata radice sarà 2304. nelle altre cose si tenga il medesimo ordine ma per maggior chiarezza si replica la forma delle figure.

X X X Z				
8	3	0	4	16
<hr/>				
2	3	0	4	
<hr/>				
A A	B B	6	0	
4				

numero propostoci.
radice quadrata.
numeri doppi delle radici.

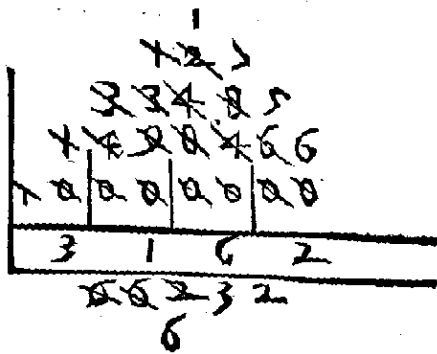
Come si caui detta radice occorrendoci rotti.

Perci ragioneuole mettere a campo uno altro modo da trouare le radici quadrate molto piu esattamēte, accioche coloro che uorano possino trouarle piu a punto di quali si uoglia numero, ancor
Kk 2 che

che gli insegnino nello operare come interuiene de rotti. Propostoci adu-
que qual si uogli numero del quale si uogli cauare la radice quadra
aggiungasi a detto numero verso la destra quel numero de zeri che
ci piace; ma che siano di numero pari come 00. 0000. 000000.
Et così successiuamente accrescendone dua per uolta, Et di quel nu-
mero che ce ne risulta; cauifene la radice quadrata secondo quella
regola che di sopra si è detta, lasciando però del tutto da parte qual si
uoglia resto, che ce ne rimanesi se per sorte nello operare ce ne occor-
resse. Fatto questo lieuisi dipoi da essa radice quadrata la metà
delle figure a corrispondentia de 0. che ui aggiugnemmo, cioè se ui
aggiugnemmo sei 0. lieuisi uia 3. figure, Et le altre verso la sinistra
si serbino, per lo intero numero della radice. Leuate uia dipoi
que 3. figure della detta radice, Bisogna multiplicarle per qual si
uoglia numero nel quale ci parra di diuidere una di esse parti inte-
re, come sarà p. 10. se noi diuidessimo data parte intera in decime 0.
per 20. se noi la diuidessimo in 20. 0. per 30. diuidendola in 30. 0.
per 40. diuidendola in 40. 0. per 50. diuidendola in 50. 0. finalmē-
te per 60. diuidendola in 60. Et da quel ci viene di tal multiplica-
to lieuisi uia da man destra tate di quelle figure che ui sono che sia-
no per la metà de 0. che ui si aggiunsono, Et le figure che restano da
man manca poni dopo il numero del già trouato intero, conciosia che
eglino hanno a seruire per la prima sorte de rotti che ci saranno ue-
nuti dalla diuisione che harem fatta dello intero, Di nouo le figure
che poco fa si leuaron uia, multiplichinsi p. la medesima sorte di diui-
sion che facemmo, Et da quel che ce ne uiene lieuisi uerso la destra
tante figure quante se ne leuaron da prima, Et quel ci resta pongasi
appresso a primi rotti, che ha a seruire per i secondi rotti che ci uen-
gano secondo la diuisione che harem da principio offeruata. Et questo
facci si tante uolte, che ci rimanghino a punto tanti, quati la metà de
0. che

0. che si aggiunsono. Conciosia che per questa uia si potrà cauare as-
sai precisamente Et a punto secondo il numero de gli aggiunti 0. la
radice del propostoci numero. Dal che ne seguita che quanti piu 0. si
aggiugnerano al propostoci numero, tãta piu esatta radice quadrata
caueremo di detto numero. Ma uengasi allo esempio Et dicasi che
uogliamo cauare la radice di 10. aggiungasi ad esso 10. sei 0. Et fa-
rà 10000000. la radice quadrata del quale numero secondo lo am-
maestramento passato sarà 3162. come mostra il disegno delle figure
che segue, Et ci è rimasto di resto come si uede 1736. del quale non
terrem conto alcuno, conciosia che non ci causerà errore sensibile; o
notabile, lieuisi adunque uia le tre ultime figure di detta radice, cioè
162. che sono per la metà de sei zeri, che si aggiunsono Et 3. serbisi
cōciosia che egli è lo intero, cioè il primo numero della futura radice,
dicasi dipoi che noi habbiamo diuiso uno di questi interi in 60. Et che
tutte le parti de rotti habbino a seruire questo ordine, multipliche-
remo adunque 162. per 60. Et ce ne uerrà 9720. dal qual nume-
ro tolgasi di nouo uia tre delle ultime figure, cioè 720. Et la quar-
ta figura serbisi, conciosia che ella è il numero de primi rotti che si ha
a porre subito dopo il 3. che lasciammo per intero, multiplichisi di nuo-
uo 720. per 60. Et ce ne uerrà 43200. dal quale numero se noi le-
uerem uia il 200. cioè le tre ultime figure che sono la metà de 0. ui
aggiugnemmo ci auunzerà 43. il quale numero seruirà per 43. secon-
di, cioè per la seconda sorte de rotti, multiplichisi dipoi 200. per 60.
Et ce ne uerrà 12000. dal qual numero leuando le tre ultime figu-
re che non significano cosa alcuna, ci rimarrà 12. che seruiranno per
la terza sorte de rotti, Et non si debbe nella operatione procedere più
oltre, percioche le ultime tre figure che si son leuate uia non haueuo-
no, essendo tre 0. significato alcuno, ma erano del tutto simili, ancor
che per la metà alli aggiunti 0. Potremo adunque cōsiderare di ha-
uere

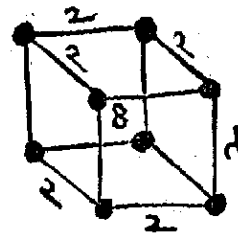
uere in questo modo cauata la radice del 10. la quale è 3. interi 9. mi-
nuti, 43. secondi & 12. terzi hauendo diuiso lo intero in 60. & suc-
cessiuamente in 60. ancora li altri suoi dependenti, & auuertiscasi
che il simile si puo fare di qual si uoglia numero, & siano che &
quante figure si uogliono. Potrebbe si nondimeno trouata che haues-
simo la radice detto 3162. pigliare il 3. per lo intero come si fece di so-
pra lo 1. per la decima parte d'uno intero, cioè per 10. minuti se ha-
uessimo diuiso lo intero in decine & il 6. per 6. decimi del minuto
che sarebbon sei secondi & 2. finalmente per 2. decimi di un secon-
do, offeruando la proportion della diuisione a decine, ma piu esatta-
mente mi pare si faccia nell'altro modo, nondimeno ciascun si serua
nello operare di quel modo che piu li piace, che finalmente non rilie-
ua cosa che importi quasi niente, & eccone la forma dello operare.



Come si trouino le radici cubiche.

IL cauare la radice cubica di alcun numero, non è altro che saper
ritrouare alcun numero che multiplicatolo una volta sola per se
stesso, rimultiplicare quel che ce ne sarà uenuto un'altra volta per
se stesso causi il propostoci da prima numero se ei sarà numero cubi-
co, ouero adempia il numero cubico maggiore, che sarà detto al pro-
postoci

postoci numero, che non fusse numero cubico. Numero cubico adun-
que si debbe chiamar quello che si genera dalla doppia multiplicatio-
ne di alcun numero in se stesso, ouero dal multiplicarlo una sol uol-
ta in se stesso & rimultiplicar poi il suo multiplicato ancora p se stes-
so la radice cubica adunque non è altro che esso numero cubico. Di
forte che il multiplicare cubicamente alcuna cosa, nõ è altro che mul-
tiplicare un numero propostoci due uolte in se stesso, ouero multipli-
carlo in se stesso una uolta, & rimultiplicare il suo multiplicato per
se stesso una altra uolta, come se noi dicesimo duo vie dua, & duo
vie dua fa 8. ouero duo vie dua fa 4. & duo vie 4. fa 8. T al che
lo 8. saria il numero cubico, & il 2. la radice cubica, ilche si debbe
intendere a corrispondentia di tutti gli altri numeri simili. Debbe si
intendere questo numero cubico per un corpo solido, fatto di sei super-
ficie piane come un da-
do. T alche dal primo
multiplicare di alcun nu-
mero i se stesso se ne cau-
si prima il numero qua-
drato, & piano, o uo-
gliam dire superficiale,
& dal rimultiplicar di
nuouo detta superficiale



quadratura si causi il numero cubo, come in quel modo che si puo mi-
gliore ci rappresenta il presente disegno. Il modo ueramente di tro-
uare la radice cubica non è molto differente da quel che poco fa si dis-
se del cauare le radici quadrate. Eccetto primieramente questo
che ei bisogna che le figure di quel numero dal quale uirrem cauare
la radice cubica si separino a tre per tre con le lincette a piombo co-
minciandosi dall'ultima et andando uerso la sinistra. Oltre di questo
il Dito

il Dito trouato $\&$ posto sotto la prima coppia da man stanca si ha a moltiplicare cubicamente, $\&$ tratto quel ce ne viene dal numero di sopra, si debbe il medesimo primo dito rimoltiplicare per 3. $\&$ l'ultima figura di quel che ce ne viene si ha a porre sotto le linee tirate a trauerfo rincontro alla figura del mezzo, che si troua infra le linee che seguono a piombo distribuendo le altre figure uerso la sinistra secondo lo ordine. Il secondo dito dipoi insieme con il primo si ha a moltiplicare per tre, $\&$ quel ce ne verrà si ha a moltiplicare poi per esso dito, il che non si fa nè numeri quadrati, $\&$ quel che ce ne viene si ha a cauare a corrispondentia da quel di sopra rispetto all'auerlo rinterzato, notando quel ci auanzerà di sopra se per forte ci auanzerà cosa alcuna. Questo dito dipoi si moltiplichi cubicamente in se stesso, $\&$ traggasi quel che ce ne viene dal numero che ci rimase di sopra. Rinterzansi poi, cioè si moltiplican per 3. amenduoi i trouati diti, $\&$ l'ultima figura di quel ce ne viene si ha a parte sotto le linee tirate a trauerfo rincontro alla figura del mezzo delle tre che sono uerso la destra infra le linee tirate a piombo, $\&$ le altre come le di sopra metter per ordine uerso la sinistra trouato di nuouo il terzo dito bisogna rinterzarlo con i già prima trouati diti, $\&$ quel che ce ne verrà si ha di nuouo a moltiplicare per se stesso, acciò che ultimamente cubicamente moltiplicato consumi tutto il numero che sopra li corrisponde, ouero la maggior parte di esso che li è possibile. Tengasi il medesimo ordine del quarto dito delle radici, $\&$ di piu se piu ne occorrono fino a tanto che si arriui sotto la ultima figura del propositi numero. Ne ci esca di mente che i trouati diti delle radici si ha a metter sempre sotto la figura da destra che viene fra linee et linee a piombo, di detto propositi numero. Et oltre questo ricorderemoci, che quante volte ci auanzerà uno 1. per il trouato dito, (ilche di necessità ci occorrerà tante volte quante che il numero

metro posto sopra il numero rinterzato, sarà per 10. uolte maggior della trouata radice moltiplicato per detto numero rinterzato) ci bisogna in cambio di esso dito metterui un zero $\&$ scancellato, il poco fa rinterzato numero delle radici, rinterzare essa radice che risulterà del detto zero $\&$ de primi trouati diti: $\&$ l'ultimo dito de rinterzati numeri porlo sotto le linee da trauerfo rincontro alla figura del mezzo che è infra le linee a piombo che seguon da destra notando o ponendo l'altre secondo l'ordine uerso la sinistra. Fatto questo si hanno a ritrouare gli altri diti con quella regola che poco fa si è detta fino a tanto che si arriui a l'ultima figura del propositi numero, $\&$ sarà finita la operatione del modo di trouare la desiderata radice. Ne bisogna che altri si marauigli, fatta tutta la operatione se quel che ci auanza sarà il piu delle uolte maggior di essa radice (ilche non interviene de numeri quadrati) perciò che un numero ben piccolo moltiplicato cubicamente genera un numero molto grande $\&$ quel che ci auanzerà si chiamerà auanzo di radice triplata. Pare a dunque che ci sia una sola difficoltà nel trouare i diti radicali conciosia che sarebbe cosa lunga $\&$ molto fastidiosa lo hauer sempre a discorrere con la mente da 1. per infino a 9. $\&$ dal 9. al 1. per trouare finalmente un dito conueniente al bisogno nostro, $\&$ però habbiam giudicato non essere fuor di proposito aggiungerci una tauoletta nella quale sieno essi diti, $\&$ numeri cubicamente moltiplicati di essi diti mediante laqual si possa moltiplicare cubicamente tutti i diti, (ilche saremo forzati di fare spesso) $\&$ trouare per questa uia il primo numero della futura radice. Considerisi adunque infra i numeri cubici di detta tauoletta qual numero ui sia uguale, o che piu se li appressi, ma però minore al numero, o figure del propositi numero che saran rante la prima linea delle a piombo, uerso la destra. Conciosia che il dito che nella colonna sinistra della tauoletta corrisponderà al detto

numero sarà quello che si harà a pigliare per la desiderata radice. E tutti gli altri diti finalmente si caueranno dal primo con questa regola. Presupponi di hauere un zero, cioè, un 0. per trouare il desiderato dito, cioè, moltiplica per 10. il già trouato numero della radice conciosia che posto un zero doppo qual si uoglia figura di abbaco cresce per 10. tanti essa figura del numero, & il numero che così moltiplicato per 10. insieme con il primo dito della radice, ouero con i già trouati diti & con detto zero resulta, moltiplichisi per il numero rinterzato sotto le linee da trauerso, & diuidasi per il numero moltiplicato posto sopra il rinterzato. Conciosia che quel numero che ce ne uerrà da tal diuisione, sarà sempre dito, & da essere sempre preso per il desiderato dito delle radici. Et se ei ci piacerà esaminare più diligentemente esso dito, considerisi se quel ci auanzerà fatta la diuisione insieme con la figura che subito segue uerso la destra, faccia un numero maggiore, o almanco uguale, al numero che uiene dalla multiplication cubica di detto dito, conciosia che se egli accade si altrimenti bisognerebbe pigliare esso dito minore dell'uno o almanco del. 2. come si disse de numeri quadrati. Ma per uenir alla dimostration con lo essempio per maggiore dichiarazione porremo prima la promessa taioletta.

	Diti	Num. Cubichi.
Vn ue uno due uolte	1	1
Due ue dua duo uolte.	2	8
Tre ue tre tre uolte.	3	27
Quattro ue quatro quatro uolte.	4	64
5 ue 5 cinque uolte	5	125
6 ue 6 sei uolte	6	216
7 ue 7 sette uolte.	7	343
8 ue 8 otto uolte.	8	512
9 ue 9 nove uolte.	9	729

Propongasi per essempio questo numero 12812904. delquale si habbia a cauare la radice Cubica. Ordini questo numero come già di sopra dello altro si disse, & come mostrerà la figura che segue, insieme con le linee a piombo, & con le di sotto ancora tirate a trauerso. Considerisi adpoi il 12. ilquale è il primo numero o figura uerso la sinistra del propostoci numero separato dalla prima lineetta a piombo, & uadisi con esso nella destra colonna della già fatta taioletta, de numeri Cubichi, & cerchi di esso, questo 12. non ui si trouerà precisamente a punto, & però piglisi il minore che se li auicina che sarà lo 8. & troueremo che nella colonna sinistra li corrisponde il 2. ilquale è il primo dito della futura radice, pongasi adunque questo 2. sotto il 12. infra l'una & l'altra delle linee a trauerso, & dicasi 2. uie 2. due uolte fa 8. & traggasi 8. da 12. ce ne resta 4. pongasi 4. sopra il 2. del 12. & scancellisi esso 12. Moltiplichisi poi per 3. detto 2. & dicasi 3. uie 2. fa 6. & pongasi detto 6. sotto amendue le linee a trauerso rincontro allo 1. che è subito dopo lo 8. della destra. Presupponghiamoci conseguentemente di hauere un zero in cambio del dito che segue di detta radice che insieme con il primo di già trouato dito ci di uenterà 20. ilqual moltiplicato per 6. numero rinterzato della già prima trouata radice ci darà 120. diuidasi adunque il 481. che di sopra corrisponde al detto rinterzato numero per 120. & ce ne uerrà 3. per parte, ilqual 3. ha da seruire per il secondo dito della radice, lasciato 121. di auanzo, il che con il 2. che egli ha da destra fa 12. 2. dal qual numero si potrà facilmente cauare il numero cubico di esse 3. dette figure, pongasi adunque il 3. fra amendue le linee da trauerso sotto il 2. del 812. che è rinchiuso fra la prima & la seconda delle lineette a piombo, & moltiplichisi l'uno & l'altro dito della radice, cioè 23. per il 6. numero già rinterzato & ce ne uerrà 138. ilche moltiplicato per 3. ci darà 414. il che si trarrà dal 481. che corrisponde ad esso numero rinter-

LIBRO

zato, & ci rimarrà 67. scancellisi 481. & pongasi sopra 67. il 7. cioè sopra lo 1. & il 6. sopra lo 8. Multiplichisi finalmente il 3. cubicamente dicendo tre uie tre uolte fa 27. & traggasi 27. dal 72. che poco fa ci rimase & ce ne resterà 645. lasciato adunque stare il 6. senza toccarlo scancellisi 72. & sopra ui si ponga 45. cioè il 5. sopra il 2. & il 4. sopra il 7. Fatto questo rinterzisi 23. & ce ne uerrà 69. il che pongasi sotto amendue le linee da trauerfo, il 9. cioè sotto il 0. & il 6. sotto il 9. del propostoci numero, & scancellisi il prima rinterzato numero cioè il 6. Debbesi finalmente andare esaminando & trouando il terzo dito della radice in questo modo, multiplichisi il 23. che son figure della già trouata radice per 10. aggiuntoui da destra un zero in questo modo 230. il qual numero della radice già multiplicato per 10. cioè, 230. multiplichisi per 69. già numero rinterzato della trouata radice & ce ne uerrà 15870. partasi adunque per questo 15870. quel che ci rimase di resto corrispondente sopra il detto rinterzato numero, cioè 64590. & haremno 4. per parte, & ci auanzera 1110. il che con il 4. ultima figura di tutto il numero ci farà 11104. numero molto maggiore che il numero Cubico che ci uiene dalla multiplication cubica di esse 4. figure. Pongasi adunque 4. fra l'una & l'altra delle linee a trauerfo rincontro al 4. ultima figura del propostoci numero, & multiplichinsi tutti i diti della trouata radice, cioè 234. per 69. numero ultimamente rinterzato, & ce ne uerrà 16146. multiplicato per 4. ce ne uerrà 64584. traggasi adunque 64584. dal sopra notato numero 64590. & ce ne resterà solammente 6. il che si ha a porre sopra il 0. scancellando l'altre figure secondo il solito, multiplichisi finalmente cubicamente il 4. cioè, lo ultimamente trouato dito della radice, & ce ne uerrà 64. il che traendolo dal 64. che prima ci era rimasto, non ci lascerà cosa alcuna di resto. La onde potremo dire che il da prima propostoci numero 12812904. sia

SESTO.

sia numero Cubico, & che il 234. sia la sua radice cubica, il medesimo si debbe fare delli altri simili. Dalle cose adunque dette si uede manifesto che si trouano molto piu numeri quadrati, che cubichi perche da 1. fino a 1000000. per un numero cubico solo se ne troueranno 10. quadrati.

numero propostoci.

A	6	7	8
X	2	3	4
	2	3	4

radice cubica.

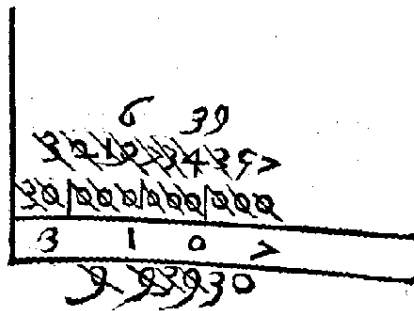
Numeri interzati delle radici.

69

Come si caui la Radice Cubica di ogni numero nelquale occorriano Rotti.

Propostoci il numero delquale si habbi a cauare la radice Cubica aggiunghinsi dopo tanti zeri a tre per tre quanti ci piace, cioè, 000. ouero 000000. ouero 000000000. & così successiuamente crescendo di 3. in 3. quanto ci piacerà, & di quel che ce ne uiene cauisi la radice cubica, nel modo già detto di sopra non tenendo como alcuno di quel che ci rimanesi se per sorte ci rimnaessi cosa alcuna di resto, traghasi dipoi dalla trouata radice tante figure dalla destra che sieno per il terzo de zeri che ui si aggiunsono, & quel numero che da sinistra ci resta serbasi da parte per li interi della futura radice. Multiplichinsi

Multiplichinsi di poi conseguentemente le figure che si leuaron di detta radice per quel numero nelquale ci saremo resoluti di diuidere uno intero, come si insegnò nella operatione della radice quadrata, quando si diuise per 60. & ci scruiamo di interi minuti, secondi, terzij. Et di nuouo di quel ce ne sarà uenuto lieuinfi tate figure, che fieno per il terzo de zeri, che si agguinsono, & le figure che rimangono da sinistra, notifi doppo il già posto numero delli interi, che seruirà pi minuti, di nuouo rimultiplichinsi le poco fa lenate figure per il medesimo numero, che sia come ne numeri quadrati si disse il 60. & lieuinfi di nuouo da man destra tate figure che fieno per il terzo de zeri che si agguinsono. Conciosia che per questa uia si trouerà la radice cubica come la quadrata molto precipamente & molto a punto, secondo lo aiuto dello agguinamento de zeri, donde ne segue come ne quadrati, che tanto piu esattamente si trouerà la radice cubica quanto piu zeri li agguineremo. Ma per maggiore dichiarazione uerremo all'essempio. Sia il propostoci numero del quale uogliamo cauare la radice cubica 30. Aggiunghinsi al detto 30. noue zeri & sarà 300000000000. la radice cubica del qual numero secondo la poco fa descrita regola, e 3107. come la presente figura a forma dimostra.



Lasciando

Lasciando da parte il 6733957. del che non si ha a tenere conto alcuno, lieuinfi adunque uia le tre ultime figure, cioè 107. conciosia che elle sono per il terzo de 9. zeri che si agguinsono, & l'altra figura, cioè il 3. si serbi da parte per il numero intero della futura radice. Multiplicato poi il 107. per 60. come si fece de numeri quadrati, ce ne uerrà 6420. dalqual multiplicato lieuinfi uia le 3. ultime figure dalla destra, cioè 420. & l'altra figura uerso la sinistra, pongasi doppo il 3. fra l'una & l'altra delle a trauerso che seruirà per i minuti. Multiplichinsi di nuouo 420. per 60. & ce ne uerrà 25200. delqual numero se noi ne leueremo le 3. ultime figure, cioè 200. ce ne resterà 25. ilche porremo per i secondi, dopo i minuti. Multiplichinsi di poi 200. per 60. & ce ne uerrà 12000. lieuinfi adunque le tre ultime figure cioè, i tre zeri, & ci rimarrà 12. da seruire per i terzij. Hora perche le tre figure del multiplicato sono stati zeri, che ultimamente habbiam leuati uguali al tutto alla terza parte delli agguinti zeri non si ha a procedere piu oltre, adunque la radice cubica del propostoci numero che fu 30. e 3. interi, 6. minuti, 25. secondi, & 12. terzij, il che basti quanto, al trouare l'una & l'altra radice cioè, quadrata, & cubica senza i rotti o con detti rotti, conciosia che nelli altri numeri, si potrà sempre procedere a corrispondentia.

TAVOLA DELLE RADICI QUADRATE, LIB. VI.

Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.
2	4	35	1225	68	4624	101	10201	134	17956	167	27889
3	9	36	1296	69	4761	102	10404	135	18225	168	28224
4	16	37	1369	70	4900	103	10609	136	18496	169	28561
5	25	38	1444	71	5041	104	10816	137	18769	170	28900
6	36	39	1521	72	5184	105	11025	138	19044	171	29248
7	49	40	1600	73	5329	106	11236	139	19321	172	29584
8	64	41	1681	74	5476	107	11449	140	19600	173	29919
9	81	42	1764	75	5625	108	11664	141	19881	174	30276
10	100	43	1849	76	5776	109	11881	142	20164	175	30625
11	121	44	1936	77	5929	110	12100	143	20449	176	30976
12	144	45	2025	78	6084	111	12321	144	20736	177	31329
13	169	46	2116	79	6241	112	12544	145	21025	178	31684
14	196	47	2209	80	6400	113	12764	146	21316	179	32041
15	224	48	2304	81	6561	114	12996	147	21609	180	32400
16	256	49	2401	82	6714	115	13225	148	21904	181	32761
17	289	50	2500	83	6889	116	13456	149	22201	182	33124
18	324	51	2601	84	7056	117	13689	150	22500	183	33489
19	361	52	2704	85	7225	118	13924	151	22801	184	33856
20	400	53	2809	86	7396	119	14161	152	23104	185	34225
21	441	54	2916	87	7569	120	14400	153	23409	186	34596
22	484	55	3025	88	7744	121	14641	154	23716	187	34969
23	529	56	3136	89	7921	122	14884	155	24025	188	35344
24	576	57	3249	90	8100	123	15129	156	24336	189	35721
25	625	58	3364	91	8281	124	15376	157	24649	190	36100
26	676	59	3481	92	8464	125	15625	158	24964	191	36481
27	729	60	3600	93	8649	126	15879	159	25281	192	36864
28	784	61	3721	94	8836	127	16129	160	25600	193	37249
29	841	62	3844	95	9025	128	16384	161	25921	194	37636
30	900	63	3969	96	9216	129	16641	162	26244	195	38025
31	961	64	4096	97	9409	130	16900	163	26569	196	38416
32	1024	65	4225	98	9604	131	17161	164	26896	197	38809
33	1089	66	4356	99	9801	132	17424	165	27225	198	39204
34	1156	67	4489	100	10000	133	17689	166	27556	199	39601

TAVOLA DELLE RADICI QUADRATE, LIB. VI. 137

Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.
200	40000	233	54289	266	70756	299	89401	332	110224
201	40401	234	54756	267	71289	300	90000	333	110889
202	40804	235	55225	268	71824	301	90601	334	111556
203	41209	236	55696	269	72361	302	91204	335	112225
204	41616	237	56166	270	72900	303	91809	336	112896
205	42025	238	56644	271	73441	304	92416	337	113569
206	42436	239	57121	272	73984	305	93025	338	114244
207	42849	240	57600	273	74529	306	93636	339	114921
208	43264	241	58081	274	75076	307	94249	340	115600
209	43681	242	58564	275	75625	308	94864	341	116281
210	44100	243	59049	276	76176	309	95481	342	116964
211	44521	244	59536	277	76729	310	96100	343	117649
212	44944	245	60025	278	77284	311	96721	344	118336
213	45369	246	60516	279	77841	312	97344	345	119025
214	45796	247	61009	280	78400	313	97969	346	119716
215	46225	248	61504	281	78961	314	98596	347	120409
216	46656	249	62001	282	79524	315	99225	348	121104
217	47089	250	62500	283	80089	316	99856	349	121801
218	47524	251	63001	284	80656	317	100489	350	122500
219	47961	252	63504	285	81225	318	101124	351	123201
220	48400	253	64009	286	81796	319	101761	352	123904
221	48841	254	64516	287	82369	320	102400	353	124609
222	49284	255	65025	288	82944	321	103041	354	125316
223	49729	256	65536	289	83521	322	103684	355	126025
224	50176	257	66049	290	84100	323	104329	356	126736
225	50625	258	66564	291	84681	324	104976	357	127449
226	51076	259	67081	292	85264	325	105625	358	128164
227	51529	260	67600	293	85849	326	106276	359	128881
228	51984	261	68121	294	86436	327	106929	360	129600
229	52441	262	68644	295	87025	328	107584	361	130321
230	52900	263	69169	296	87616	329	108241	362	131044
231	53361	264	69696	297	88209	330	108900	363	131769
232	53824	265	70225	298	88804	331	109561	364	132496

TAVOLA DELLE RADICI QUADRATE LIB. VI.

Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.
365	133225	398	158404	431	185761	464	215296	497	247009
366	133956	399	159201	432	186624	465	216225	498	248004
367	134689	400	160000	433	187489	466	217156	499	249001
368	135424	401	160801	434	188356	467	218089	500	250000
369	136161	402	161604	435	189225	468	219024	501	251001
370	136900	403	162409	436	190096	469	219961	502	252004
371	137641	404	163216	437	190969	470	220900	503	253009
372	138384	405	164025	478	191844	471	221841	504	254016
373	139129	406	164836	439	192721	472	222784	505	255025
374	139876	407	165649	440	193600	473	223729	506	256036
375	140625	408	166464	441	194481	474	224676	507	257049
376	141376	409	167281	442	195364	475	225625	508	258064
377	142129	410	168100	443	196249	476	226576	509	259081
378	142884	411	168921	444	197136	477	227529	510	260100
379	143641	412	169744	445	198025	478	228484	511	261121
380	144400	413	170569	446	198916	479	229441	512	262144
381	145161	414	171396	447	199809	480	230400	513	263169
382	145924	415	172225	448	200704	481	231361	514	264196
383	146689	416	173056	449	201601	482	232324	515	265225
384	147456	417	173889	450	202500	483	233289	516	266256
385	148225	418	174724	451	203401	484	234256	517	267289
386	148996	419	175561	452	204304	485	235225	518	268324
387	149769	420	176400	453	205209	486	236196	519	269361
388	150544	421	177241	454	206116	487	237169	520	270400
389	151321	422	178084	455	207025	488	238144	521	271441
390	152100	423	178929	456	207936	489	239121	522	272484
391	152881	424	179776	457	208849	490	240100	523	273529
392	153664	425	180625	458	209764	491	241081	524	274576
393	154449	426	181476	459	210681	492	242064	525	275625
394	155236	427	182329	460	211600	493	243049	526	276676
395	156025	428	183184	461	212521	494	244036	527	277729
396	156816	429	184041	462	213444	495	245025	528	278784
397	157609	430	184900	463	214369	496	246016	529	279841

TAVOLA DELLE RADICI QUADRATE. LIB. VI. 135

Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.	Radici.	Quadrati.
530	281900	557	310249	584	340264	611	373321
531	282961	558	311364	585	341385	612	374544
532	284024	559	312481	586	342506	613	375769
533	285089	560	313600	587	343629	614	376996
534	286156	561	314721	588	344754	615	378225
535	287225	562	315844	589	345881	616	379456
536	288296	563	316969	590	347010	617	380689
537	289369	564	318096	591	348141	618	381924
538	290444	565	319225	592	349274	619	383161
539	291521	566	320356	593	350409	620	384400
540	292600	567	321489	594	351546	621	385641
541	293681	568	322624	595	352685	622	386884
542	294764	569	323761	596	353826	623	388129
543	295849	570	324900	597	354969	624	389376
544	296936	571	326041	598	356114	625	390625
545	298025	572	327184	599	357261	626	391876
546	299116	573	328329	600	358410	627	393129
547	300209	574	329476	601	359561	628	394384
548	301304	575	330625	602	360714	629	395641
549	302401	576	331776	603	361869	630	396900
550	303500	577	332929	604	363026	631	398161
551	304601	578	334084	605	364185	632	399424
552	305704	579	335241	606	365346	633	400689
553	306809	580	336400	607	366509	634	401956
554	307916	581	337561	608	367674	635	403225
555	309025	582	338724	609	368841	636	404496
556	310136	583	339889	610	370010	637	405769

Et se perauventura questa Tavola delle Radici quadrate, non fusse per le tue misure a bastanza, se si misurerà la distanza della cosa con piedi, si potrà ridurre la misura de piedi a passi, o a canne, & per questa via le radici sopra dette seruono a qual si uoglia lunghissimo modo di misurare. Potrassi ancora accrescere detta tavola (senza difficoltà) in qual si uoglia numero se ben uolesti che fusse infinito. Ilche si farà in questo modo. Raddoppisi la radice dell'ultimo quadrato del quale si ha cognitione, et a questo numero aggiugasi uno 1. & tutto questo numero si aggiunga similmente allo ultimo quadrato, & ne verrà quel quadrato che segue, il quale si andrà cercando: come per esemplo, l'ultimo quadrato di questa tavola è 438244. & la sua radice è 662. raddoppisi questa, & ce ne verrà 1324. se a questo numero si aggiunge uno 1. haremò 1325. & se si aggiugnerà questo numero al quadrato 438244. haremò 439569. la radice del quale sarà 663. Et si aggiugnerà a 1325. un 2. & il medesimo sempre al numero che ce ne viene, & si aggiugnerà questa differetia de numeri, a ciascuno d'assersè de quadrati di sopra, ce ne resulterà senza maggior fatica il quadrato che segue, come per esemplo, dallo aggiugnimento del 1325. al quadrato 438244 si caudò il quadrato 439569. se si aggiugnerà al 1325. un 2. la differetia sarà 1327. aggiughisi a questo ultimo quadrato 439569 & si harà il quadrato che segue, che sarà 440896. la qual cosa ci succederà ancora nel medesimo modo ne gli altri quadrati che seguiranno.

Regola delle tre cose, ouero quattro proportionali.

Dalla diciannouesima Proposta del nono di Euclide, si caudò una regola come dati tre numeri si possi per loro ritrouare il quarto a loro proportionale, dalla quale si è cauata quella regola che

i Ma=

i Matematici chiamano Regola dorata delle quattro proportionali, la quale non sarà mai tanto lodata che basti. Questa regola da volgari è chiamata la Regola del tre, o vogliamo dire delle tre cose, la inestimabile commodità della quale lasceremo giudicare a coloro che si esercitano in maneggiare i numeri, o le matematiche, conosciuta che infra le cose proportionali non pare che possa occorrere difficoltà, o dubbio alcuno che non si leui subito via mediante il beneficio di questa regola.

Propostoci adunque quattro numeri proportionali infra di loro, che quel rispetto, o proportionione che ha il primo al secondo, lo habbia ancora il terzo al quarto, se perauventura auuerrà che ci sia ascosa la quantità di alcun di loro, ci sarà facile il ritrouarla mediante lo aiuto delli altri tre in questo modo. Siano i propostoci punti A B C D, & come lo A, corrisponde al B, così corrisponda il C, al D, & sia un di loro del quale ci sia ascosa la sua quantità, come per esemplo si dica che sia il D, che è lo ultimo, cioè il quarto per ordine, se noi vorremo sapere quanto egli è, multiplichisi uno de numeri del mezzo nell'altro, come è il B, nel C, ouero il C, nel B, & quel che ce ne verrà 8. 12. 10. 15. partasi per il primo, cioè per la A, che è il primo delle estremità, o te = A—B. C—D ste de detti numeri, et sapremo quanto sarà il quarto proportionale. Debbono veramente questi numeri essere talmente proposti, o espressi che il primo & il terzo conuenghino insieme quanto al fatto, & quanto al nome, & il secondo ancora similmente con il già trouato quarto. Come se A, sarà stata per modo di dire 8, B 12. & C, 10. la disputa, o dimanda si debbe formare in questo modo, se 8. mi dà 12. che mi darà 10. & ciò si intende delle medesime cose, ualute, o quantità. Multiplichisi adunque 12. per 10. ouero 10. per 12. & ce ne verrà 120. ilche se noi diuideremo per 8. ce ne verrà 15. per parte che conuerranno quanto al fatto, & quanto al nome con esso 12.

Et a questo 15. pare che con tal proportione corrisponda il 10. cò quale lo 8. corrisponde al 12. conciosia che l'una & l'altra corrisponde per sesquialtera, cioè per la metà. Adunque se 8. braccia di un panno propostoci vagliono 12 Δ , 10. braccia ne varranno 15. O se una propostaci ruota in 8. hore hara compito 12. delle sue reuoluzioni, ella in 10. hore ne fara 15. ne altrimenti si ha a giudicare de gli altri numeri simili, & similmente propostici. Ma quando auuenisse che hauesimo notizia delli altri tre numeri, o termini, & che il primo, cioè lo A, ci fusse nascoso, & uolesimo ritrouarlo per il beneficio del saper li altri, percioche i numeri proportionali infra di loro per un verso, sono ancora proportionali per lo altro, & in quel modo che corrisponde il D, al C, cosi corrisponde ancora il B, al A, però ponghinsi i numeri al contrario del modo di prima in questa forma,

15. 10. 12. 8. dipoi tengasi nello operare quella regola che poco fa si è detta moltiplicando B, per C, ouero C, per B, & diuidendo quel ce ne viene per il detto D, & questa diuisione ci dara il numero A, che andauamo cercando. Imperoche posto sopra delle lettere la detta corrispondentia de numeri, se 12. moltiplicato per 10. ci dara 120. come prima, diuiso poi per 15. ci dara 8. per parte. Al quale 8. il 12. corrisponde in quella medesima proportione che fa il 15. al 10, conciosia che l'una & l'altra è sesquialtera, cioè per la metà piu.

Auuiene adunque il medesimo come che se il secondo numero si moltiplicasse per il terzo, & il moltiplicato si partissi per il primo. Ma bisogna riuoltare la proportione de termini in questo modo, & propor talmente la disputa, ouero dimanda, che il numero a noi incognito caschi sempre nel quarto luogo, & quanto poi al modo dell'operare non si ha da discostare dalla data regola generale.

Et quando auuenisse che uno de termini del mezzo fusse quello che ci fusse nascoso, come è per modo di esemplo il B, che quanto all'ordine,

l'ordine, è il termine, o numero secondo, bisogna anteporre la seconda proportione alla prima, cioè porre gli ultimi duoi termini verso la sinistra inanzi a primi, accioche il B, possa collocarsi nel quarto & ultimo luogo come mostra il presente disegno. Percioche se A, 10. 15. 8. 12. corrisponde al B, come il C, al D (si come presupon la regola) in quel C—D. A—B la proportione adunque che corrisponde il C, al D, corrisponderà ancora la A, al B. Preparate in questo modo queste cose moltiplichisi D, per A, cioè 15. per 8. ouero 8. per 15. & ce ne verrà di nuouo 120. il qual moltiplicato diuiso per il C, cioè per 10. ci dara 12. per parte, ilche sarà la quantità del B, che andauamo cercando, & corrispondera lo 8. al 12. in quella proportione che fa il 10. al 15. cioè per sesquialtera, che vien ad essere per la metà.

Ma quando ultimamente auuenissi che hauesimo dibisogno di ritrouare il terzo termine, o numero quanto allo ordine, bisogna riuoltare & i termini, & le proportioni inanzi che si cominci ad operare secondo la regola generale, in quel modo che si disse che si offeruasse hauendo posto il terzo numero nel luogo del quarto, come mostra la presente figura.

Et replicando per maggior dichiaratione di tutte le cose dette, i numeri che da prima si son presi, moltiplichisi il D, per lo A, & diuidasi tal moltiplicato per il B, ce ne verrà il C, percioche se si moltiplichera il 15. per lo 8. & si partira per il 12. hauendoci dato 120. ci dara 10. per parte che sarà il C. Il medesimo si farà quando non habemo notizia di alcun numero del mezzo, come che se si moltiplicasse uno delli estremi, cioè posto nel principio, o nel fine per l'altro, & si diuidesse poi quel che ce ne venisse per uno di quelli del mezzo che ci fusse noto. Ma auuenga che sia qual si voglia de numeri che ci sia nascoso, & che noi vogliamo sapere, si hanno sempre a riuoltare, & posporre i numeri che ci saranno noti, che quel che ci è nascoso

12. 8. 15. 10.

B—A. D—C

scoso possa porsi nell'ultimo luogo, o vogliamo dire sedia, per ritrovarlo mediante la regola generale, come si è detto di sopra.

Mediante il discorso, o vogliamo dire la esamina de quattro passati esempi, si può facilmente vedere quanto sia indissolubile, & stretta la fratellanza, ouero il legamento de detti quattro numeri proporzionali, conciosia cosa che non hauendo notizia di uno di essi, & sia qual di loro si voglia, si vede che si genera mediante lo aiuto de gli altri tre che ci sono noti, & che non solamente il primo ha quel rispetto al secondo, che il terzo al quarto, ma fra il primo & il terzo, è la medesima proportionione che è fra il secondo & il quarto. Bisogna nondimeno auuertire che doue (fatta come habbiã detto la diuisione) ci auanzasse alcun resto, che fusse minore del Partitore, bisogna ridurlo in piu minuto numero, & ciò bisogna fare tante volte, che non ci resti cosa alcuna della diuisione. Come per esempio se si comperasse quattro libbre di zucchero 15. soldi, & noi uolemmo sapere quanto si harebbono a comperar sette delle medesime libbre, bisogna multiplicare 15. per 7. & ce ne verrà 105. ilche partito per 4. ci darà 26. per parte, & auanzeracci 1. hora perche un soldo vale 12. danari, diuidasi quello 1. che ci rimase in 12. il qual 12. ridiuidasi in nuouo per 4. & ce ne verrà 3. conchiudi adunque il desiderato numero 7. che viene ad essere il quarto del quale non haueuamo notizia, si harà a comperare per soldi 26. danari 3. Dalche di nuouo si caua, esso numero che primieramente si ha a diuidere, generato dalla multiplication del secondo nel terzo, ouero dal terzo nel secondo, douersi risolvere in un numero minore tante uolte quante egli ci accadrà che sia minore del partitore, accioche ci si possa con esso diuidere piu facilmente. Aggiungasi a questo che se alcuno de 3. numeri, de quali habbiamo notizia fusse non solo di interi, ma di interi & di rotti, bisogna ridurre detti interi tutti ad una medesima sorte di

rotti,

rotti, prima che noi entriamo secondo la regola, alla operatione, con tale offeruatione nondimeno, che il primo & il terzo conuenghino nella reductione de loro interi. Come per esempio se ci fusse proposto una ruota che in quattro di & quattro hore facesse cinque delle sue intere reuolutioni, & uolemmo sapere quante reuolutioni ella farebbe in 10. interi giorni. Risoluiasi prima li quattro giorni in hore che saranno 96. perche ogni giorno è hore 24. & quattro ne haueuamo prima che fa 100. hora perche ei bisogna che il terzo numero (quanto allo ordine) conuenga con il primo quanto a fatti & quanto al nome, conuertinsi li 10. giorni in hore che saranno 240. multiplichisi dipoi 240. per 5. & ce ne verrà 1200. ilche partito per 100. ci darà 12. il qual 12. sarà il desiderato numero delle reuolutioni che farà la ruota ne detti 10. giorni, & sarà ancora come si può considerare, il quarto numero quanto allo ordine del quale non haueuamo notizia alcuna.

ERRORI OCCORSI NELLA STAMPA.

Foglio 2.b.versi 13.atto non si leggi atto a non si.fo.3.a.b si ridiuiua leg.si ridiuidz.
 f.4.metter un.F.alla linda.f.1.b.uer.27.l'altezza.leg.la lunghezza.fo.7.a.uer.2.si riguar
 dera leg.si si quadrerà.f.9.b.uer.1.& la E F leg.& la A F.f.10.b.uer.4.non ci si possiano
 leg. non ci possiamo.f.10.b.uer.13.accosteremo.leg.accosteremoti.f.11.una H nel dise
 gno.& I.fo.11.b.uer.5.si puo leg.si possiono.fo.12.b.uer.1.A D E.leg.A D F. fog.18. b.
 uer.25.il caro leg.il razzo.fog.21.a.uer.4.misurare che leggi.2.fog.21.a.uer.5.del G N
 leggi che il G N.fog.21.a.uer.20.spacio.leggi spazio & colt leggerai per tutta la operà
 doue trouerai spazio. fog.21. 2.uer.25.11 entaquartesima leg.11 entaquattresima fo.23.
 2 pie del ochi del misurante aggiugati. I. fog.26.b.18.regolo leg.regola. fogl.28.a. uer.
 9.determinatore leg.denominatore.fog.28.b.uer.5.ancora a.leg. ancora ci auerrà. fo.
 30.a.uer.2.per 12.legge il 12.fog.41.ricorregger il quadrante con tirar il filo del piom
 bo & metter il D.doue è il B.fog.51.a.uer.14.la braccia leg.le braccia.fog.51.b. uer.1.
 braccia 15.leggi braccia.5.fog.52.b.uer.11.proportionallo.leg. proportionato. fogl.69.
 nella figura il C debbe esser un G.fog.70.H leggi sempre K per tutto. fog.75. b. nella
 figura 93.un quinto.leg.93.tre quinti.& il.10.leggi.16.fog.79.b.nella facciata tutta do
 ue è il K.leggi.A.fog.80.b.secundo leg.secondo.fog.81.a.uer.6.all'indietro leg.allo in
 dentro.fog.88.b.nella figura 248 un settimo.leg.248.quattro settimi.fo.89.a.nella fi
 gura mettrasi una F rimcontro al D.fog.96.a.uer.23 a squadra leg.a squadra.fog.99. non
 tinsi legg.notinsi uer.16.fog.99.uer.23.non tinsi leg.notinsi. fog.104.uer.6. pigherano
 leggi piglieranno.fog.105.uer.21.liquali leg.lequali.fog.110.uer.23.dal qual legg.da
 qual.fog.117.uer.11. detta leg.della. fog.124.b.uer.2.del centro. leggi dal centro.fog.
 126.nella tauola il.63.hà adtr.36.fog.126.uer.25. quadrati legg. quadrati. fog.127.b. uer.
 23.rali legg tanti.fog.130.a.uer.1.5.3.8.16.legg.5308.16.

TAVOLA DELLE COSE PIV NOTABILI.


A		
	Go della bussola co- me	95.a
	Ago della bussola non si uolta a iramonta na a punto	95.a 4b
	Angolyretti	83.a.88.b.89.a
	Archimede	91.b
	Articoli che suano	126.a
	Asta instrumento da misurare	24.a
B		
	Braccia superficiali auanzano le braccia sode	75.b
	Barili cinque per braccio quadro	92.a
C		
	Calenzano	102.a
	Campi tonidi	67.a
	Capitano Francesco de Medici	1.b
	Carlo Lenconi	129.a
	Castello uilla	101.b
	Centro di una figura di piu lati, come si truoui	64.b
	Concezioni di Euclide	109.b
	Come si faccia un quadrante	2.b
	Come si misurino le distantie a piano di li nee dritte con il quadrante	3.b
	Come ritrouandosi in luogo alto si misuri una linea posta in piano.	4.b. con il quadrante, & con lo astrolabio 6.b
	Come si facci il quadrante dentro alla quarta parte di un cerchio	7.b
	Come si misuri una linea in piano con il quadrante del cerchio	8.b
	Come si misurino le linee a piano solo con una squadra	9.a
	Come si fa un bastone da misurare le di- stantie	10.a & come elle si misuri- no con esso 11.a.b
	Come le linee ritte ad angol retto sopra il pian del terreno si misurino cò il qua drante	12.a & con il quadrante del cerchio 14.a
	Come si misurino le distantie, & altezze con il quadrante in cerchio, & con lo astrolabio mediante le ombre	15.b 16.a. & 17.a. 19.a
	Come si misurino le distantie, & altezze senza consideration delle ombre: ma solo con i raggi delle uedute con il qua drante del cerchio	19.b. 21.b con lo astrolabio 22.a. 23.a b
	Come le altezze si posson misurare con una asta sola	24.a
	Come le altezze si posson misurare con uno specchio	25.a
	Come si misurino con il quadrante le al- tezze, alle quali noi no ci possiamo ac- costare	26.a & con il quadrante del cerchio 27.a & con lo astrolabio 29.a. 31.a. con una positura sola 31.b 32. 33
	Come si operi senza hauer a uider l'om- bre rette, o uerse	33.a
	Come stando sopra una torre maggiore se ne possa misurare una minore con il quadrante	34.a. con lo astrolabio 35.b & stando sopra una minore, misurar la maggiore 35.b. 36.b con lo astro- labio 37.a
	Come si misuri un pendio di un monte cò il quadrante	37.b
	Come stando a piè d'un mote si misuri una torre posta i cima di esso mote	38.a.b & con il quadrante in cerchio 40.a

TAVOLA.

Come si misurino le profondità de pozzi con il quadrante 40.a con il quadrante & cerchio 41.b col astrolabio 42.a
 Come si misurino le larghezze & profondità de fossi, & delle ualli con il quadrante 42.b con lo astrolabio 44.a
 Come si misurino le distantie di piu cose poste in piano, che sono infra te & loro, et fra l'una & l'altra di loro 44.b
 Come si misurino le distantie di piu cose poste a filo in un piano 46.a
 Come stando in terra si misurino le cose poste in alto, come capitelli, colonne, o statue 46.b
 Come stando in terra si possa trouar un punto, che a piombo corrisponda al punto di alcuna cosa collocata in alto 47.a
 Come si disegnino li edifizij in prospettiva 47.b
 Come si possano misurare che le cose collocate ad alto habno infra di loro, & per altezza & per larghezza 47.b & 48.a
 Come si possa uedere se una cosa che sia in moto, come eserciti, o altra armata risi appressi, o ti si allontani 49.a
 Come si misuri una superficie di un triangolo retto di duo lati uguali 50.a
 Come il triangol retto di lati disuguali 50.b
 Come si ritri uino le quantità delle braccia de lati di un triangolo l'un per l'altro 51.a
 Come propostoci un lato si possa fare un triangol rett. angolo 51.b
 Come si misurino i triangoli di angoli acuti, & si ritrouino i lati l'un per l'altro 52.b
 Come si misurino i campi in triangolo di tre angoli acuti, & duoi lati uguali, & un disuguale 54.a
 Come si misuri un campo in triangolo di tre angoli acuti, & tre lati disuguali 55.a
 Come si misuri un triangolo sopra squadra con duoi lati uguali 56.a
 Come si misuri il triangol sopra squadra di tre lati disuguali 57.a
 Come si misuri unuersalmente ogni sorte di triangoli 57.b
 Come si misurino i campi quadri di lati uguali & angoli a squadra 59.b
 Come si misuri i capi quadrilunghi di angoli a squadra & lati corrispondenti si 59.b
 Come si misuri un campo quadro di lati uguali, ma di angoli disuguali 60.a
 Come si misuri un quadrilungo di lati disuguali, & di angoli sotto & sopra squadra 61.a
 Come si misurino i campi quadri di lati disuguali & diuersi angoli 61.b
 Come si misurino i quadrilunghi con duoi lati a squadra & lati diuersi 62.b
 Come si misuri un campo di quattro linee di duoi lati uguali & diuersi angoli 63.a
 Come si misurino un campo di quattro linee, due uguali, ma non contigue, & di angoli diuersi 63.b
 Come si misurino un campo di quattro lati, & quattro angoli diuersi 63.b
 Come si misuri le forme di piu lati 64.b
 Come si misuri un campo di cinque lati, che sia regolare 65.a
 Come si misuri un campo di sei facce, che sia regolare 65.b
 Come si misuri un campo di piu facce, o lati diuersi, che sia irregolare 66.a
 Come si troui la quadratura del cerchio 67.a

TAVOLA.

67.a in un' altro modo 68.a
 Che il quadrato di fuori d'un cerchio corrisponde per metà al quadrato di dentro 68.b
 Come si misurino i campi che sono piu, o meno che mezi tondi 69.b
 Come si misuri noi capi mezi tondi 69.a
 Come si misurino i campi, che hanno dello ouato 70.b
 Come si misurino i capi che hanno del quadrilungo, & dello ouato 70.b
 Come si misuri un corpo quadro come un dado 71.b
 Cubo 71.b
 Come si misuri un corpo di angoli retti: ma che habbi la metà de lati maggiori che li altri 72.a
 Come si misuri un corpo di muraglia, o di altro che sia a squadra, ancor che in esso siano alcuni uani, o finestre 73.a
 Come si misuri un corpo ad angoli retti, che sia uoto dentro 73.b
 barili cinque per braccio quadro 73.b
 Come si misuri le colonne generalmente 74.a
 Cylindro che sia 74.a
 Come si misuri una colonna che sia in triangolo di lati uguali 74.b
 Come si misuri le colonne di forme quadrate 75.a
 Come si misuri una colonna di sei facce 75.b
 Come si misurino i rocchi, o pezzi di qual si uoglia colonna 76.a
 Come si misurino le colonne uote 76.b
 Come si misurino le capacità di qual si uoglia corpo, o uaso uoto che sia regolare 77.a
 Come si misurino le Piramidi 77.b
 Come si misuri una Piramide di quattro facce 78.b
 Come si misuri una Piramide che non fusse intera, cioè un tronco di Piramide 79.a
 Come si misuri una Piramide di quattro triangoli che si potrebbe chiamare quattro base 80.a
 Come si misuri una Piramide tonda per uolerne segandola cauarne un ouato 80.b
 Come si misurino i corpi tondi 83.a
 Come si misuri un segmento maggiore, o minore del diametro di una palla, o la portione maggiore, o minor di detta palla 84.a
 Come si misuri lo otto facce corpo regolare di otto triangoli uguali 85.b
 Come si misuri il dodici facce fatto di pentagoni 86.a
 Come si misuri il uenti facce 87.a
 Come si misurino i corpi solidi a guisa di mandorla che sono irregolari. 88.a
 Come si misurino i corpi fatti di piu facce a mandorle 90.a
 Come si misurino i corpi irregolari generalmente 90.a
 Come si misurino le botti da uino, o da altro 91.a
 Come si facci la bussola 93.a
 Come si operi con la bussola per descriuer una regione 99.a
 Come si possa metter in carta una prouincia sapute le distanze de luoghi 101.b
 Come si troui una distanza di un luogo & sia quanto si uogli lontana 103.a
 Come ueduti dua, o tre luoghi si possano trouar le lor distanze mediante le linee & li angoli delle positimi, an or che non ci trouassimo in alcuni di detti luoghi: & come si possa disegnare una prouincia senza la bussola ritta, & senza l'osservation della tramontana

TAVOLA

Na	104.a	uguali	115.a
Come si possa descrivere una regione, o provincia sapendo le distantie, & li angoli delle positioni	106.a	Come qual si voglia lato di un triangolo si tirera diritto a dilungo, causerà l'angolo di fuori maggiore che li duoi angoli di dentro	115.b
Come si stabilisca un triangolo sopra una linea propostaci	109.b	Come i duoi lati di qual si voglia triangolo congiunti insieme son maggiori dello altro lato	116.a
Come si tiri da un dato punto intorno ad una linea diritta propostaci una linea diritta, che le sia uguale	110.a	Come propostoci tre linee, che due delle quali congiunte insieme sieno piu lunghe che l'altra, si possa stabilire un triangolo di tre altre linee simili, & quelle	116.b
Come propostoci due linee disuguali si possa tagliare la piu lunga talche diuenti uguale alla altra	111.a	Come propostoci una linea diritta, si possa sopra uno de suoi termini, stabilire uno angolo uguale a qual altro si voglia propostoci angolo	117.a
Come duoi triangoli sieno uguali	111.a	Come di quali si vogliono duoi triangoli, de quali i duoi angoli dell'uno sieno uguali a duoi angoli dell'altro, ciascuno però di quel che li è a rincontro, & il lato dell'uno uguale al lato dell'altro, &c.	117.a
Come il triangolo che ha duoi lati uguali, di necessità harà li duoi angoli della basa ancora uguali	111.b	Come se una linea diritta caderà sopra due linee diritte, & causerà dua angoli corrispondenti, che sieno fra loro uguali, quelle linee saranno fra loro parallele	118.a
Come se da due punti che terminano ad una linea usciranno due linee che si uadino a congiunger insieme in un punto, è impossibile tirar dalla medesima banda da medesimi punti due altre linee simili, che si uadino a congiugnere in uno altro punto	112.a	Come se una linea cadrà sopra due linee parallele, i duoi angoli rispettivamente corrispondenti saranno fra loro uguali, & lo angolo di fuori sarà uguale allo angolo di dentro che li è di rincontro, & i duoi angoli di dentro della una parte & dell'altra saranno uguali a duoi retti	119.a
Come duoi triangoli di lati & base uguali, causano angoli uguali	113.a	Come da un punto propostoci fuori d'una linea, si tiri una parallela alla già propostaci linea	119.b
Come sopra una linea diritta si possa tirare una linea a piombo, da un dato punto che causi duoi angoli a squadra	113.b	Come ogni angolo di fuori di qual si voglia triangolo è uguale a duoi angoli di dentro,	
Come i duoi angoli da amèdue le bande di qual si voglia linea diritta che castichi sopra un'altra linea diritta sono, o retti, o uguali a duoi retti	114.a		
Come se due linee si partiranno da un punto d'una linea, & andranno in parti contrarie, & faranno intorno a loro angoli retti, o simili a retti, egli è di necessità che esse sieno congiunte insieme & diuentate una linea sola	114.b		
Come di qual si voglia due linee che si interseghino insieme tutti li angoli che te causano, rincòtro l'uno a l'altro sono,			

TAVOLA

tro, postili a rincontro, & tutti a tre i suoi angoli, son di necessità uguali a duoi retti	120.a	ta da una altra che uenga dal centro in parti uguali, è di necessità che ella sia sopra a squadra, & essendoni a squadra la dividerà in due parti uguali	124.b
Come se nelle teste, ouero nelle estremità di duo linee parallele, & grandi ad un modo si applicheranno due altre linee che saranno ancor parallele & uguali	120.b	Come di quali si vogliono duoi triangoli, de quali gli angoli dell'uno sieno uguali a gli angoli dell'altro, i lati che sono rincontro a detti angoli, sono fra loro proportionali	125.a
Come ogni superficie fatta di lati paralleli, ha le linee & gli angoli di rincòtro uguali diuiadola un diametro, o schiacciata per mezzo	120.b	Come si truoui la radice quadrata di qual si voglia numero	126.a
Come tutte le superficie di lati paralleli fatte sopra una medesima basa, & poste in esse linee corrispondenti, son uguali	121.a	Come si caui la radice quadrata occorre doci rotti.	130.a
Come tutti i triangoli che si fanno sopra una medesima basa, et infra due linee parallele, sono uguali	122.a	Come si truouino le radici cubiche	131.b
Come se un quadro & un triangolo saranno fatti sopra una medesima basa, & infra le medesime linee corrispondenti & conformi, è di necessità che il quadro sia p il doppio del triangolo	122.a	Come si caui la radice cubica di ogni numero nel quale occorrono rotti	135.a
Come di una propostaci linea si facci un quadro	122.b	Come si truoui la regola delle tre cose, ouero quattro proportionali.	138.b
Come il quadrato che si fa del lato che è rincontro allo angol retto di qual si voglia triangolo ad angol retto, è uguale a duoi quadrati che si fanno di amèdue gli altri suoi lati	123.a	Corpi regolari & irregolari	644
Come se quel che ci viene dal hauer multiplicato un lato del triangolo per se stesso, sarà uguale a duoi quadrati, che saranno descritti da gli altri duoi lati, quel angolo che è rincòtro a quello altro sarà retto	123.a	D	
Come si multiplichi una linea per se stessa	124.a	Dimande di Euclide	109.a
Come se una linea dentro ad un cerchio posta fuori del centro, sarà intersec-		Diti che siano	126.a
		Diti quadrati	126.b
		Euclide	1.b
		Euclide	85.a
		Euclide	91.b
		Euclide	108.b
		Gemma friso	1.b
		Gemma friso	92.b
		Gemma friso	106.b
		Giouan Roia	93.a
		Interi	131.b
		L	
		Leonbattista Alberti	24.a
		Linda	3.b
		Linea a piombo che sia	114.a
		Linea di positione che sia	98.a
		M	
		Mpridiana	106.b
		Mimii	131.b
		Noruegia	

T A V O L A.

<i>N</i>		<i>Q</i>	
<i>Noruegia</i>	95.a	<i>Quadratura superficiale</i>	132.a
<i>Numeri quali sieno</i>	126.a	<i>Quincupla</i>	27.b
<i>Numero quadrato che sia</i>	126.b	<i>R</i>	
<i>Numero cubico</i>	132.a	<i>Radice cubica</i>	2.a
<i>O</i>		<i>Radice quadrata che sia</i>	126.b
<i>Ombra retta, & ombra uersa che sia</i>		<i>Riquadrare che sia</i>	126.b
18.b		<i>Radice cubica</i>	132.a
<i>Orontia</i>	1.a	<i>Radice triplata</i>	133.a
<i>Orontio</i>	24.a	<i>Rombo</i>	60.b
<i>Orontio</i>	68.b	<i>Romboide</i>	61.a
<i>Orontio</i>	107.b	<i>Rombo</i>	88.b
<i>P</i>		<i>S</i>	
<i>Paralella</i>	2.a	<i>Schianciana</i>	2.a
<i>Paralello grami</i>	90.a	<i>Schianciana</i>	59.b
<i>Paralello</i>	106.a	<i>Schianciana</i>	120.b
<i>Paralello gramo</i>	40.b	<i>Secondi</i>	131.b
<i>Parti della ombra uersa, come si riduchi-</i>		<i>Sesquialtera che sia</i>	36.b
<i>no alla ombra retta</i>	30.a	<i>Sesquialtera</i>	83.b
<i>Parti della ombra retta, come si riduchi</i>		<i>Sexcupla che sia</i>	37.b
<i>no alla ombra uersa</i>	31.b	<i>Suchiello</i>	94.b
<i>Partitore che sia</i>	69.b	<i>T</i>	
<i>Pentagoni</i>	85.b	<i>Tauola della ombra retta, & della uer-</i>	
<i>Pentagono</i>	65.a	<i>sa</i>	18.a
<i>Perurbachio</i>	92.b	<i>Tertij</i>	131.b
<i>Piella</i>	94.b	<i>Tolomeo</i>	106.b
<i>Pietro appiano</i>	92.b	<i>Triangoli, oxigonij</i>	50.a
<i>Perpendicolare</i>	56.b	<i>Tripla</i>	27.b
<i>Proemio, ouero intention dello Autore</i>		<i>V</i>	
1.a		<i>Vitullione</i>	26.b
<i>Proposta prima del primo di Euclide</i>		<i>Vitruuio</i>	93.a
109.b		<i>Vno che faccia</i>	27.a
<i>Proportione contraria</i>	30.6	<i>Volgitio</i>	94.b
<i>Prospettua comune</i>	26.b		

I N V E N E T I A,
Per Francesco Franceschi Sanese.

1 5 6 4.

INVENTA...
BRES...

100...